

1. 다음 식의 값은?

$$\sin^2 30^\circ + \sin^2 60^\circ - \tan 30^\circ \times \tan 60^\circ$$

① $3\sqrt{3}$

② $2\sqrt{2}$

③ $\sqrt{3}$

④ $\sqrt{2}$

⑤ 0

해설

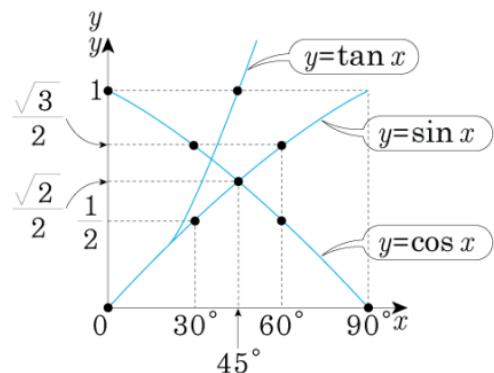
$$\sin^2 30^\circ + \sin^2 60^\circ - \tan 30^\circ \times \tan 60^\circ$$

$$= \frac{1^2}{2} + \frac{\sqrt{3}^2}{2} - \frac{1}{\sqrt{3}} \times \sqrt{3}$$

$$= \frac{1}{4} + \frac{3}{4} - 1 = 0$$

2. 다음 삼각비의 값을 작은 것부터 차례로 나열하여라.

$\sin 0^\circ, \cos 0^\circ, \sin 25^\circ,$
 $\cos 25^\circ, \tan 75^\circ$



▶ 답: $\underline{\hspace{1cm}}$ $^\circ$

▷ 정답: $\sin 0^\circ$

▷ 정답: $\sin 25^\circ$

▷ 정답: $\cos 25^\circ$

▷ 정답: $\cos 0^\circ$

▷ 정답: $\tan 75^\circ$

해설

$$\sin 0^\circ = 0, \cos 0^\circ = 1, 0^\circ < \sin 25^\circ < \frac{1}{2},$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} < \cos 25^\circ < 1, \tan 75^\circ > 1 \text{이다.}$$

3. 다음 삼각비의 표를 보고 $\sin x = 0.6691$ 일 때, x 의 값은?

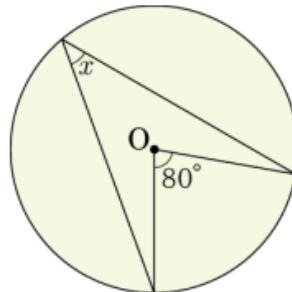
각도	사인(sin)	코사인(cos)	탄젠트(tan)
39°	0.6293	0.7771	0.8098
40°	0.6428	0.7660	0.8391
41°	0.6561	0.7547	0.8693
42°	0.6691	0.7431	0.9004

- ① 39° ② 40° ③ 41° ④ 42° ⑤ 45°

해설

$$\sin 42^\circ = 0.6691$$

4. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 35° ② 40° ③ 45° ④ 50° ⑤ 55°

해설

$$\therefore \angle x = \frac{1}{2} \times 80^\circ = 40^\circ$$

5. 직선 $y = \frac{2}{5}x - 1$ 이 x 축의 양의 방향과 이루는 예각의 크기를 A 라고 할 때, 다음 중 옳은 것은 ?

① $\sin A = \frac{1}{\sqrt{5}}$

② $\cos A = \frac{2}{\sqrt{5}}$

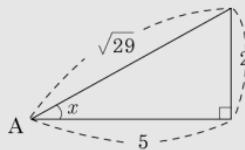
③ $\tan A = 2$

④ $\sin A \cdot \cos A = \frac{2}{5}$

⑤ $\tan A = \frac{2}{5}$

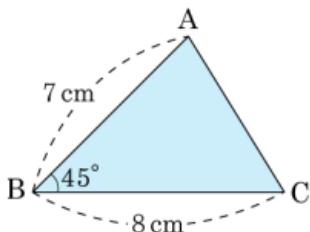
해설

주어진 직선의 기울기는 $\frac{2}{5}$ 이므로 다음 그림과 같이 표현할 수 있다.



$$\tan A = \frac{2}{5}, \cos A = \frac{5}{\sqrt{29}}, \sin A = \frac{2}{\sqrt{29}}$$

6. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 의 넓이는?

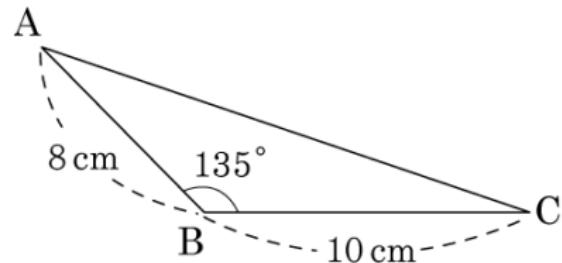


- ① $7\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- ② $14\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- ③ $21\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- ④ $28\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- ⑤ $56\sqrt{2} \text{ cm}^2$

해설

$$\frac{1}{2} \times 7 \times 8 \times \sin 45^\circ = 28 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 14\sqrt{2}(\text{cm}^2)$$

7. 다음 삼각형의 넓이를 구하여라.



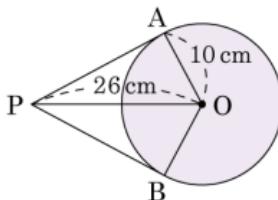
▶ 답: cm²

▷ 정답: $20\sqrt{2}$ cm²

해설

$$\begin{aligned}(\text{넓이}) &= \frac{1}{2} \times 8 \times 10 \times \sin(180^\circ - 135^\circ) \\&= \frac{1}{2} \times 8 \times 10 \times \sin 45^\circ \\&= \frac{1}{2} \times 8 \times 10 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 20\sqrt{2} (\text{cm}^2)\end{aligned}$$

8. 다음 그림에서 \overline{PA} , \overline{PB} 는 원 O의 접선이다. $\overline{PO} = 26\text{cm}$, $\overline{OA} = 10\text{cm}$ 일 때, $\square APBO$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 68 cm

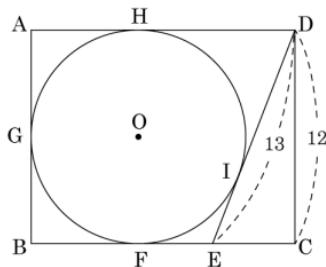
해설

$$\angle PAO = \angle PBO = 90^\circ$$

$$\overline{PA} = \sqrt{26^2 - 10^2} = \sqrt{576} = 24(\text{cm})$$

$$\square APBO \text{의 둘레의 길이는 } 24 + 24 + 10 + 10 = 68(\text{cm})$$

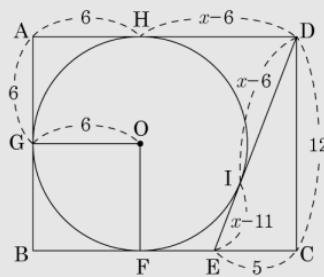
9. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 세 변에 접하는 원 O 가 있다.
 \overline{DE} 가 원의 접선이고, $\overline{DC} = 12$ 일 때, \overline{AD} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 15

해설



$$\overline{DE} = 13 \text{ 이므로 } \overline{CE} = \sqrt{13^2 - 12^2} = 5$$

$\overline{AD} = x$ 라 하면

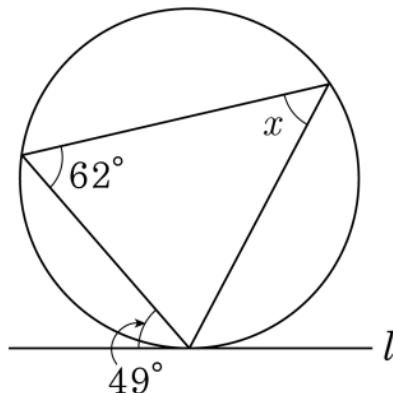
$$\overline{AG} = \overline{AH} = 6 \text{ 이므로 } \overline{DH} = \overline{DI} = x - 6$$

$$\overline{EF} = \overline{CF} - 5 = x - 6 - 5 = x - 11$$

$$\overline{ED} = x - 11 + x - 6 = 13$$

$$\therefore x = 15$$

10. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기를 구하면?



- ① 49° ② 51° ③ 55° ④ 59° ⑤ 62°

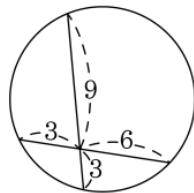
해설

원의 접선과 그 접점을 지나는 현이 이루는 각의 크기는 그 각의 내부에 있는 호에 대한 원주각의 크기와 같으므로

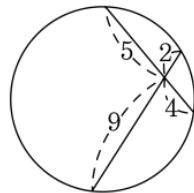
$$\angle x = 49^\circ$$

11. 다음 중 옳은 것은?

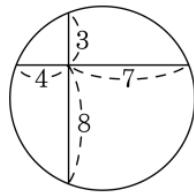
①



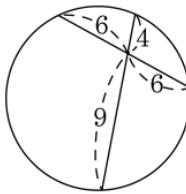
②



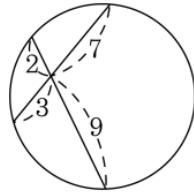
③



④



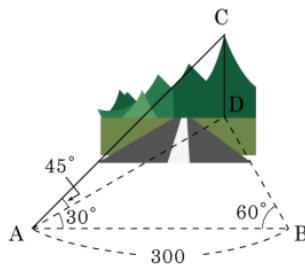
⑤



해설

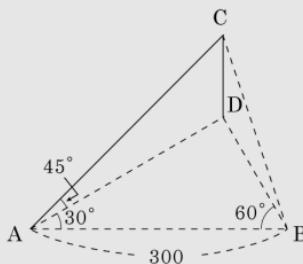
$$6 \times 6 = 4 \times 9$$

12. 다음 그림에서 $\overline{AB} = 300\text{m}$ 이고, A 지점에서 산의 꼭대기 C 지점을 쳐다본 각이 45° 일 때, 산의 높이 \overline{CD} 를 구하면?



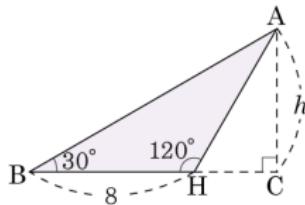
- Ⓐ $150\sqrt{3}\text{m}$ Ⓛ $150\sqrt{2}\text{m}$ Ⓝ 150m
Ⓐ $300\sqrt{3}\text{m}$ Ⓟ 300m

해설



$\triangle ABD$ 에서 $\overline{AB} = 300\text{m}$, $\overline{BD} = 150$, $\overline{AD} = 150\sqrt{3}\text{m}$
 $\triangle ADC$ 에서 $\overline{AD} = 150\sqrt{3}\text{m}$
따라서 $\overline{CD} = 150\sqrt{3}\text{m}$ 이다.

13. 다음 $\triangle ABC$ 에서 높이 h 를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $4\sqrt{3}$

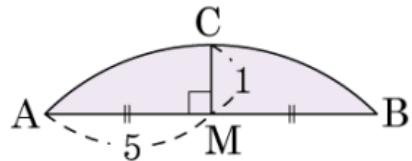
해설

$$\angle BAH = 30^\circ \text{ 이므로 } \overline{BH} = \overline{AH} = 8$$

$$h = \overline{AH} \cdot \sin 60^\circ = 8 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 4\sqrt{3}$$

$$\therefore h = 4\sqrt{3}$$

14. 다음 그림에서 원의 반지름의 길이는?



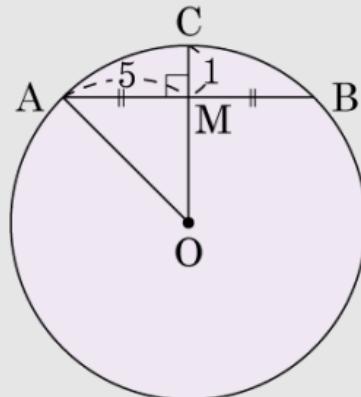
- ① 5 ② $\frac{11}{2}$ ③ 6 ④ 13 ⑤ 7

해설

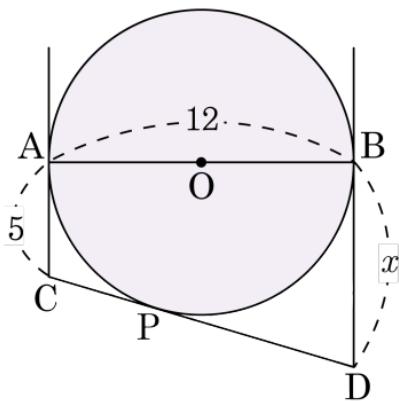
반지름을 x 라 하면

$$\overline{OM} = x - 4, \quad x^2 = (x - 1)^2 + 5^2 \quad \therefore$$

$$x = 13$$

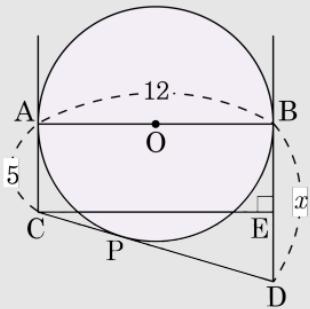


15. 다음 그림에서 세 점 A, B, P는 원 O의 접점이다. 이 때, x 값은?



- ① 5 ② $\frac{16}{3}$ ③ 6.4 ④ 7.2 ⑤ 8

해설



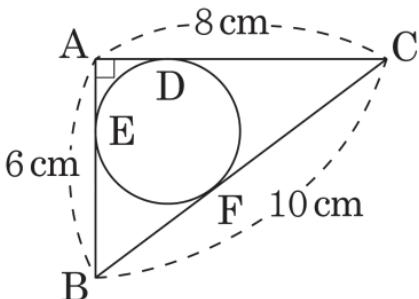
그림과 같이 $\overline{CE} \perp \overline{BD}$ 인 점 E를 잡으면
 $\overline{CD}^2 = \overline{CE}^2 + \overline{DE}^2$

$$(x+5)^2 = 12^2 + (x-5)^2$$

$$20x = 144$$

$$\therefore x = 7.2$$

16. 다음 직각삼각형 ABC 의 내접원의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 2 cm

해설

$\overline{AD} = \overline{AE} = x$ 라고 하면

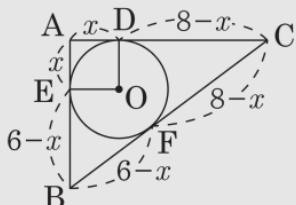
$\overline{BC} = 10(\text{ cm})$ 이므로

$$(6 - x) + (8 - x) = 10$$

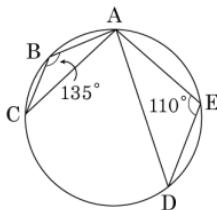
$$14 - 2x = 10$$

$$-2x = -4$$

$$\therefore x = 2(\text{ cm})$$



17. 다음 그림에서 $\angle ABC = 135^\circ$ 이고 $\angle AED = 110^\circ$ 라 할 때, $\angle CAD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

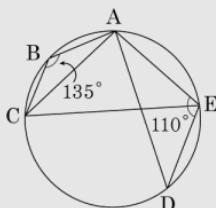
▷ 정답 : 65°

해설

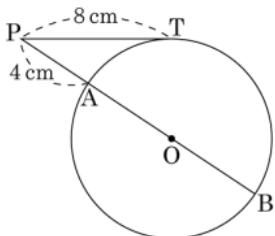
그림과 같이 점 C 와 E 를 연결하면

$$\angle ABC + \angle AEC = 180^\circ, \angle AEC = 180^\circ - 135^\circ = 45^\circ, \angle CED = 110^\circ - 45^\circ = 65^\circ$$

따라서 $5.0pt\widehat{CD}$ 의 원주각은 $\angle CAD = \angle CED = 65^\circ$ 이다.



18. 다음 그림에서 \overline{PT} 가 원 O 의 접선이고, \overline{AB} 는 원 O 의 지름이다.
 $\overline{AP} = 4 \text{ cm}$, $\overline{PT} = 8 \text{ cm}$ 일 때, 원 O 의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 6 cm

해설

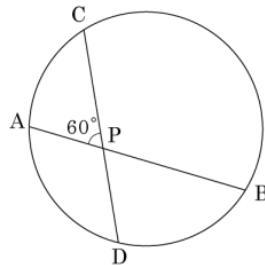
원 O 의 반지름의 길이를 x 라 하면

$$\overline{PT}^2 = \overline{PA} \times \overline{PB} \text{ 이므로}$$

$$8^2 = 4 \times (4 + 2x)$$

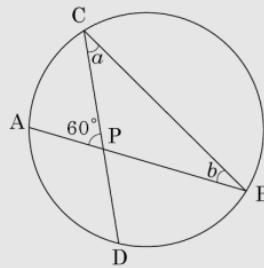
$$64 = 16 + 8x \quad \therefore x = 6 \text{ cm}$$

19. 다음 그림의 원에서 두 협 \widehat{AB} , \widehat{CD} 의 교점을 P 라 하자. $\angle APC = 60^\circ$ 일 때, $5.0pt\widehat{AC} + 5.0pt\widehat{BD}$ 의 길이는 이 원의 둘레의 길이의 몇 배인가?



- ① $\frac{1}{2}$ 배 ② $\frac{1}{3}$ 배 ③ $\frac{1}{4}$ 배 ④ $\frac{1}{5}$ 배 ⑤ $\frac{1}{8}$ 배

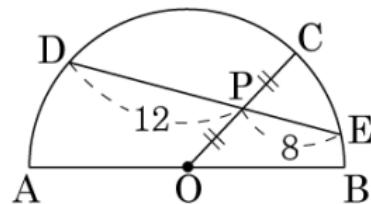
해설



선분 BC 를 긋고, $5.0pt\widehat{BD}$ 의 원주각을 a° $5.0pt\widehat{AC}$ 의 원주각을 b° 라 하면 $a^\circ + b^\circ = 60^\circ$
 $5.0pt\widehat{AC} + 5.0pt\widehat{BD}$ 의 원주각의 합이 60° 이므로 그들의 중심각의 합은 120° 이다.

따라서 원의 둘레는 호의 길이에 비례하므로 $120^\circ = 360^\circ \times \frac{1}{3}$ 이다.

20. 다음 그림과 같이 \overline{AB} 는 반원 O의 지름이고, 점 P는 반지름 OC 를 이등분하는 현 ED 위의 점이다. $\overline{DP} = 12$, $\overline{EP} = 8$ 일 때, 반원 O의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $8\sqrt{2}$

해설

$$\overline{PD} \times \overline{PE} = \overline{PQ} \times \overline{PC}$$

$\overline{OP} = \overline{PC} = x$ 라고 하면

$$12 \times 8 = 3x \times x, x^2 = 32$$

$$\therefore x = 4\sqrt{2}$$

따라서, 원의 반지름은 $2x = 8\sqrt{2}$ 이다.

