

1. 다음 ( )안에 알맞은 수는?

$$1, 5, 9, (\quad), 17$$

- ① 10      ② 11      ③ 13      ④ 14      ⑤ 16

2. 등차수열  $a_n$ 의 일반항이  $a_n = 3n + 2$  일 때, 첫째 항  $a$ 와 공차  $d$ 는?

- |                    |                   |
|--------------------|-------------------|
| ① $a = -5, d = -3$ | ② $a = -5, d = 3$ |
| ③ $a = 5, d = -3$  | ④ $a = 5, d = 3$  |
| ⑤ $a = 5, d = 8$   |                   |

3. 등차수열  $10, 6, 2, -2, -6, \dots$ 에서 공차를  $d$ , 제 10 항을  $b$ 라 할 때,  
 $b + d$ 의 값은?

① -10      ② -20      ③ -30      ④ -40      ⑤ -50

4. 다음 수열이 등차수열을 이루도록 (가)~(다)에 들어갈 알맞은 수를  
순서대로 나열한 것은?

[보기]

5, (가), 17, (나), (다)

① 10, 22, 27      ② 10, 23, 29      ③ 11, 23, 27

④ 11, 23, 29      ⑤ 12, 24, 29

5. 세 수  $-17$ ,  $x$ ,  $1$ 이 이 순서로 등차수열을 이루 때,  $x$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

6. 두 수 3, 7의 조화중항을  $x$ , 두 수 4, 6의 조화중항을  $y$ 라고 할 때,  
 $x + y$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

7. 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제 10항까지의 합  $S_{10} = 100$ 이고, 첫째 항부터 제 20항까지의 합  $S_{20} = 200$ 일 때,  $a_{11} + a_{12} + a_{13} + \cdots + a_{20}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

8. 등비수열  $3, 1, \frac{1}{3}, \frac{1}{9}, \dots$ 의 일반항  $a_n$ 은?

①  $\left(\frac{1}{3}\right)^{-2}$       ②  $\left(\frac{1}{3}\right)^n$       ③  $\left(\frac{1}{3}\right)^{n-1}$   
④  $\left(\frac{1}{3}\right)^2$       ⑤  $\left(\frac{1}{3}\right)^{n-2}$

9. 첫째항이  $\frac{1}{4}$ , 끝항이  $\frac{1}{16}$ , 공비가  $-\frac{1}{2}$ 인 등비수열의 항의 개수는?

- ① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

10. 첫째항이 1, 공비가 2, 끝항이 512 인 등비수열의 합은?

- ① 511      ② 512      ③ 1023      ④ 1024      ⑤ 2047

11. 다음 ( )안에 알맞은 것은?

$$\frac{3}{2}i, \frac{5}{4}i, (\quad), \frac{9}{8}i, \frac{11}{10}i, \dots$$

- ①  $\frac{5}{4}i$       ②  $i$       ③  $\frac{7}{6}i$       ④  $\frac{8}{6}i$       ⑤  $\frac{6}{7}i$

12. 수열  $1, -2, 3, -4, 5, \dots$  의 11번째 항은?

- ① -13      ② -10      ③ 11      ④ -11      ⑤ 13

13. 다음 수열  $\{a_n\}$ 의 일반항  $a_n$  은?

-1, 2, -3, 4, ...
-------------------

- ①  $(-1)^{n+1} \times n$       ②  $n - (-1)^n$       ③  $(-1)^n + n$   
④  $(-1)^n \times n$       ⑤  $\frac{1}{2} \{1 - (-1)^n\}$

14. 수열  $\log 3, \log 9, \log 27, \dots$  의 제 101 항은?

- ①  $10 \log 3$
- ②  $99 \log 3$
- ③  $100 \log 3$
- ④  $101 \log 3$
- ⑤  $102 \log 3$

15. 공차가 3인 등차수열  $\{a_n\}$ 에서  $a_4 : a_9 = 2 : 5$  일 때,  $a_{15}$ 의 값은?

- ① 40      ② 43      ③ 46      ④ 49      ⑤ 52

16. 두 수 48과 2사이에 10개의 수  $a_1, a_2, \dots, a_{10}$ 을 넣어 12개의 수  $48, a_1, a_2, \dots, a_{10}, 2$ 가 등차수열을 이루게 하였다. 이때,  $a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_{10}$ 의 값은?

- ① 200      ② 250      ③ 300      ④ 350      ⑤ 400

17.  $a, -6, b, -12$ 가 이 순서대로 등차수열을 이룰 때,  $\frac{b}{a}$ 의 값은?

- ①  $\frac{1}{3}$       ②  $\frac{1}{2}$       ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

18. 수열  $-3, a, b, c, 13$ 이 순서로 등차수열을 이루면,  $a + b + c$ 의 값은?

- ① 10      ② 15      ③ 20      ④ 25      ⑤ 30

19. 첫째항이  $-25$ , 공차가  $3$ 인 등차수열에서 처음으로 양수가 되는 항은?

- ① 제 9 항      ② 제 10 항      ③ 제 11 항  
④ 제 12 항      ⑤ 제 13 항

20. 다음 수열이 조화수열을 이룰 때, (가)에 알맞은 수는?

6, 3, 2, (가)
--------------

- ①  $\frac{1}{2}$       ② 1      ③  $\frac{3}{2}$       ④  $\frac{1}{3}$       ⑤  $\frac{2}{3}$

21. 조화수열  $12, 6, 4, 3, \dots$ 의 일반항은?

$$\textcircled{1} \frac{12}{n} \quad \textcircled{2} \frac{8}{n} \quad \textcircled{3} \frac{6}{n} \quad \textcircled{4} \frac{3}{n} \quad \textcircled{5} \frac{2}{n}$$

22. 첫째항이 1이고 공차가 자연수  $d$ 인 등차수열의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.  $n \geq 3$  일 때,  $S_n = 94$ 를 만족하는  $d$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

23. 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제10항까지의 합이 120일 때,  $a_4 + a_7$ 의 값은?

- ① 12      ② 18      ③ 24      ④ 30      ⑤ 36

24. 수열  $1, -10, 10^2, -10^4, \dots$  은 첫째항이  $a$ , 공비가  $r$ 인 등비수열이다.  
○] 때,  $a + r$ 의 값은?

① -10      ② -9      ③ -8      ④ -7      ⑤ -6

25. 등비중항의 성질을 이용하여 다음 수열이 등비수열이 되도록 할 때,  
□안에 알맞은 수를 모두 더하면?

$$-2, \boxed{\quad}, -8, \boxed{\quad}, \boxed{\quad}, 64, \dots$$

- ① -11      ② -12      ③ 11      ④ 12      ⑤ 13

26. 오른쪽 표에서 가로줄, 세로줄 각각이 모두 등비수열을 이룰 때,  $a + b + c + d$ 의 값은?(단,  $a, b, c, d$ 는 양수)

1	3	$a$
2	$b$	18
$c$	12	$d$

- ① 51    ② 52    ③ 53    ④ 54    ⑤ 55

27. 양수  $a$ ,  $b$ 에 대하여 세 수  $\log 2$ ,  $\log a$ ,  $\log 8$ 이 순서로 등차수열을 이루고, 세 수  $a$ ,  $b$ ,  $16$ 이 순서로 등비수열을 이루면,  $a + b$ 의 값은?

- ① 10      ② 12      ③ 14      ④ 16      ⑤ 18

28. 오각형의 다섯 개의 내각을 각각  $v, w, x, y, z$ 라 하면  $v < w < x < y < z$ 이고 순서대로 등차수열을 이룬다고 한다. 이때,  $x$ 의 값은?

①  $92^\circ$       ②  $108^\circ$       ③  $112^\circ$       ④  $121^\circ$       ⑤  $138^\circ$

29. 세 수  $\alpha$ ,  $p$ ,  $\beta$ 는 이 순서로 등차수열을 이루고, 세 수  $\alpha$ ,  $2\sqrt{q}$ ,  $\beta$ 는 이 순서로 등비수열을 이루면 때, 이차방정식  $x^2 - px + q = 0$ 의 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$ 로 나타내면?

- ①  $\frac{\alpha}{4}, \frac{\beta}{4}$       ②  $\frac{\alpha}{2}, \frac{\beta}{2}$       ③  $\alpha, \beta$   
④  $2\alpha, 2\beta$       ⑤  $4\alpha, 4\beta$

30. 서로 다른 세 실수  $9, a, b$ 는 이 순서대로 등차수열을 이루고, 세 수  $a, 9, b$ 는 이 순서대로 등비수열을 이루 때,  $a + b$ 의 값은?

$$\textcircled{1} - \frac{45}{2} \quad \textcircled{2} - \frac{48}{2} \quad \textcircled{3} - \frac{41}{2} \quad \textcircled{4} - \frac{39}{2} \quad \textcircled{5} - \frac{37}{2}$$

31.  $a_1 = 1$  이고, 공비가  $r$ 인 등비수열  $\{a_n\}$ 에서  $m$ 이 짹수일 때,  $a_1 + a_3 + a_5 + \cdots + a_{m-1} = 85$ ,  $a_2 + a_4 + a_6 + \cdots + a_m = 170$ 이다. 이 때,  $r + m$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

32. 등비수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제 10 항까지의 합이 5, 첫째항부터 제 20 항까지의 합이 30 일 때, 첫째항부터 제 30 항까지의 합은?

- ① 124      ② 132      ③ 145      ④ 155      ⑤ 162

33. 다항식  $x^9 + x^8 + \cdots + x + 1$ 을  $x - 2$ 로 나누었을 때의 나머지는?

- ① 511      ② 512      ③ 513      ④ 1023      ⑤ 1025

34. 수열  $8, 4, 2, \frac{1}{2}, \dots$ 에서 처음으로  $\frac{1}{1000}$  보다 작게 되는 항은 제 몇 항인가?

- ① 제11항      ② 제12항      ③ 제13항  
④ 제14항      ⑤ 제15항

**35.** 매출액이 매년 일정한 비율로 증가하는 기업이 있다. 지난 10년간  
매출액의 증가율이 69% 일 때, 처음 5년간 매출액의 증가율은?

- ① 13%      ② 15%      ③ 20%      ④ 24%      ⑤ 30%

36. 광이가 첫째 날에 2 원, 둘째 날에 6 원, 셋째 날에 18 원, … 과 같이  
매일 전날의 3 배씩 30 일 간 계속하여 모았을 때 그 총액은?

- ①  $3^{30} - 2$  원      ②  $3^{30} - 1$  원      ③  $3^{30}$  원  
④  $3^{30} + 1$  원      ⑤  $3^{30} + 2$  원

37. 다현이가 1000만원을 연이율 4%의 복리로 10년간 은행에 맡겼을 때 원리합계를 구하여라. (단.  $1.04^{10} = 1.48$ 로 계산한다.)

▶ 답: \_\_\_\_\_

38. 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합  $S_n$ 이  $S_n = n^2 - 2n + 4$ 로 나타내어지는 수열에 대한 다음 설명 중 옳은 것은?

- ① 첫째항이 3, 공차가 2인 등차수열이다.
- ② 첫째항이 4, 공차가 2인 등차수열이다.
- ③ 첫째항이 3, 공차가 -2인 등차수열이다.
- ④ 첫째항이 3, 둘째항이 1이며, 둘째항부터는 공차가 2인 등차수열이다.
- ⑤ 첫째항이 3, 둘째항이 1이며, 둘째항부터는 공차가 -2인 등차수열이다.

39. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합  $S_n$ 이  $\log_3(S_n + 1) = n$  을 만족할 때,  $a_3$ 의 값은?

- ① 6      ② 10      ③ 14      ④ 18      ⑤ 22

40. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합  $S_n$ 이  $S_n = 2 \cdot 3^n - 1$  일 때,  
 $a_1 + a_4$ 의 값은?

- ① 111      ② 112      ③ 113      ④ 114      ⑤ 115

41. 1과 10사이에 각각 10개, 20개의 항을 나열하여 만든 두 수열

$$\begin{array}{l} 1, a_1, a_2, a_3, \dots, a_{10}, 10 \\ 1, b_1, b_2, b_3, \dots, b_{20}, 10 \end{array}$$

이 모두 등차수열을 이룰 때,  $\frac{a_{10} - a_1}{b_{10} - b_1}$  의 값은?

- ①  $\frac{10}{21}$       ②  $\frac{10}{20}$       ③  $\frac{20}{11}$       ④  $\frac{21}{11}$       ⑤ 2

42. 두 등차수열  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$ 의 제  $n$ 항까지의 합을 각각  $A_n$ ,  $B_n$ 이라 한다.  
 $A_n : B_n = (3n + 6) : (7n + 2)$  일 때,  $a_7 : b_7$  을 구하면? (단,  $n$ 은 자연수)

- ① 5 : 17      ② 15 : 31      ③ 17 : 9  
④ 31 : 15      ⑤ 49 : 50

43. 4와 6으로 나누어떨어지는 세 자리의 자연수의 총합을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

44. 공차가  $d$ 인 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.  $a_3 = 10$ 이고  $S_9 > 0$ ,  $S_{10} < 0$ 일 때, 보기 중 옳은 것을 모두 고르면?

[보기]

- Ⓐ  $-5 < d < -4$   
Ⓑ  $a_5 > 0$ ,  $a_6 < 0$   
Ⓒ  $a_1$ 이 정수이면  $a_1 + a_9 = 0$ 이다.

- ① Ⓐ      ② Ⓑ      ③ Ⓒ, Ⓓ  
④ Ⓕ, Ⓔ      ⑤ Ⓓ, Ⓕ, Ⓔ

45. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합  $S_n$  이  $S_n = (n+1)^2 - 4n$  일 때,

$a_1 + a_3 + a_5 + a_7 + \cdots + a_{101}$  의 값은?

- ① 3960    ② 4010    ③ 4500    ④ 5000    ⑤ 5050

46. 수학자 드 브와브르에 대하여 다음과 같은 일화가 전해지고 있다.

드 브와브르는 자신의 수면 시간이 매일 15분씩 길어진다는 것을 깨닫고, 수면 시간이 24시간이 되는 날을 계산하여 그날에 자신이 죽을 것이라고 예측하였다. 그런데, 놀랍게도 그날에 수면하는 상태에서 생을 마쳤다.

드 브와브르가 매일 밤 12시에 잠든다고 가정할 때, 처음 이 사실을 알게 된 날의 수면시간이 14시간이었다면 그날부터 생을 마칠 때까지 깨어있는 시간의 합은?

- ① 197      ② 205      ③ 214      ④ 224      ⑤ 235

47. 다섯 개의 실수  $a, b, c, d, e$ 를 적당히 배열하여 공비가 1보다 큰 등비수열을 만들었다.  $a, b, c, d, e$ 가 다음 조건을 만족시킬 때,  $b$ 가 이 수열의 제  $n$ 항이라 하면  $n$ 의 값은?

(가) $e = \sqrt{cd}$
(나) $\frac{a}{e} = \frac{c}{d}$
(다) $a < b$

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

48. 두 수열  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$ 이 다음과 같이 정의되어 있다.

$$a_n = 2n, \quad b_n = 5n + 2(n = 1, 2, 3, \dots)$$

두 수열  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$ 에서 공통인 항을 작은 것부터 순서대로 나열한 수열을  $\{c_n\}$ 이라 한다. 이때,  $c_{41}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

49. A 도시의 인구는 매년 일정한 비율로 증가하여 10년 후에는 6만 명, 20년 후에는 9만 명이 될 것으로 예상된다. 이때, A 도시의 30년 후의 인구는?

- ① 12.5만 명
- ② 13만 명
- ③ 13.5만 명
- ④ 14만 명
- ⑤ 14.5만 명

50. 매월 초에 일정한 금액을 월이율 1%, 한 달마다 복리로 적립하여 5년 후에 2000만원을 만들려고 한다. 매달 얼마씩 적립해야 하는가?(단,  $1.01^{60} = 1.8$ 로 계산하고, 천 원 단위에서 반올림한다.)

- ① 22만원
- ② 24만원
- ③ 25만원
- ④ 27만원
- ⑤ 28만원