

1. 다음은 주희네 반 학생들의 수학 점수를 줄기와 잎 그림으로 나타낸 것이다. 물음에 답하여라.

| 줄기 | 잎 |
|----|-----|
| 6 | 4 8 |
| 7 | 2 6 |
| 8 | 0 8 |
| 9 | 2 |

줄기를 찾아 모두 써보아라.

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 6

▷ 정답: 7

▷ 정답: 8

▷ 정답: 9

해설

6, 7, 8, 9

2. 수민이네 반 학생들의 일주일 동안의 인터넷 사용시간을 조사하였습니다. 조사 기록을 줄기와 잎 그림으로 나타낼 때, 안에 알맞은 수를 차례로 써넣으시오.

인터넷 사용시간 (단위 : 시간)

| | | | | |
|----|----|----|----|----|
| 20 | 11 | 6 | 9 | 12 |
| 29 | 27 | 5 | 18 | 30 |
| 34 | 23 | 26 | 2 | 5 |

| 줄기 | | (1 1 은 11시간) | | | | |
|----|--------------------------|--------------------------|--------------------------|---|---|--|
| | | 잎 | | | | |
| 0 | 2 | <input type="checkbox"/> | 5 | 6 | 9 | |
| 1 | 1 | 2 | <input type="checkbox"/> | | | |
| 2 | 0 | <input type="checkbox"/> | 6 | 7 | 9 | |
| 3 | <input type="checkbox"/> | 4 | | | | |

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

▷ 정답 : 8

▷ 정답 : 3

▷ 정답 : 0

해설

위의 표와 비교하여 줄기와 잎 그림에 알맞은 수를 채웁니다.

3. 다음은 희정이네반 학생들이 요즈음 배우고 있는 도수분포표와 그래프에 대한 생각을 이야기한 것이다. 옳지 않게 말하는 학생은?

① 희정 : 계급값은 계급의 양끝의 합을 2로 나누면 구할 수 있어.

② 가희 : 도수의 분포 상태를 알아보기 쉽게 그린 그래프가 바로 히스토그램이야.

③ 미영 : 히스토그램에서 직사각형의 넓이는 계급의 도수에 비례해.

④ 혜경 : 도수분포표를 만들 때는 계급의 크기가 작을수록 좋아.

⑤ 상철 : 몸무게 45kg, 키 155cm처럼 자료를 수량으로 나타낸 것을 변량이라고 해.

해설

④ 계급의 크기와 상관없이 계급의 개수를 고려한다.(보통 5 ~ 15 개 내외). 계급의 개수가 너무 적거나 너무 많으면 전체적인 분포 상태를 파악하기가 힘들다.

4. 다음은 어느 학급 학생들의 인터넷 사용 시간을 조사한 도수분포표이다. 도수가 10 인 계급의 계급값은?

| 계급(분) | 도수 |
|---------------------------------------|----|
| 30 ^{이상} ~ 60 ^{미만} | 8 |
| 60 ^{이상} ~ 90 ^{미만} | 10 |
| 90 ^{이상} ~ 120 ^{미만} | 14 |
| 120 ^{이상} ~ 150 ^{미만} | 12 |
| 150 ^{이상} ~ 180 ^{미만} | 6 |
| 합계 | 50 |

- ① 45 분 ② 75 분 ③ 105 분
④ 135 분 ⑤ 165 분

해설

계급 60분 이상 ~ 90분 미만의 계급값은 $\frac{60 + 90}{2} = 75$ (분) 이다.

5. 다음 표에서 인터넷 이용 시간이 120 분 이상인 학생은 전체의 몇 % 인가?

| 개급(분) | 도수(명) |
|---------------|-------|
| 30이상 ~ 60미만 | 8 |
| 60이상 ~ 90미만 | 10 |
| 90이상 ~ 120미만 | 14 |
| 120이상 ~ 150미만 | |
| 150이상 ~ 180미만 | 6 |
| 합계 | 50 |

- ① 16% ② 24% ③ 32% ④ 36% ⑤ 52%

해설

$$(120\text{분 이상인 학생수}) = 50 - (8 + 10 + 14) = 18$$

$$\therefore \frac{18}{50} \times 100 = 36(\%)$$

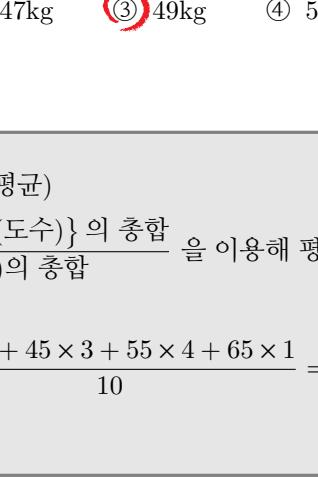
6. 계급의 크기를 7로 하는 어떤 도수분포표에서 계급값이 28인 계급은?

- ① 21.5 이상 24.5 미만
- ② 22.5 이상 23.5 미만
- ③ 24.5 이상 28.5 미만
- ④ 24.5 이상 31.5 미만
- ⑤ 25.5 이상 32.5 미만

해설

계급값이 28이고 크기가 7이므로 $28 - \frac{7}{2} = 24.5$ 이상 $28 + \frac{7}{2} = 31.5$ 미만이다.

7. 다음 그림은 태호네 분단 10 명의 몸무게를 조사하여 그린 히스토그램이다. 이 10 명의 몸무게의 평균은?



- ① 45kg ② 47kg ③ 49kg ④ 50kg ⑤ 51kg

해설

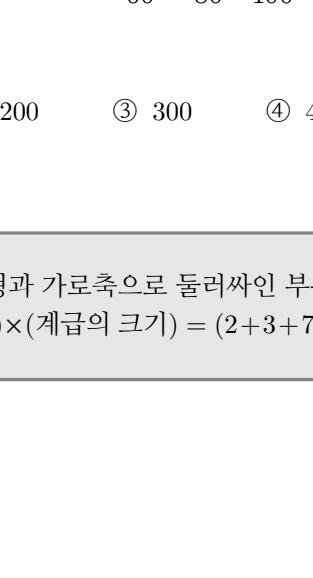
(히스토그램의 평균)
= $\frac{\{(계급값) \times (도수)\} \text{의 총합}}{(도수) \text{의 총합}}$ 을 이용해 평균을 구한다.

따라서

$$(\text{평균}) = \frac{35 \times 2 + 45 \times 3 + 55 \times 4 + 65 \times 1}{10} = \frac{490}{10} = 49(\text{kg}) \text{ } \circ]$$

다.

8. 다음은 영수네 반 1 학기 수학성적을 나타낸 도수분포다각형이다.
도수분포다각형과 가로축으로 둘러싸인 부분의 넓이는?



- ① 100 ② 200 ③ 300 ④ 400 ⑤ 500

해설

$$\begin{aligned} &(\text{도수분포다각형과 가로축으로 둘러싸인 부분의 넓이}) \\ &= (\text{도수의 총합}) \times (\text{계급의 크기}) = (2+3+7+6+2) \times 10 = 200 \end{aligned}$$

9. 다음은 찬수네 반 학생들의 수학 성적을 줄기와 잎 그림으로 나타낸 것이다. 가장 높은 점수와 가장 낮은 점수의 차를 구하여라.

| 줄기 | 잎 | | | | | |
|----|---|---|---|---|---|---|
| 5 | 0 | 4 | 2 | | | |
| 6 | 4 | 8 | 8 | 4 | | |
| 7 | 9 | 0 | 2 | 5 | 8 | 7 |
| 8 | 2 | 4 | 6 | 6 | 5 | |
| 9 | 5 | 6 | 2 | | | |

▶ 답: 점

▷ 정답: 46점

해설

$$96 - 50 = 46 \text{ (점)}$$

10. 다음은 범석이가 마을 어른들의 몸무게를 조사하여 줄기와 잎 그림으로 나타낸 것이다. 다음 물음에 답하여라.

| 줄기 | 잎 | | | | | |
|----|---|---|---|---|---|---|
| 4 | 3 | 9 | 0 | | | |
| 5 | 4 | 2 | 3 | 7 | 6 | 2 |
| 6 | 1 | 0 | 4 | 9 | 5 | |
| 7 | 3 | 8 | 7 | 2 | | |
| 8 | 9 | 6 | 8 | | | |

- (1) 줄기는 몸무게의 어떤 자리를 나타내는가?
(2) 범석이가 조사한 어른은 모두 몇 명인가?
(3) 몸무게가 52kg인 사람은 몇 명인가?
(4) 몸무게가 가장 적은 사람은 몇 kg인가?

▶ 답:

▶ 답: 명

▶ 답: 명

▶ 답: kg

▷ 정답: 십의 자리

▷ 정답: 21명

▷ 정답: 2명

▷ 정답: 40kg

해설

- (1) 줄기는 몸무게의 십의 자리를 나타낸다.
(2) 조사한 사람 수는 잎의 개수를 세어 보면 된다.
 $3 + 6 + 5 + 4 + 3 = 21$ (명)
(3) 줄기가 5인 것 중 잎이 2인 것을 찾아본다.
(4) 줄기가 4인 것 중 잎이 가장 낮은 숫자는 0이므로 40kg이다.

11. 다음 표는 수영 대회에서 50m 자유형 기록을 나타낸 도수분포표이다.
 $a = 2$ 일 때, 기록이 12 번째로 좋은 선수가 속하는 계급의 계급값을 구하여라.

| 기록(초) | 도수(명) |
|-------------|-------|
| 24이상 ~ 25미만 | a |
| 25이상 ~ 26미만 | 3 |
| 26이상 ~ 27미만 | 7 |
| 27이상 ~ 28미만 | b |
| 28이상 ~ 29미만 | 5 |
| 합계 | 25 |

▶ 답:

초

▷ 정답: 26.5초

해설

$a = 2$ 이므로 $b = 25 - (2 + 3 + 7 + 5) = 8$
기록이 12 번째로 좋은 선수는 26초 이상 27초 미만에 속한다.
따라서 계급값은 26.5초이다.

12. 어떤 도수분포표의 계급의 크기가 5 일 때, 계급값이 19 가 되는 변량 x 의 범위는?

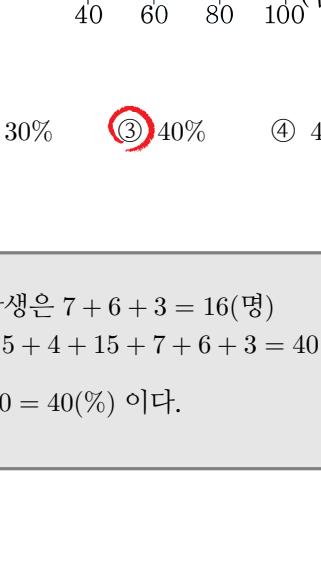
- ① $2.5 \leq x < 7.5$ ② $14 \leq x < 24$
③ $16.5 \leq x < 21.5$ ④ $17.5 \leq x < 22.5$
⑤ $19 \leq x < 24$

해설

$$19 - 2.5 \leq x < 19 + 2.5$$

$$\therefore 16.5 \leq x < 21.5$$

13. 다음 그래프는 S 중학교 1 학년 1 반 학생들의 수학성적을 나타낸 것이다. 70 점 이상인 학생은 전체의 몇 % 인가?



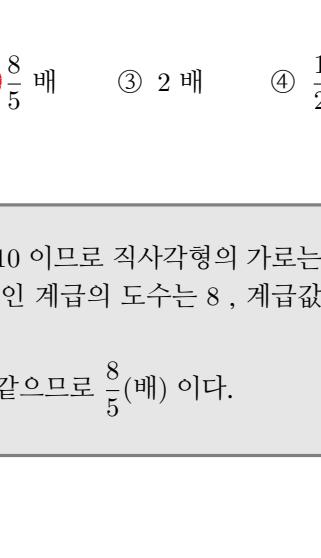
- ① 20% ② 30% ③ 40% ④ 45% ⑤ 50%

해설

70 점 이상인 학생은 $7 + 6 + 3 = 16$ (명)
전체 학생 수는 $5 + 4 + 15 + 7 + 6 + 3 = 40$ (명)

따라서 $\frac{16}{40} \times 100 = 40\%$ 이다.

14. 다음은 어느 회사의 통근 시간을 조사한 히스토그램이다. 계급값이 25 분인 직사각형의 넓이는 계급값이 55 분인 직사각형의 넓이의 몇 배인가?



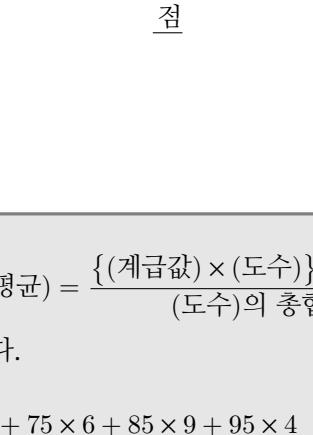
- ① $\frac{5}{8}$ 배 ② $\frac{8}{5}$ 배 ③ 2 배 ④ $\frac{1}{2}$ 배 ⑤ $\frac{3}{4}$ 배

해설

계급의 크기가 10 이므로 직사각형의 가로는 10이다.
계급값이 25 분인 계급의 도수는 8, 계급값이 55 분인 계급의
도수는 5이다.

계급의 크기는 같으므로 $\frac{8}{5}$ (배)이다.

15. 다음 그림은 어느 반 학생들의 수학 성적에 대한 히스토그램이다.
평균을 구하여라.



▶ 답: 점

▷ 정답: 79 점

해설

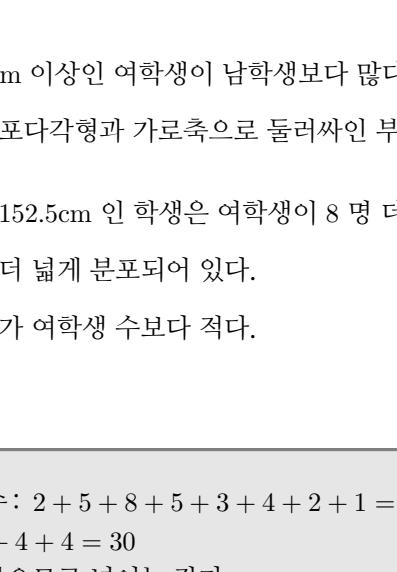
$$(\text{히스토그램의 평균}) = \frac{\{(계급값) \times (\도수)\} \text{의 총합}}{(\도수) \text{의 총합}} \text{ 을 이용하}$$

여 평균을 구한다.

따라서

$$\frac{55 \times 1 + 65 \times 5 + 75 \times 6 + 85 \times 9 + 95 \times 4}{25} = 79(\text{점}) \text{ 이다.}$$

16. 다음 그림은 어느 학급의 여학생과 남학생의 키에 대한 도수분포다각형이다. 다음 중 옳은 것은?



- ① 키가 155cm 이상인 여학생이 남학생보다 많다.
- ② 두 도수분포다각형과 가로축으로 둘러싸인 부분의 넓이는 같다.
- ③ 계급값이 152.5cm 인 학생은 여학생이 8 명 더 많다.
- ④ 여학생이 더 넓게 분포되어 있다.
- ⑤ 남학생 수가 여학생 수보다 적다.

해설

② 남학생 수: $2 + 5 + 8 + 5 + 3 + 4 + 2 + 1 = 30$, 여학생 수:
 $4 + 6 + 12 + 4 + 4 = 30$
학생 수가 같으므로 넓이는 같다.

17. 다음은 학생 20명의 수학 성적을 도수분포표로 나타낸 것이다. 수학 점수의 평균을 구하여라.

| 수학점수(점) | 학생 수 |
|---------------|------|
| 30°상 ~ 40°미만 | 3 |
| 40°상 ~ 50°미만 | 2 |
| 50°상 ~ 60°미만 | 1 |
| 60°상 ~ 70°미만 | 6 |
| 70°상 ~ 80°미만 | 4 |
| 80°상 ~ 90°미만 | 2 |
| 90°상 ~ 100°미만 | 2 |

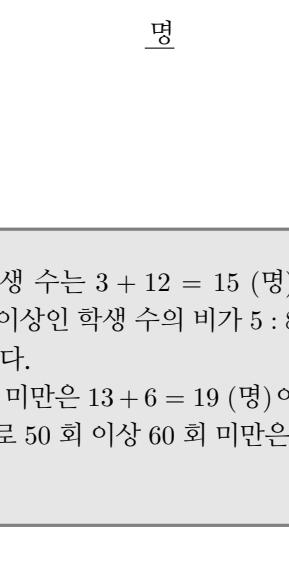
▶ 답: 점

▷ 정답: 65 점

해설

$$\begin{aligned}(\text{평균}) &= \frac{\{(계급값) \times (\도수)\} \text{의 총합}}{(\도수) \text{의 총합}} \\&= (35 \times 3 + 45 \times 2 + 55 \times 1 + 65 \times 6 + 75 \times 4 + 85 \times 2 + 95 \times 2) \div 20 \\&= 1300 \div 20 = 65(\text{점}) \text{이다.}\end{aligned}$$

18. 다음 그림은 진주네 반 학생들의 30 초 동안 줄넘기 기록을 나타낸 히스토그램인데 일부가 찢어져 보이지 않는다. 기록이 30 회 미만인 학생 수와 30 회 이상인 학생 수의 비가 5 : 8 일 때, 기록이 50 회 이상 60 회 미만인 학생 수를 구하여라.



▶ 답: 명

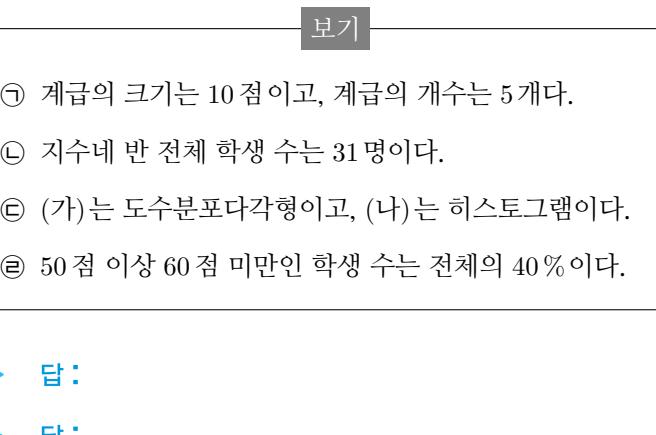
▷ 정답: 3 명

해설

30 회 미만의 학생 수는 $3 + 12 = 15$ (명)이고, 30 회 미만인 학생 수와 30 회 이상인 학생 수의 비가 5 : 8 이므로 $15 : \square = 5 : 8$, $\square = 24$ (명)이다.

30 회 이상 50 회 미만은 $13 + 6 = 19$ (명)이고 60 회 이상 70 회 미만이 2 명이므로 50 회 이상 60 회 미만은 $24 - 19 - 2 = 3$ (명)이다.

19. 다음 그림은 지수네 반 학생들의 영어 성적을 나타낸 것이다. 다음 <보기> 중 옳지 않은 것을 모두 골라라.



보기

- ① 계급의 크기는 10 점이고, 계급의 개수는 5개다.
- ② 지수네 반 전체 학생 수는 31 명이다.
- ③ (가)는 도수분포다각형이고, (나)는 히스토그램이다.
- ④ 50 점 이상 60 점 미만인 학생 수는 전체의 40 %이다.

▶ 답:

▶ 답:

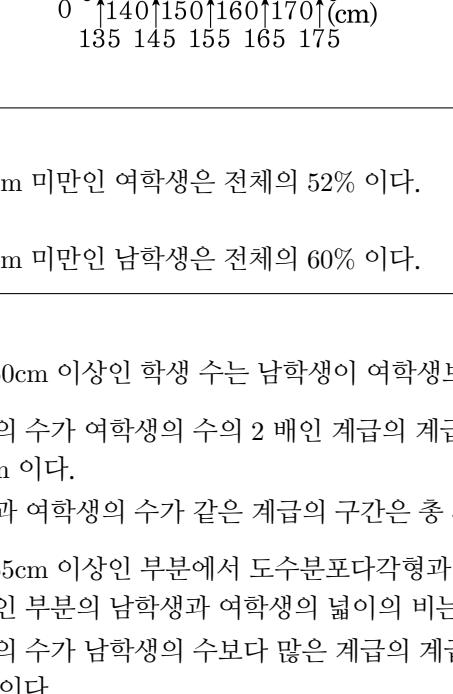
▷ 정답: ④

▷ 정답: ④

해설

- ④ (가) 히스토그램 (나) 도수분포다각형

20. 다음은 어느 중학교 남학생 60 명과 여학생 50 명의 키를 조사하여 나타낸 도수분포다각형인데 일부가 찢어져서 보이지 않는다. 다음과 같은 조건을 만족할 때, 옳은 것은?



[조건1]

키가 150cm 미만인 여학생은 전체의 52% 이다.

[조건2]

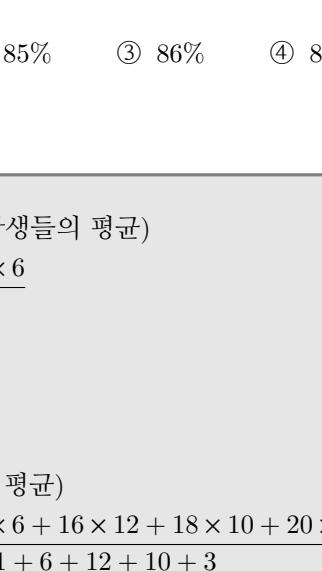
키가 155cm 미만인 남학생은 전체의 60% 이다.

- ① 키가 160cm 이상인 학생 수는 남학생이 여학생보다 적다.
- ② 남학생의 수가 여학생의 수의 2 배인 계급의 계급값은 152.5cm 이다.
- ③ 남학생과 여학생의 수가 같은 계급의 구간은 총 4 번이다.
- ④ 키가 165cm 이상인 부분에서 도수분포다각형과 가로축으로 둘러싸인 부분의 남학생과 여학생의 넓이의 비는 3 : 4 이다.
- ⑤ 여학생의 수가 남학생의 수보다 많은 계급의 계급값의 합은 280cm 이다.

해설

② 150 cm 이상 155 cm 미만인 남학생은 16 명, 여학생은 8 명이다.

21. 다음 그림은 어느 반의 100m 기록을 나타낸 도수분포 다각형이다. 이 때, 기록이 15 초 미만인 학생들의 평균은 전체 학생들의 평균의 몇 % 인가?(단, 구하고자 하는 평균은 모두 소수 첫째자리에서 반올림한다.)



- ① 82% ② 85% ③ 86% ④ 87% ⑤ 88%

해설

(15초 미만인 학생들의 평균)

$$= \frac{12 \times 1 + 14 \times 6}{1 + 6}$$

$$= \frac{96}{7}$$

$$= 13.7\cdots$$

$$= 14(\text{점})$$

(전체 학생들의 평균)

$$= \frac{12 \times 1 + 14 \times 6 + 16 \times 12 + 18 \times 10 + 20 \times 3}{1 + 6 + 12 + 10 + 3}$$

$$= \frac{528}{32}$$

$$= 16.5$$

소수첫째자리에서반올림하면17(점)

따라서 15 초 미만인 학생들의 평균은 전체평균의 $\frac{14}{17} \times 100 = 82.3\%(\%)$ 이므로 소수 첫째자리에서 반올림하면 82% 이다.

22. 어느 반 학생들의 몸무게의 평균은 44 kg 이다. 여학생들의 몸무게의 평균은 40 kg 이고 남학생의 몸무게의 평균은 46 kg 일 때, 여학생과 남학생 수의 비를 구하면?

- ① 1 : 2 ② 2 : 3 ③ 20 : 23
④ 3 : 4 ⑤ 10 : 11

해설

여학생 수를 x 명, 남학생 수를 y 명이라 하면

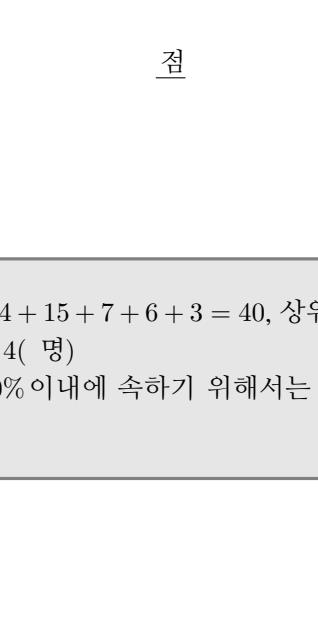
$$\frac{40x + 46y}{x + y} = 44$$

$$40x + 46y = 44(x + y)$$

$$2y = 4x$$

$$\therefore x : y = 1 : 2 \text{ 이다.}$$

23. 다음 그림은 선영이네 반 학생들의 영어 점수를 조사하여 나타낸 히스토그램이다. 상위 10% 이내에 들려면 최소 몇 점 이상을 받아야 하는지 구하여라.



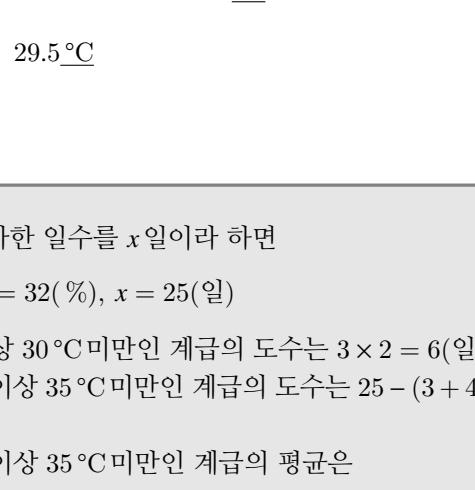
▶ 답: 점

▷ 정답: 80점

해설

전체도수 : $5 + 4 + 15 + 7 + 6 + 3 = 40$, 상위 10% 이내의 학생 수 : $40 \times 0.1 = 4$ (명)
따라서 상위 10% 이내에 속하기 위해서는 최소 80 점 이상을 받아야 한다.

24. 다음 그림은 어느 온실의 온도변화를 조사하여 만든 도수분포다각형의 일부가 찢어진 것이다. 온도가 20°C 이상 25°C 미만인 계급의 도수가 전체의 32%이고, 25°C 이상 30°C 미만인 계급의 도수가 10°C 이상 15°C 미만인 계급의 도수의 2배일 때, 25°C 이상 30°C 미만인 계급의 평균을 구하여라.



▶ 답: $\underline{\hspace{2cm}}^{\circ}\text{C}$

▷ 정답: 29.5°C

해설

전체 조사한 일수를 x 일이라 하면

$$\frac{8}{x} \times 100 = 32(\%), x = 25(\text{일})$$

25°C 이상 30°C 미만인 계급의 도수는 $3 \times 2 = 6(\text{일})$

$\therefore 30^{\circ}\text{C}$ 이상 35°C 미만인 계급의 도수는 $25 - (3 + 4 + 8 + 6) = 4(\text{일})$

$\therefore 25^{\circ}\text{C}$ 이상 35°C 미만인 계급의 평균은

$$\frac{27.5 \times 6 + 32.5 \times 4}{6 + 4}$$

$$= \frac{165 + 130}{10}$$

$$= \frac{295}{10} = 29.5(^{\circ}\text{C})$$

25. A 고등학교의 입학시험에 총 180 명이 응시했는데, 응시생들의 평균이 아래 표와 같다. 또 남학생들의 평균은 62.5 점, 여학생들의 평균은 67.5 점이고 불합격자의 전체 평균이 남학생 불합격자의 평균보다 5 점 높을 때, A 고등학교 입학시험의 합격자들의 전체 평균을 반올림하여 소수점 첫째 자리까지 구하여라.

| | 남학생 | 여학생 |
|--------|------|------|
| 합격자평균 | 75 점 | 80 점 |
| 불합격자평균 | 50 점 | 60 점 |

▶ 답: 76.9 점

▷ 정답: 76.9 점

해설

| | 남학생 | 여학생 |
|--------|---------------|---------------|
| 합격자평균 | 75 점 (a 명) | 80 점 (b 명) |
| 불합격자평균 | 50 점 (c 명) | 60 점 (d 명) |

$$a + b + c + d = 180 \cdots ①$$

$$\frac{75a + 50c}{a + c} = 62.5, a = c \cdots ②$$

$$\frac{80b + 60d}{b + d} = 67.5, 5b = 3d \cdots ③$$

$$\frac{50c + 60d}{c + d} = 55, c = d \cdots ④$$

②, ③, ④를 모두 d 에 관한 식으로 정리하여 ①에 대입하면
 $a = c = d = 50$ (명), $b = 30$ (명)

$$\text{합격자들의 전체 평균을 구하는 식은 } \frac{75 \times 50 + 80 \times 30}{80} = 76.875 \cdots$$

$$\therefore 76.9 \text{ 점}$$