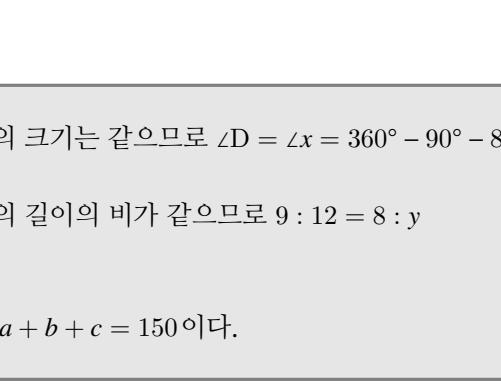


1. 다음 그림에서 두 사각형이 닮음일 때, x 는 a° , y 의 길이는 $\frac{b}{c}$ 이다.
이때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라. (단, b, c 는 서로소)



▶ 답:

▷ 정답: 150

해설

대응각의 크기는 같으므로 $\angle D = \angle x = 360^\circ - 90^\circ - 80^\circ - 75^\circ = 115^\circ$

대응변의 길이의 비가 같으므로 $9 : 12 = 8 : y$

$$y = \frac{32}{3}$$

따라서 $a + b + c = 150$ 이다.

2. A_4 용지를 다음 그림과 같이 반씩 접어보고, 접을 때마다 종이의 크기를 각각 $A_5, A_6, A_7 \dots$ 이라고 할 때, A_6 용지의 가로와 세로의 길이는?(단 A_4 용지의 가로의 길이는 210mm, 세로의 길이는 297mm 이다)



① 가로 : 210 mm, 세로 : 297 mm

② 가로 : 210 mm, 세로 : $\frac{297}{2}$ mm

③ 가로 : 105 mm, 세로 : $\frac{297}{2}$ mm

④ 가로 : 105 mm, 세로 : $\frac{297}{4}$ mm

⑤ 가로 : 105 mm, 세로 : $\frac{297}{8}$ mm

해설

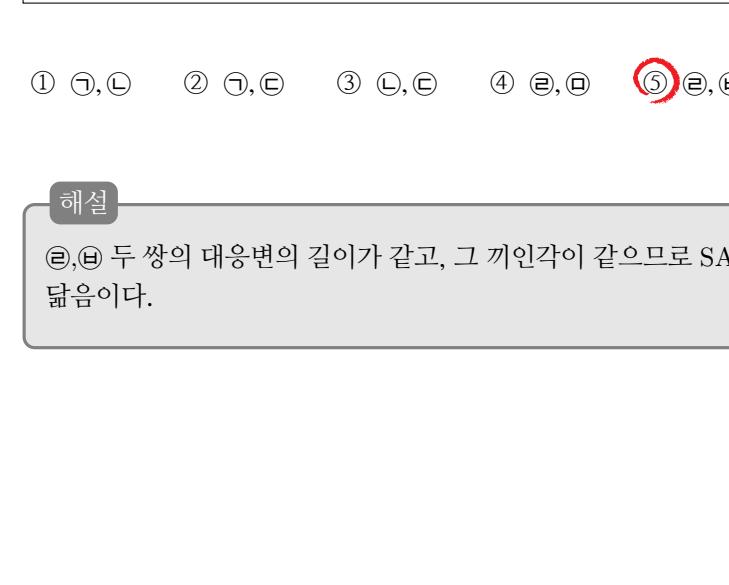
종이를 계속 반으로 접을 때마다 종이의 가로와 세로의 길이는

$A_4 : 210, 297, A_5 : 210, \frac{297}{2}, A_6 : \frac{210}{2}, \frac{297}{2}, A_7 : \frac{210}{2}, \frac{297}{4} \dots$

로 줄어든다.

따라서 $A_6 \left(105, \frac{297}{2} \right)$ 이다.

3. 다음 보기 중 SAS닮음인 도형끼리 나열한 것은?

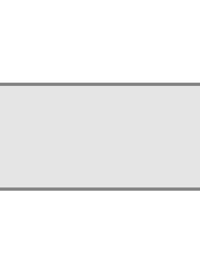
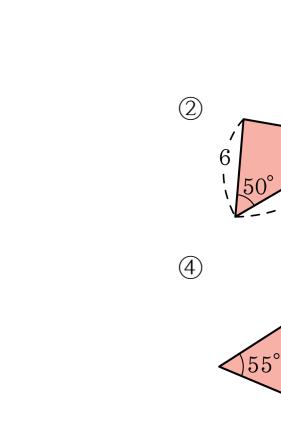


- ① ㉠,㉡ ② ㉠,㉢ ③ ㉡,㉣ ④ ㉚,㉛ ⑤ ㉚,㉜

해설

Ⓐ,Ⓑ 두 쌍의 대응변의 길이가 같고, 그 끼인각이 같으므로 SAS 닮음이다.

4. 다음 주어진 삼각형과 닮은 삼각형을 알맞게 짹지는 것은?

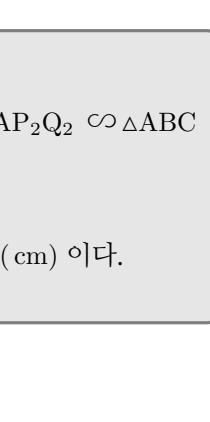


해설

⑤는 SAS 닮음이다.

5. 다음 $\triangle ABC$ 에서 \overline{BC} 의 길이는 5cm이고,
 \overline{AB} , \overline{AC} 의 5등분점을 위에서부터 각각
 P_1, P_2, P_3, P_4 와 Q_1, Q_2, Q_3, Q_4 라 할 때,
 $\overline{P_2Q_2}$ 의 길이는?

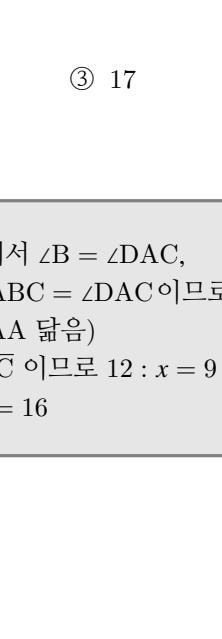
- ① 1 cm ② 2 cm ③ 3 cm
 ④ 4 cm ⑤ 5 cm



해설

$\triangle AP_2Q_2$ 와 $\triangle ABC$ 에서 $\angle A$ 는 공통,
 $\frac{\overline{AP_2}}{\overline{AB}} : \frac{\overline{AQ_2}}{\overline{AC}} = \frac{2}{5} : \frac{2}{5} = 2 : 5$ 이므로 $\triangle AP_2Q_2 \sim \triangle ABC$
 (SAS 닮음)
 $\triangle AP_2Q_2$ 와 $\triangle ABC$ 의 닮음비가 2 : 5 이므로
 $\frac{\overline{P_2Q_2}}{\overline{BC}} = \frac{2}{5}$ 따라서 $\overline{P_2Q_2} = \frac{2 \times 5}{5} = 2$ (cm)이다.

6. 다음 그림에서 $\angle B = \angle DAC = 90^\circ$, $\angle ACB = \angle DCA$ 이다. 이 때, x 의 값은?



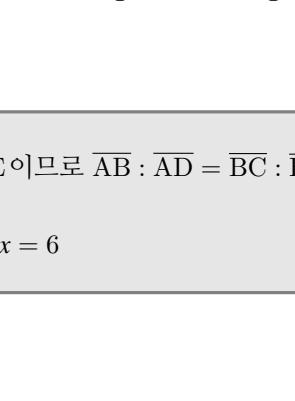
- ① 15 ② 16 ③ 17 ④ 18 ⑤ 19

해설

$\triangle ABC$ 와 $\triangle DAC$ 에서 $\angle B = \angle DAC$,
 $\angle ACB = \angle DCA$, $\angle ABC = \angle DAC$ 이므로
 $\triangle ABC \sim \triangle DAC$ (AA 닮음)
 $\overline{AC} : \overline{DC} = \overline{BC} : \overline{AC}$ 이므로 $12 : x = 9 : 12$

$$9x = 144 \quad \therefore x = 16$$

7. 다음 그림에서 $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 일 때, \overline{DE} 의 길이는?



- ① 6 ② 5 ③ 4.5 ④ 4 ⑤ 3.5

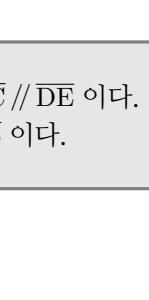
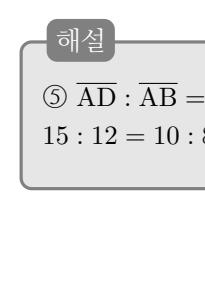
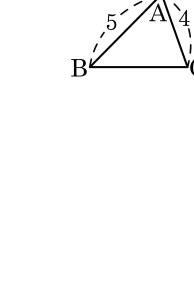
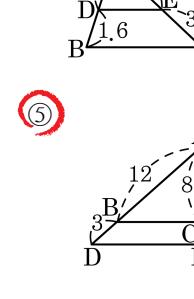
해설

$\triangle ABC \sim \triangle ADE$ 이므로 $\overline{AB} : \overline{AD} = \overline{BC} : \overline{ED}$

$$6 : 4 = 9 : x$$

$$6x = 36 \quad \therefore x = 6$$

8. 다음 중 $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 인 것은?



해설

⑤ $\overline{AD} : \overline{AB} = \overline{AE} : \overline{AC}$ 라면 $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 이다.
 $15 : 12 = 10 : 8$ 이므로 $\overline{BC} \parallel \overline{DE}$ 이다.

9. 다음 중 항상 닮음이 아닌 도형을 모두 골라라.

- | | | |
|----------|---------|----------|
| Ⓐ 두 정육면체 | Ⓑ 두 원뿔 | Ⓒ 두 사각기둥 |
| Ⓓ 두 구 | Ⓔ 두 원기둥 | |

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓟ

▷ 정답: Ⓒ

▷ 정답: Ⓣ

해설

두 구, 두 정육면체는 항상 닮음이다.

10. 다음 중 도형에 관한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ⑦ 한 도형을 일정한 비율로 확대 또는 축소할 때, 이 두 도형은 닮음이다.
- ⑧ 합동인 두 도형은 닮은 도형이며 닮음비는 $1:1$ 이다.
- ⑨ 항상 닮음인 두 평면도형은 원, 이등변삼각형, 정사각형이다.
- ⑩ 두 닮은 도형의 대응각의 크기는 같다.
- ⑪ 닮음비란 닮은 도형에서 대응변의 길이의 비이다.

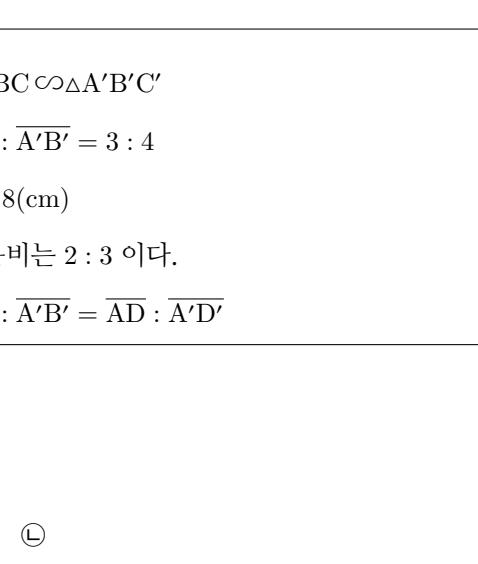
▶ 답:

▷ 정답: ④

해설

④ 이등변삼각형은 항상 닮음이 아니다.

11. 다음 두 삼각기둥이 서로 닮은 도형이고 $\triangle ABC$ 와 $\triangle A'B'C'$ 가 대응하는 면일 때, 다음 중 옳지 않은 것을 모두 골라라.



- Ⓐ $\triangle ABC \sim \triangle A'B'C'$
Ⓑ $\overline{AB} : \overline{A'B'} = 3 : 4$
Ⓒ $y = 8(\text{cm})$
Ⓓ 닮음비는 $2 : 3$ 이다.
Ⓔ $\overline{AB} : \overline{A'B'} = \overline{AD} : \overline{A'D'}$

▶ 답:

▶ 답:

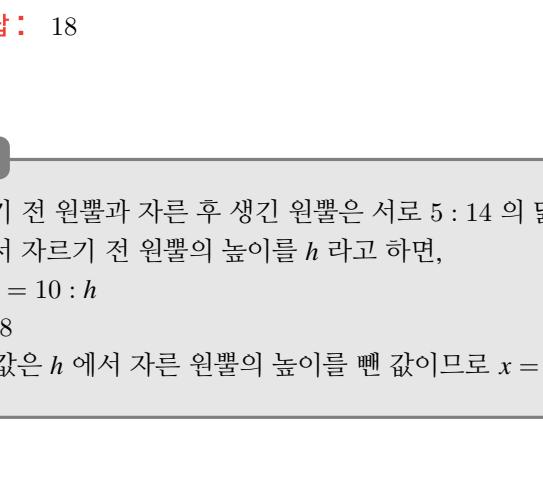
▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓒ

해설

- Ⓑ $\overline{AB} : \overline{A'B'} = 2 : 3$ 이다.
Ⓒ $2 : 3 = 6 : y$, $y = 9$ 이다.

12. 다음 그림과 같이 원뿔을 잘라 원뿔대와, 원뿔을 만들었다. 원뿔대의 높이 x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 18

해설

자르기 전 원뿔과 자른 후 생긴 원뿔은 서로 $5 : 14$ 의 닮음이다.

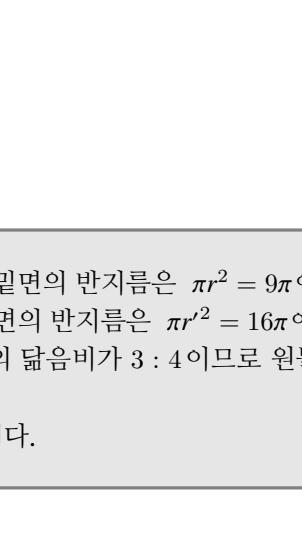
따라서 자르기 전 원뿔의 높이를 h 라고 하면,

$$5 : 14 = 10 : h$$

$$h = 28$$

x 의 값은 h 에서 자른 원뿔의 높이를 뺀 값이므로 $x = 18$ 이다.

13. 다음 그림에서 두 원기둥이 서로 닮은 도형일 때, 작은 원기둥의 밑면의 넓이는 9π , 큰 원기둥의 밑면의 넓이는 16π 이다. 큰 원기둥의 높이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 20

해설

작은 원기둥의 밑면의 반지름은 $\pi r^2 = 9\pi$ 에서 $r = 3$

큰 원기둥의 밑면의 반지름은 $\pi r'^2 = 16\pi$ 에서 $r' = 4$

두 원의 반지름의 닮음비가 $3 : 4$ 이므로 원뿔의 높이는 $3 : 4 =$

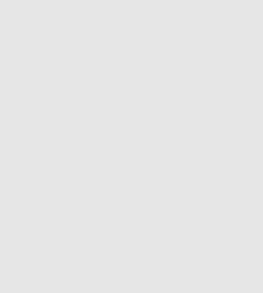
$15 : h$

따라서 $h = 20$ 이다.

14. 다음 그림과 같은 직각삼각형 ABC에서
 $x^2 + y^2$ 의 값을 구하여라.

① 200 ② 300 ③ 400

④ 500 ⑤ 600



해설

$$\overline{AC}^2 = \overline{CD} \cdot \overline{CB}$$

$$15^2 = 9(x + 9)$$

$$225 = 9x + 81$$

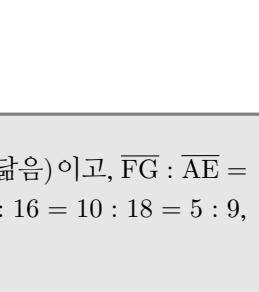
$$\therefore x = 16$$

$$\overline{AD}^2 = \overline{BD} \cdot \overline{CD}$$

$$y^2 = 16 \cdot 9 = 225$$

$$\therefore x^2 + y^2 = 256 + 225 = 400$$

15. 다음 그림에서 $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$, $\overline{FH} \parallel \overline{AC}$ 일 때,
 \overline{GH} 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

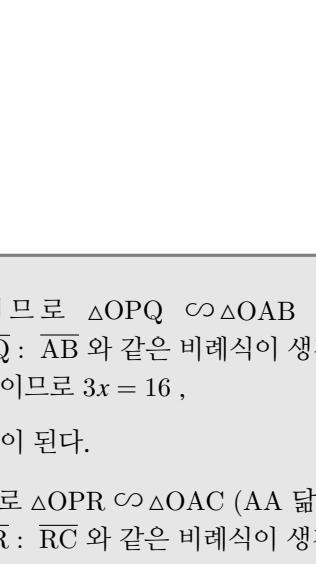
▷ 정답: $\overline{GH} = \frac{16}{3}$

해설

$\overline{FH} \parallel \overline{AC}$ 이므로 $\triangle DFG \sim \triangle DAE$ (AA 닮음)이고, $\overline{FG} : \overline{AE} = \overline{DF} : \overline{DA}$ 와 같은 비례식이 생긴다. $\overline{FG} : 16 = 10 : 18 = 5 : 9$, $9\overline{FG} = 80$ 이므로 $\overline{FG} = \frac{80}{9}$ 이 된다.

그리고 $\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ 이므로 $\triangle FDG \sim \triangle FBH$ (AA 닮음)이므로 $\overline{FG} : \overline{GH} = \overline{FD} : \overline{DB}$ 와 같은 비례식이 생긴다. $\frac{80}{9} : \overline{GH} = 10 : 6 = 5 : 3$, $5\overline{GH} = \frac{80}{3}$ 이므로 $\overline{GH} = \frac{16}{3}$ 이 된다.

16. 삼각뿔 O-ABC에서 $\triangle PQR$ 를 포함하는 평면과 $\triangle ABC$ 를 포함하는 평면이 서로 평행할 때, $x+y$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{26}{3}$

해설

$\overline{PQ} // \overline{AB}$ 이므로 $\triangle OPQ \sim \triangle OAB$ (AA 닮음)이고,

$\overline{OP} : \overline{OA} = \overline{PQ} : \overline{AB}$ 와 같은 비례식이 생긴다.

$3 : 8 = 2 : x$ 이므로 $3x = 16$,

따라서 $x = \frac{16}{3}$ 이 된다.

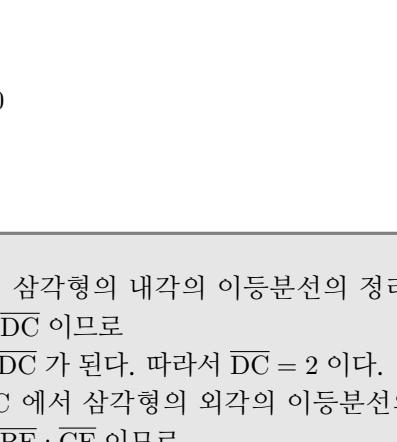
$\overline{PR} // \overline{AC}$ 이므로 $\triangle OPR \sim \triangle OAC$ (AA 닮음)이고,

$\overline{OP} : \overline{PA} = \overline{OR} : \overline{RC}$ 와 같은 비례식이 생긴다.

$3 : 5 = 2 : y$ 이므로 $3y = 10$, $y = \frac{10}{3}$ 이 된다.

따라서 $x + y = \frac{16}{3} + \frac{10}{3} = \frac{26}{3}$ 이다.

17. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AD}, \overline{AE}$ 가 각각 $\angle A$ 의 내각과 외각의 이등분선일 때, \overline{CE} 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 10

해설

$\triangle ABC$ 에서 삼각형의 내각의 이등분선의 정리에 의해 $\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC}$ 이므로

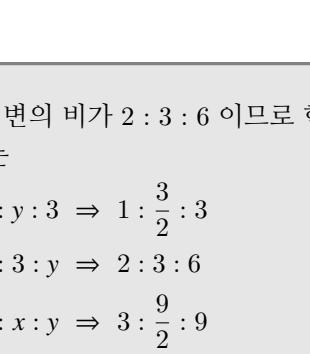
$12 : 8 = 3 : \overline{DC}$ 가 된다. 따라서 $\overline{DC} = 2$ 이다.

또한, $\triangle ABC$ 에서 삼각형의 외각의 이등분선의 정리에 의해 $\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BE} : \overline{CE}$ 이므로

$12 : 8 = (5 + \overline{CE}) : \overline{CE}$ 가 된다.

$12 \times (5 + \overline{CE}) = 8 \times 12$, 따라서 $\overline{CE} = 10$ 이다.

18. 다음 그림과 같은 직육면체와 닮음이고 한 모서리의 길이가 3 인 직육면체를 만들려고 한다. 이 때, 새로 만드는 직육면체의 모서리가 될 수 있는 것은?



- ① 4 ② 5 ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{9}{2}$ ⑤ $\frac{1}{3}$

해설

작은 변부터 세 변의 비가 $2 : 3 : 6$ 이므로 한 변의 길이가 3 인 닮음 직육면체는

1) $2 : 3 : 6 = x : y : 3 \Rightarrow 1 : \frac{3}{2} : 3$

2) $2 : 3 : 6 = x : 3 : y \Rightarrow 2 : 3 : 6$

3) $2 : 3 : 6 = 3 : x : y \Rightarrow 3 : \frac{9}{2} : 9$

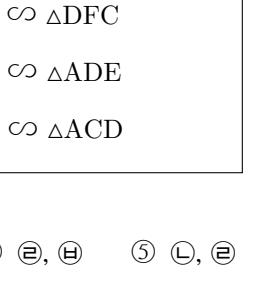
세 가지 경우이다.

따라서 모서리가 될 수 있는 것은 $\frac{9}{2}$ 이다.

게 짹 시 은
은?

보기

- ⑦ $\triangle ABC \sim \triangle AED$ ㉡
- ⑧ $\triangle AFD \sim \triangle CFB$ ㉙
- ⑨ $\triangle ABC \sim \triangle ADC$ ㉛



= 70

- $\angle BAC = \angle EAD$, $AB : AE = AC : AD$
 $(\because \triangle ABE \sim \triangle ACD)$ 이므로 SAS 닮음이다.
 $\triangle ABC \sim \triangle AED$ (SAS 닮음) … ⑦

20. 다음 그림의 삼각뿔 O-ABC에서 $\triangle PQR$ 를 포함하는 평면과 $\triangle ABC$ 를 포함하는 평면이 서로 평행할 때, $x + y$ 의 값은?



- Ⓐ $\frac{26}{3}$ Ⓑ $\frac{28}{3}$ Ⓒ $\frac{29}{3}$ Ⓓ 10 Ⓔ $\frac{32}{3}$

해설

$\overline{PQ} \parallel \overline{AB}$ 이므로 $\triangle OPQ \sim \triangle OAB$

$$3 : 8 = 2 : x$$

$$x = \frac{16}{3}$$

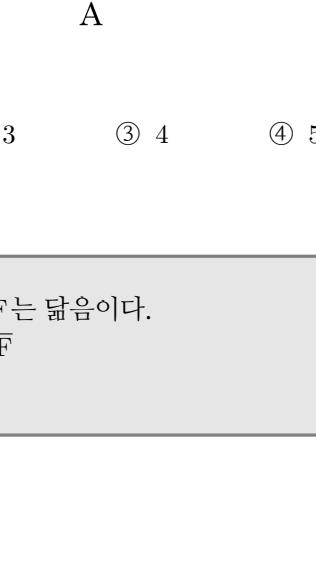
$\overline{PR} \parallel \overline{AC}$ 이므로 $\triangle OPR \sim \triangle OAC$

$$3 : 5 = 2 : y$$

$$y = \frac{10}{3}$$

$$\therefore x + y = \frac{16}{3} + \frac{10}{3} = \frac{26}{3}$$

21. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 \overline{AD} 는 $\angle A$ 의 이등분선이고 점 B, C에서 \overline{AD} 또는 그 연장선 위에 내린 수선의 발을 각각 E, F라고 할 때, \overline{CF} 의 길이는?



- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

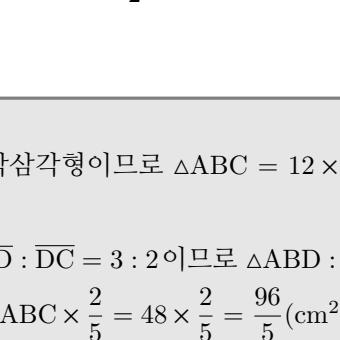
해설

$\triangle ABE$ 와 $\triangle ACF$ 는 닮음이다.

$$\therefore 4 : 2 = 6 : \overline{CF}$$

$$\therefore \overline{CF} = 3$$

22. 다음 그림과 같이 $\angle BAC = 90^\circ$ 이고, $\angle BAD = \angle CAD$, $\overline{AB} = 12\text{cm}$, $\overline{AC} = 8\text{cm}$ 일 때, $\triangle ADC$ 의 넓이를 구하면?



- ① $\frac{48}{5}\text{cm}^2$ ② $\frac{96}{5}\text{cm}^2$ ③ 40cm^2
④ 45cm^2 ⑤ $\frac{75}{2}\text{cm}^2$

해설

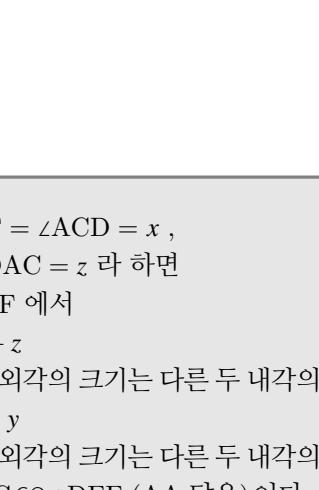
$\triangle ABC$ 는 직각삼각형이므로 $\triangle ABC = 12 \times 8 \times \frac{1}{2} = 48(\text{cm}^2)$

이다.

$\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC} = 3 : 2$ 이므로 $\triangle ABD : \triangle ADC = 3 : 2$

$$\therefore \triangle ADC = \triangle ABC \times \frac{2}{5} = 48 \times \frac{2}{5} = \frac{96}{5}(\text{cm}^2)$$

23. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle BAE = \angle CBF = \angle ACD$, $\overline{AB} = 12\text{cm}$, $\overline{BC} = 10\text{cm}$, $\overline{CA} = 8\text{cm}$ 일 때, $\frac{\overline{DE}}{\overline{DF}}$ 의 값은?



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{3}{2}$

해설

$$\angle BAE = \angle CBF = \angle ACD = x,$$

$$\angle FCB = y, \angle DAC = z \text{ 라 하면}$$

$\triangle ABC$ 와 $\triangle DEF$ 에서

$$\angle A = \angle D = x + z$$

(\because 삼각형의 한 외각의 크기는 다른 두 내각의 크기의 합과 같다.)

$$\angle C = \angle F = x + y$$

(\because 삼각형의 한 외각의 크기는 다른 두 내각의 크기의 합과 같다.)

그러므로 $\triangle ABC \sim \triangle DEF$ (AA 닮음)이다.

$$\overline{AB} : \overline{DE} = \overline{AC} : \overline{DF}$$

$$12 : \overline{DE} = 8 : \overline{DF}$$

$$8\overline{DE} = 12\overline{DF}$$

$$\therefore \frac{\overline{DE}}{\overline{DF}} = \frac{12}{8} = \frac{3}{2}$$

24. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에 직사각형 $DEFG$ 가 내접한다. $\overline{AH} \perp \overline{BC}$ 이고,
 $\overline{AH} = 12$, $\overline{BC} = 16$, $\overline{DE} : \overline{EF} = 1 : 2$ 일 때, \overline{EF} 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{48}{5}$

해설



\overline{AH} 와 \overline{DG} 가 만나는 점을 H' 이라 하고

$\overline{DE} = x$, $\overline{DG} = 2x$ 라 하면

$\overline{AH'} : \overline{AH} = \overline{DG} : \overline{BC}$

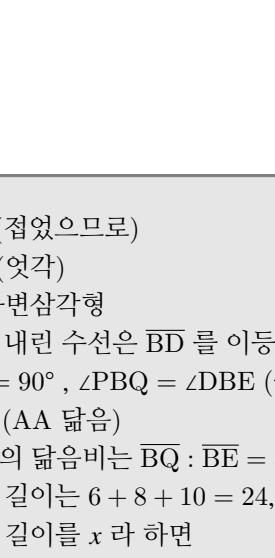
$12 - x : 12 = 2x : 16$

$24x = 16(12 - x)$

$\therefore x = \frac{24}{5}$

따라서 $\overline{EF} = \overline{DG} = 2x = \frac{48}{5}$ 이다.

25. 다음 그림은 $\overline{AB} = 6$, $\overline{BC} = 8$, $\overline{BD} = 10$ 인 직사각형 ABCD에서 대각선 BD를 접는 선으로 하여 점 C가 점 E에 오도록 접은 것이다. \overline{AD} 와 \overline{BE} 의 교점 P에서 \overline{BD} 에 내린 수선의 발을 Q라 할 때, $\triangle BQP$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$\angle PBQ = \angle QBC$ (접었으므로)
 $\angle QBC = \angle PDQ$ (엇각)
 $\therefore \triangle PBD$ 는 이등변삼각형
 접 P에서 \overline{BD} 에 내린 수선은 \overline{BD} 를 이등분하므로 $\overline{BQ} = 5$
 $\angle BQP = \angle BED = 90^\circ$, $\angle PBQ = \angle DBE$ (공통)
 $\triangle BQP \sim \triangle BED$ (AA 닮음)
 따라서 두 삼각형의 닮음비는 $\overline{BQ} : \overline{BE} = 5 : 8$
 $\triangle BED$ 의 둘레의 길이는 $6 + 8 + 10 = 24$,
 $\triangle BQP$ 의 둘레의 길이를 x 라 하면

$$x : 24 = 5 : 8$$

$$\therefore x = \frac{24 \times 5}{8} = 15$$

따라서 $\triangle BQP$ 의 둘레의 길이는 15이다.