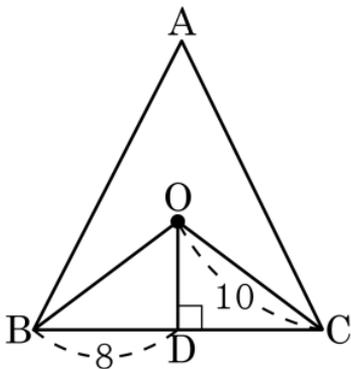


1. 다음 그림에서 점 O 는  $\triangle ABC$  의 외심이다. 점 O 에서  $\overline{BC}$  에 내린 수선의 발을 D 라 할 때,  $\overline{OB}$  의 길이는?



① 6

② 7

③ 8

④ 9

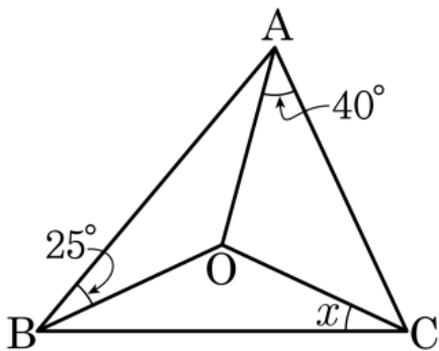
⑤ 10

### 해설

삼각형의 외심에서 세 꼭짓점에 이르는 거리가 같으므로  $\overline{OC} = \overline{OB}$  이다.

따라서  $\overline{OB} = 10$  이다.

2. 다음 그림에서 점 O는  $\triangle ABC$ 의 외심이다.  $\angle CAO = 40^\circ$ ,  $\angle ABO = 25^\circ$ 일 때,  $\angle BCO$ 의 크기는?



①  $22^\circ$

②  $35^\circ$

③  $20^\circ$

④  $30^\circ$

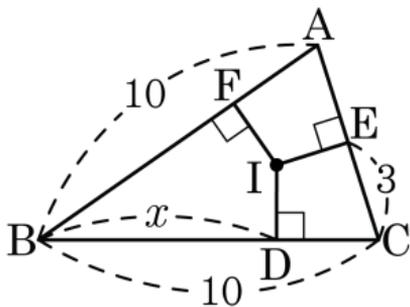
⑤  $25^\circ$

해설

$$\angle ABO + \angle OAC + \angle x = 90^\circ$$

$$\therefore \angle x = 25^\circ$$

3. 다음 그림에서 점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이다.  $x$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 7

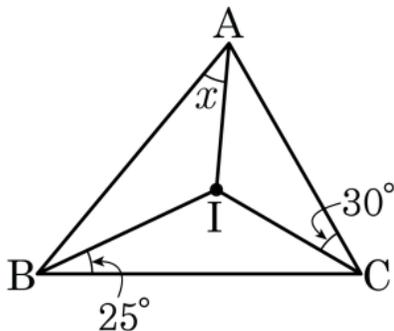
해설

점 I는  $\triangle ABC$ 의 내심이므로,  $\overline{CE} = \overline{CD}$ 이다.

$$\overline{BC} = x + \overline{CD}$$

$$\therefore x = 10 - 3 = 7$$

4. 다음 그림에서  $\triangle ABC$ 에서 세 각의 이등분선의 교점을 I라고 할 때,  $\angle IBC = 25^\circ$ ,  $\angle ICA = 30^\circ$ 이다.  $\angle IAB$ 의 크기는?



①  $20^\circ$

②  $25^\circ$

③  $30^\circ$

④  $35^\circ$

⑤  $40^\circ$

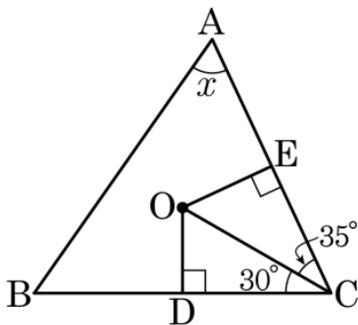
해설

점 I가  $\triangle ABC$ 의 내심이므로

$$\angle x + 30^\circ + 25^\circ = 90^\circ$$

$$\therefore \angle x = 35^\circ$$

5. 다음 그림에서 점 O가  $\overline{AC}$ ,  $\overline{BC}$ 의 수직이등분선의 교점일 때,  $\angle x$ 의 크기는?



①  $40^\circ$

②  $50^\circ$

③  $60^\circ$

④  $70^\circ$

⑤  $80^\circ$

### 해설

보조선  $\overline{OB}$ ,  $\overline{OA}$  를 그으면  $\angle OBC = 30^\circ$ ,  $\angle OAE = 35^\circ$

$$\angle OBA = \angle OAB$$

삼각형의 내각의 합은  $180^\circ$  이므로

$$\angle A + \angle B + \angle C = 180^\circ \dots \textcircled{㉠}$$

$$\angle A = \angle OAB + 35^\circ \dots \textcircled{㉡}$$

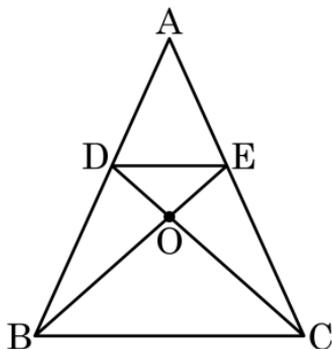
$$\angle B = \angle OBA + 30^\circ \dots \textcircled{㉢}$$

$$\angle C = 30^\circ + 35^\circ \dots \textcircled{㉤}$$

$\textcircled{㉡}$ ,  $\textcircled{㉢}$ ,  $\textcircled{㉤}$ 을  $\textcircled{㉠}$ 에 대입하면  $\angle OAB = \angle OBA = 25^\circ$

$\therefore \angle A = 25^\circ + 35^\circ = 60^\circ$  이다.

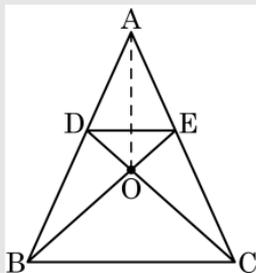
6. 다음 그림에서 점 O는 삼각형 ABC의 외심이고,  $\overline{BD} = \overline{DE} = \overline{CE}$  일 때,  $\angle BOC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :  $\circ$

▷ 정답 :  $120^\circ$

해설



$\angle DBE = x$ ,  $\angle ECD = y$  라 하면  $\triangle DBE$ ,  $\triangle ECD$  는 이등변삼각형이므로

$$\angle DEB = \angle DBE = x, \angle ECD = \angle EDC = y$$

점 O가  $\triangle ABC$ 의 외심이므로  $\overline{OA} = \overline{OB} = \overline{OC}$

즉,  $\triangle OAB$ ,  $\triangle OAC$  는 이등변삼각형이므로

$$\angle OAB = \angle OBA = x, \angle OAC = \angle OCA = y$$

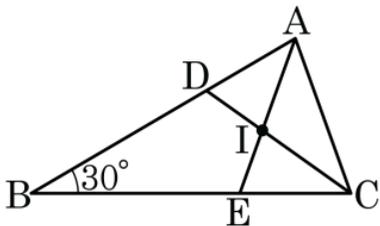
한편 외심의 성질에 의해  $\angle BOC = 2\angle A$  이므로

$$\angle DOE = \angle BOC(\text{맞꼭지각}) = 2(x + y)$$

따라서  $\triangle ODE$ 에서  $y + x + 2(x + y) = 180^\circ$ ,  $x + y = \angle A = 60^\circ$

$$\therefore \angle BOC = 2\angle A = 120^\circ$$

7. 다음 그림에서 점 I 는  $\triangle ABC$  의 내심이다.  $\angle B = 30^\circ$  일 때,  $\angle ADI + \angle CEI$  의 크기는?



①  $110^\circ$

②  $123^\circ$

③  $135^\circ$

④  $148^\circ$

⑤  $160^\circ$

해설

$$\angle AIC = 90^\circ + \frac{1}{2}\angle ABC = 105^\circ$$

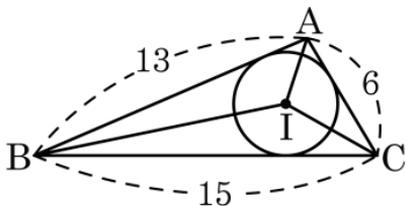
$$\angle AIC = \angle DIE = 105^\circ .$$

$$\square BEID \text{ 에서 } \angle BDI + \angle DIE + \angle IEB + \angle EBD = 360^\circ .$$

$$\angle BDI + \angle BEI = 360^\circ - 30^\circ - 105^\circ = 225^\circ .$$

$$\angle BDI + \angle IDA + \angle BEI + \angle IEC = 360^\circ , \angle ADI + \angle CEI = 360^\circ - 225^\circ = 135^\circ$$

8. 다음 그림에서 점 I 는  $\triangle ABC$  의 내심이고  $\overline{AB} = 13$ ,  $\overline{BC} = 15$ ,  $\overline{CA} = 6$  이다.  $\triangle AIB : \triangle BIC : \triangle CIA$  를  $a : b : c$  라고 할 때,  $a + b - c$  의 값을 구하여라. (단,  $a, b, c$  는 서로 소인 자연수)



▶ 답 :

▷ 정답 : 22

### 해설

내접원의 반지름의 길이를  $r$  이라 하면

$$(\triangle AIB \text{ 의 넓이}) = \frac{1}{2} \times r \times 13 = \frac{13}{2}r$$

$$(\triangle BIC \text{ 의 넓이}) = \frac{1}{2} \times r \times 15 = \frac{15}{2}r$$

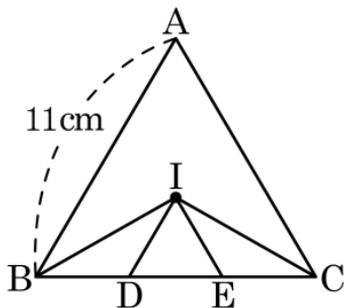
$$(\triangle CIA \text{ 의 넓이}) = \frac{1}{2} \times r \times 6 = 3r \text{ 이다.}$$

$$\triangle AIB : \triangle BIC : \triangle CIA = \frac{13}{2}r : \frac{15}{2}r : 3r = 13 : 15 : 6 \text{ 이므로,}$$

$a = 13, b = 15, c = 6$  이다.

따라서  $13 + 15 - 6 = 22$  이다.

9. 다음 그림에서 점 I는 정삼각형 ABC의 내심이다.  $\overline{AB} \parallel \overline{ID}$ ,  $\overline{AC} \parallel \overline{IE}$ 이고  $\overline{AB} = 11\text{cm}$  일 때,  $\triangle IDE$ 의 둘레의 길이는?



- ①  $\frac{11}{3}\text{cm}$                       ②  $\frac{11}{2}\text{cm}$                       ③ 11cm  
 ④ 12cm                              ⑤ 13cm

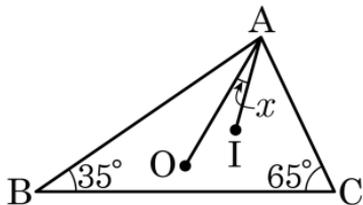
### 해설

$\angle ABI = \angle IBD$  이고  $\angle ABI = \angle BID (\because \overline{AB} \parallel \overline{ID})$  이므로  $\angle IBD = \angle BID$  이다.  $\Rightarrow \overline{BD} = \overline{ID}$

같은 방법으로  $\angle ACI = \angle ICE$  이고  $\angle ACI = \angle CIE (\because \overline{AC} \parallel \overline{IE})$  이므로  $\angle ICE = \angle CIE$  이다.  $\Rightarrow \overline{IE} = \overline{EC}$  이다.

따라서 ( $\triangle IDE$ 의 둘레의 길이) =  $\overline{ID} + \overline{DE} + \overline{IE} = \overline{BD} + \overline{DE} + \overline{EC} = \overline{BC} = 11(\text{cm})$  이다.

10. 다음 그림의  $\triangle ABC$  에서  $\angle B = 35^\circ$ ,  $\angle C = 65^\circ$  이고, 점 O 와 점 I 는 각각  $\triangle ABC$  의 외심과 내심일 때,  $\angle x$  의 크기를 구하여라.



①  $10^\circ$

②  $12^\circ$

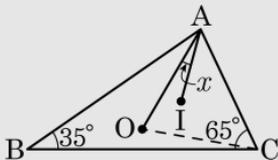
③  $15^\circ$

④  $18^\circ$

⑤  $20^\circ$

### 해설

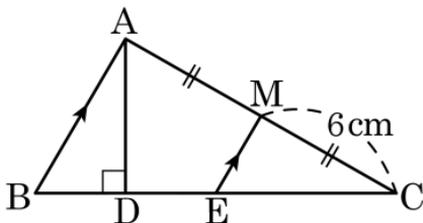
점 O 와 점 C 를 이으면,



i)  $\angle B = 35^\circ$  이므로  $\angle AOC = 70^\circ$ ,  $\angle OAC = \frac{1}{2}(180^\circ - 70^\circ) = 55^\circ \therefore \angle OAC = 55^\circ$

ii)  $\angle A = 180^\circ - (35^\circ + 65^\circ) = 80^\circ$  이므로  $\angle IAC = \frac{1}{2} \times 80^\circ = 40^\circ$   
 $\angle x = \angle OAC - \angle IAC = 55^\circ - 40^\circ = 15^\circ \therefore \angle x = 15^\circ$

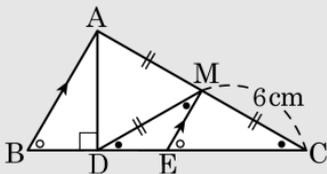
11. 다음 그림과 같이  $\triangle ABC$ 의 꼭짓점 A에서 변 BC에 내린 수선의 발을 점 D라고 하고,  $\overline{AB}$ 와 평행하면서 빗변 AC의 중점 M을 지나는 선분 ME를 이었다.  $\angle B = 2 \times \angle C$ ,  $\overline{CM} = 6\text{cm}$ ,  $\triangle DEM$ 의 둘레의 길이가 14cm일 때, 선분 ME의 길이를 구하여라.



▶ 답:            cm

▷ 정답: 4 cm

### 해설



점 M은  $\triangle ADC$ 의 외심이므로  $\overline{MA} = \overline{MD} = \overline{MC}$

$\triangle MDC$ 는 이등변삼각형이므로  $\angle C = \angle MDC$

$\angle B = \angle MEC = 2\angle MDC$

$\therefore \angle DME = \angle C = \angle MDC$

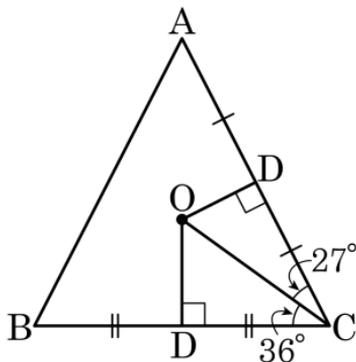
따라서  $\triangle EMD$ 는 이등변삼각형이다.

따라서  $\overline{DE} = \overline{ME}$ 이므로  $\overline{ME}$ 의 길이를  $x$ 라 하면

$\triangle MDE$ 의 둘레의 길이는  $2x + 6 = 14$

$\therefore \overline{ME} = 4\text{cm}$

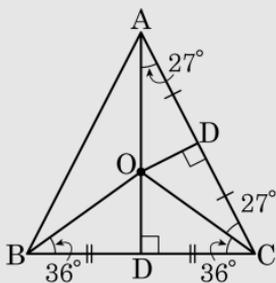
12. 다음 그림에서 점 O가  $\overline{AC}$ ,  $\overline{BC}$ 의 수직이등분선의 교점일 때,  $\angle A$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :  $\quad \quad \quad \circ$

▷ 정답 :  $54 \underline{\quad}$

해설



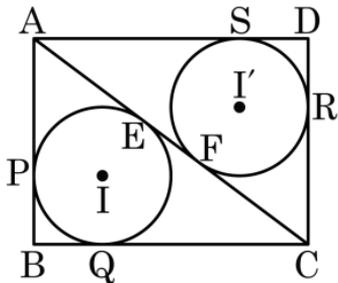
$$\angle OAD = \angle OCD = 27^\circ, \angle OBC = \angle OCB = 36^\circ$$

또,  $\angle OAB = \angle OBA$  이므로,

$$\angle OAB = \frac{1}{2} \{180^\circ - 2(36^\circ + 27^\circ)\} = 27^\circ$$

$$\therefore \angle A = 27^\circ + 27^\circ = 54^\circ$$

13. 다음 그림과 같은 직사각형 ABCD 에서  $\triangle ABC$  와  $\triangle ACD$  의 내접원 I, I' 과 대각선 AC 와의 교점을 각각 E, F 라 하자.  $\overline{AB} = 6\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 8\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 10\text{cm}$  일 때,  $\overline{EF}$  의 길이를 구하여라.



▶ 답 :                      cm

▷ 정답 : 2cm

해설

$\overline{AE}$  를  $x$  라 하면

$$(6 - x) + (10 - x) = 8 \quad \therefore x = 4(\text{cm})$$

$\overline{AE} = \overline{CF} = 4(\text{cm})$  이므로

$$\therefore \overline{EF} = 10 - (4 + 4) = 2(\text{cm})$$