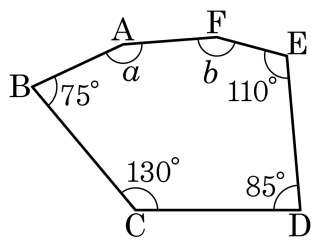


1. 다음 그림의 $\angle a + \angle b$ 의 크기는?



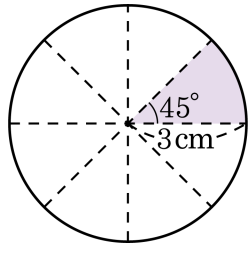
- ① 260° ② 280° ③ 300° ④ 320° ⑤ 340°

해설

육각형의 내각의 합은 720° 이므로 $75^\circ + 130^\circ + 85^\circ + 110^\circ + \angle a + \angle b = 720^\circ$ 이다.

따라서 $\angle a + \angle b = 320^\circ$ 이다.

3. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 3cm 이고, 중심각의 크기가 45° 인 부채꼴의 넓이를 구하여라.



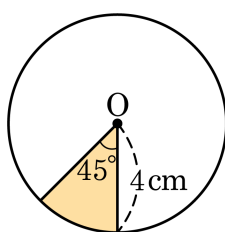
▶ 답 : cm²

▷ 정답 : $\frac{9}{8}\pi$ cm²

해설

$$\pi \times 3^2 \times \frac{45^\circ}{360^\circ} = \frac{9}{8}\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

4. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 4cm 일 때, 색칠된 부분의 넓이는?



- ① $2\pi \text{ cm}^2$ ② $3\pi \text{ cm}^2$ ③ $4\pi \text{ cm}^2$
④ $5\pi \text{ cm}^2$ ⑤ $6\pi \text{ cm}^2$

해설

$$\pi \times 4^2 \times \frac{45^\circ}{360^\circ} = 2\pi \text{ (cm}^2\text{)}$$

5. 다음 보기에서 오면체인 것의 개수를 구하여라.

보기

- ㉠ 오각기둥 ㉡ 사각뿔 ㉢ 사각뿔대
- ㉣ 육각기둥 ㉤ 칠각뿔대 ㉥ 삼각기둥
- ㉦ 오각뿔대

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 2 개

해설

오면체는 면이 5 개인 것이다.

㉠ 오각기둥 : 7 개

㉡ 사각뿔 : 5 개

㉢ 사각뿔대 : 6 개

㉣ 육각기둥 : 8 개

㉤ 칠각뿔대 : 9 개

㉥ 삼각기둥 : 5 개

㉦ 오각뿔대 : 7 개

따라서 오면체는 ㉡, ㉥이므로 2 개이다.

6. 다음 다면체 중에서 모서리의 개수와 연결이 옳지 않은 것은?

- ① 삼각뿔대 - 9 개
- ② 오각기둥 - 15 개
- ③ 육각뿔 - 12 개
- ④ 팔각뿔 - 16 개
- ⑤ 육각뿔대 - 16 개

해설

③ 육각뿔대의 모서리의 수는 $6 \times 3 = 18$ (개)이다.

7. 육각형 ABCDEF 에서 $\angle CDE$ 의 크기는 $\angle CDE$ 의 외각의 크기의 4 배일 때, $\angle CDE$ 의 크기를 구하면?

① 120° ② 125° ③ 130° ④ 135° ⑤ 144°

해설

$$\angle CDE = 180^\circ \times \frac{4}{5} = 144^\circ$$

8. 오각형 ABCDE 에서 $\angle BCD$ 의 크기는 $\angle BCD$ 의 외각의 크기의 3 배 일 때, $\angle BCD$ 의 크기를 구하여라.

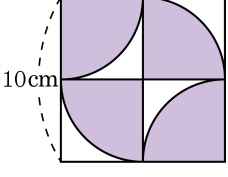
▶ 답: 1

▷ 정답 : 135°

해설

$\angle BCD : (\angle BCD \text{의 외각}) = 3 : 1$ 이고 두 각의 크기의 합이 180°
 이므로 $\angle BCD = 180^\circ \times \frac{3}{4} = 135^\circ$ 이다.

9. 다음 그림과 같은 정사각형에서 색칠한 부분의 넓이는?



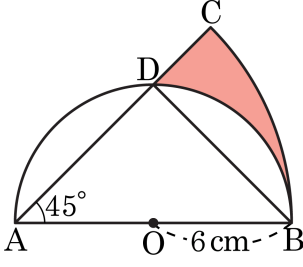
▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : $25\pi \text{cm}^2$

해설

색칠된 부분은 반지름이 5cm인 사분원이 4개다. 따라서 색칠된 부분의 넓이는 반지름이 5cm인 원의 넓이와 같다.

10. 다음 그림과 같은 반지름의 길이가 6cm 인 반원과 $\angle CAB = 45^\circ$ 인 부채꼴에서 색칠한 부분의 넓이는?



- ① $(9\pi - 18)\text{cm}^2$ ② $(9\pi - 16)\text{cm}^2$ ③ $(9\pi + 12)\text{cm}^2$
 ④ $(9\pi + 18)\text{cm}^2$ ⑤ $(9\pi + 9)\text{cm}^2$

해설

색칠한 부분의 넓이는
 (부채꼴CAB) - $\triangle DAO$ - (부채꼴DOB) 이므로
 $\pi \times 12^2 \times \frac{1}{8} - 6 \times 6 \times \frac{1}{2} - \pi \times 6^2 \times \frac{1}{4} = 9\pi - 18(\text{cm}^2)$ 이다.

11. 꼭짓점의 개수를 v , 모서리의 개수를 e , 면의 개수를 f 라고 할 때, $3v = 2e$, $5f = 2e$ 인 관계가 성립하는 정다면체는?

- ① 정이십면체 ② 정십이면체 ③ 정팔면체
④ 정육면체 ⑤ 정사면체

해설

$v = \frac{2}{3}e$, $f = \frac{2}{5}e$ 이고 $v - e + f = 2$ 이므로

$$\frac{2}{3}e - e + \frac{2}{5}e = 2$$

양변에 15 를 곱하면 $10e - 15e + 6e = 30$

$$e = 30$$

$$f = \frac{2}{5}e = 12$$

$\therefore$ 정십이면체

12. 다음 그림은 정삼각형과 정육각형으로 되어 있는 다면체의 전개도이다. 이 전개도로 만들어 지는 입체도형의 모서리의 개수를 구하여라.



▶ 답 : 개

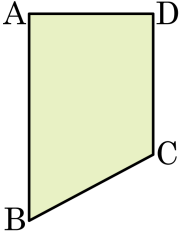
▷ 정답 : 18개

해설

정삼각형이 4 개, 정육각형이 4 개로 되어 있고 두 선분이 겹쳐
져서 입체도형의 한 모서리가 되므로 모서리의 개수는

$$\frac{3 \times 4 + 6 \times 4}{2} = 18(\text{개}) \text{이다.}$$

13. 다음 그림과 같은 도형에서 한 변을 축으로 하여 회전시켜서 원뿔대를 만들려고 한다. 어떤 변을 회전축으로 하면 좋겠는가?

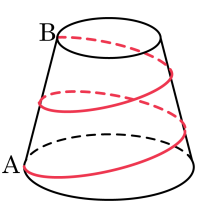


- ① $\overline{CD}$ ② $\overline{AC}$ ③ $\overline{AD}$ ④ $\overline{BC}$ ⑤ $\overline{AB}$

해설

$\overline{AD}$ 를 회전축으로 회전하면 서로 다른 크기를 가진 원이 만들어진다.

14. 다음 그림과 같은 원뿔대 모양의 입체를 밑면의 한 점 A 에서 윗면의 한 점 B 까지 실로 두 바퀴 팽팽하게 감을 때, 실이 지나는 선의 모양을 전개도에 바르게 나타낸 것은?



- ①

③

⑤

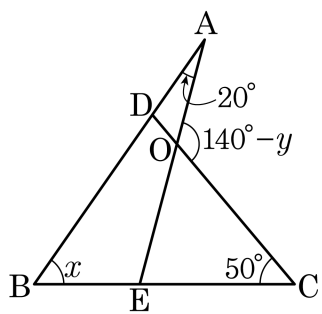
②

④

해설

실은 가장 짧은 선을 지난다.

15. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기는?

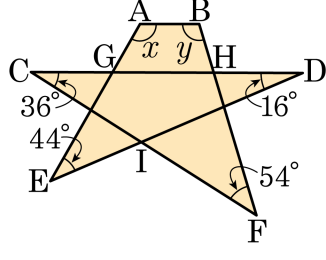


- ① 60° ② 65° ③ 70° ④ 75° ⑤ 80°

해설

$\angle ADO = \angle x + 50^\circ$
 $\angle ADO + 20^\circ = 140^\circ - \angle y$ 이므로
 $\angle x + 50^\circ + 20^\circ = 140^\circ - \angle y$
 $\therefore \angle x + \angle y = 70^\circ$

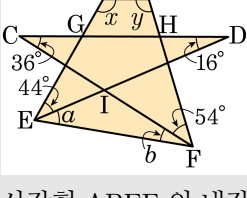
16. 다음 그림에서 $\angle x + \angle y$ 의 크기는?



- ① 180° ② 200° ③ 210° ④ 230° ⑤ 250°

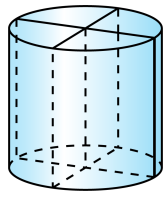
해설

보조선 $\overline{EF}$ 를 그리면 $36^\circ + 16^\circ = \angle a + \angle b$,



사각형 ABEF 의 내각의 합은 360° 이므로
 $\angle x + \angle y + (44^\circ + 54^\circ) + (\angle a + \angle b) = 360^\circ$
 $\angle x + \angle y + 98^\circ + 52^\circ = 360^\circ$
 $\therefore \angle x + \angle y = 360^\circ - 150^\circ = 210^\circ$ 이다.

17. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 3 cm 이고 높이가 6 cm 인 원기둥을 4 등분할 때, 늘어나는 겉넓이를 구하여라.



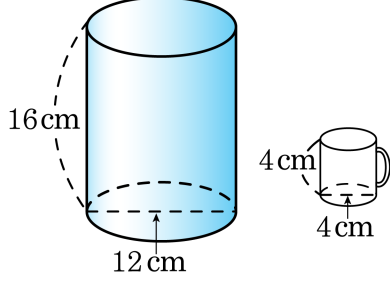
▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 144cm²

해설

4 등분하기 위하여 수직으로 자르면 가로 길이가 3 cm, 세로 길이가 6 cm 인 직사각형이 잘린 면 양쪽으로 8 개가 늘어난다.
∴ (늘어난 겉넓이) = $(3 \times 6) \times 8 = 144(\text{cm}^2)$

18. 다음 그림과 같이 밑면의 지름이 12cm 이고 높이가 16cm 인 커다란 물통에 음료수가 가득 들어 있다. 그 옆에 있는 밑면의 지름이 4cm 이고 높이가 4cm 인 컵에 음료를 따르면 몇 잔이 나오는지 구하여라. (단, 두께는 무시한다.)



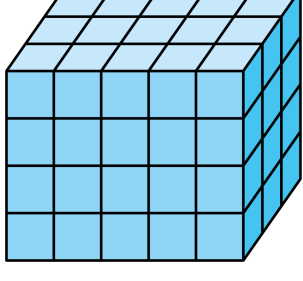
▶ 답 : 잔

▷ 정답 : 36잔

해설

(큰 물통의 부피) = $\pi \times 6^2 \times 16 = 576\pi(\text{cm}^3)$
(작은 컵의 부피) = $\pi \times 2^2 \times 4 = 16\pi(\text{cm}^3)$
 $\therefore 576\pi \div 16\pi = 36(\text{잔})$

19. 한 모서리의 길이가 1cm 인 작은 정육면체 60 개를 다음 그림과 같이 쌓고 페인트를 칠하려고 한다. 60 개의 정육면체 중 페인트가 칠해져 있지 않은 부분의 총 넓이는?

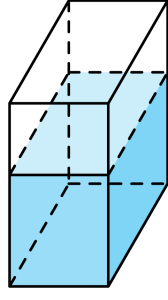


- ① 300cm²
- ② 266cm²
- ③ 250cm²
- ④ 244cm²
- ⑤ 226cm²

해설

페인트가 칠해져 있지 않은 부분은
60 개의 정육면체의 전체 겉넓이에서
직육면체의 겉넓이를 빼면 된다.
정육면체의 총 겉넓이는 $1 \times 1 \times 6 \times 60 = 360(\text{cm}^2)$
직육면체의 겉넓이는 $2 \times (3 \times 5 + 5 \times 4 + 3 \times 4) = 94(\text{cm}^2)$
따라서 구하는 넓이는 $360 - 94 = 266(\text{cm}^2)$

20. 다음 그림과 같은 가로 10cm, 세로 12cm의 직육면체 모양의 그릇에 1.2리터의 물을 채워넣은 상태에서 부피가 600cm³인 물체를 넣으면 수면의 높이는 몇 cm가 높아지는지 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 5cm

해설

현재의 물의 높이는 $1200 \div 12 \div 10 = 10\text{cm}$
600cm³인 물체를 넣은 후의 물의 높이를 구하면 $(1200 + 600) \div 12 \div 10 = 15(\text{cm})$
∴ 높아진 물의 높이는 $15 - 10 = 5(\text{cm})$