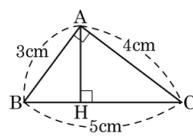


1. 다음 그림과 같이  $\angle A = 90^\circ$  인 직각삼각형  $ABC$ 의 점  $A$ 에서  $BC$ 에 내린 수선의 발을  $H$ 라 한다.  $\overline{AB} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{AC} = 4\text{cm}$ ,  $\overline{BC} = 5\text{cm}$ 일 때,  $\overline{CH}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 :  $\frac{16}{5}$

해설

큰 삼각형과 작은 두 삼각형이 서로 닮음이므로  $\overline{CH} = x$ 라고 할 때,  $5 : 4 = 4 : x$ 이 성립한다.

따라서  $x = \frac{16}{5}$

2. 두 점 사이의 거리가 가장 짧은 것은 어느 것인가?

① (1, 1), (2, 3)                      ② (-3, -2), (0, 0)

③ (-2, 0), (0, 5)                      ④ (2, 1), (3, -5)

⑤ (-4, 4), (2, -2)

해설

①  $\sqrt{(2-1)^2 + (3-1)^2} = \sqrt{5}$

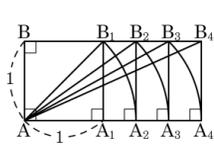
②  $\sqrt{(-3-0)^2 + (-2-0)^2} = \sqrt{13}$

③  $\sqrt{(-2-0)^2 + (0-5)^2} = \sqrt{29}$

④  $\sqrt{(3-2)^2 + (-5-1)^2} = \sqrt{37}$

⑤  $\sqrt{(-4-2)^2 + (4+2)^2} = \sqrt{72}$

3. 다음 그림에서  $\overline{AB_1} = \overline{AA_2}$ ,  $\overline{AB_2} = \overline{AA_3}$ ,  $\overline{AB_3} = \overline{AA_4}$  일 때,  $\frac{\overline{AB_4}}{\sqrt{5}}$  의 값을 구하면?



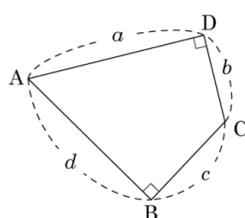
- ① 1                      ② 2                      ③ 3  
 ④ 4                      ⑤  $\sqrt{5}$

해설

$$\overline{AB_4} = \sqrt{1^2 + 1^2 + 1^2 + 1^2 + 1^2} = \sqrt{5} \text{이다.}$$

$$\text{따라서 } \frac{\overline{AB_4}}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = 1 \text{이다.}$$

4. 다음 그림에서  $\angle B$  와  $\angle D$  는  $90^\circ$ ,  
 $\overline{AD} = a$ ,  $\overline{CD} = b$ ,  $\overline{BC} = c$ ,  $\overline{AB} = d$   
 라고 할 때, 다음 중 옳은 것은 ?

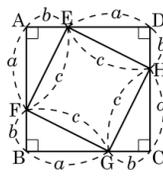


- ①  $a + b = c + d$                       ②  $a = d, b = c$   
 ③  $a^2 + d^2 = b^2 + c^2$             ④  $a^2 + b^2 = c^2 + d^2$   
 ⑤  $a - d = b - c$

**해설**

$\overline{AC}$ 가 공통변이고 각각  $\triangle ADC$ ,  $\triangle ABC$ 가 직각삼각형이므로  
 $a^2 + b^2 = c^2 + d^2$ 이 성립한다.

5. 다음 그림은 한 변의 길이가  $a+b$  인 정사각형을 나타낸 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?

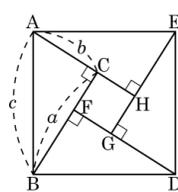


- ①  $\angle EHG = 90^\circ$   
 ②  $\square EFGH$  는 정사각형이다.  
 ③  $\square ABCD$  와  $\square EFGH$  의 넓이의 비는  $a+b:c$  이다.  
 ④  $\triangle BGF \equiv \triangle CHG$   
 ⑤  $\angle FEA + \angle GHC = 90^\circ$

**해설**

$\square ABCD$  와  $\square EFGH$  는 정사각형이므로 넓이의 비는 한 변의 비의 제곱과 비례한다.  
 따라서  $(a+b)^2 : c^2$  이다.

6. 다음은 4개의 합동인 직각삼각형을 맞대어서 정사각형 ABDE를 만든 것이다. 정사각형 ABDE에서  $\overline{CH}$ 의 길이와  $\square CFGH$ 의 사각형의 종류를 차례대로 말한 것은?



- ①  $a - b$ , 마름모                      ②  $b - a$ , 마름모  
 ③  $a - b$ , 정사각형                      ④  $b - a$ , 정사각형  
 ⑤  $a - b$ , 직사각형

**해설**

$\overline{CH} = \overline{AH} - \overline{AC} = a - b$   
 $\square CFGH$ 는 네 변의 길이가 같고, 내각이 모두  $90^\circ$ 이므로 정사각형이다.

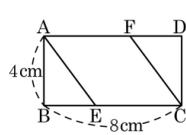
7. 각 변의 길이가  $x-3$ ,  $x$ ,  $x+4$  인 직각삼각형이 있다. 빗변의 길이를 옳게 구한 것은?

- ①  $11 + 2\sqrt{14}$       ②  $15 + \sqrt{14}$       ③  $16 + 2\sqrt{14}$   
④  $16 + \sqrt{14}$       ⑤  $17 + 2\sqrt{14}$

해설

$$\begin{aligned} &x+4 \text{가 빗변의 길이이므로} \\ &(x+4)^2 = x^2 + (x-3)^2 \\ &x^2 + 8x + 16 = x^2 + x^2 - 6x + 9 \\ &x^2 - 14x - 7 = 0 \\ &x = 7 \pm 2\sqrt{14} \\ &x-3 > 0 \text{ 이므로 } x = 7 + 2\sqrt{14} \\ &\text{빗변의 길이는 } x+4 \text{ 이므로} \\ &x+4 = 7 + 2\sqrt{14} + 4 = 11 + 2\sqrt{14} \end{aligned}$$

8. 다음 직사각형 ABCD 에서  $\overline{AE} = \overline{CE}$  가 되도록 점 E 를 잡고,  $\overline{AE} = \overline{AF}$  가 되도록 점 F 를 잡을 때,  $\square AECF$  의 둘레의 길이는?

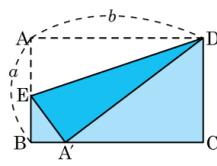


- ① 22 cm    ② 21 cm    ③ 20 cm  
 ④ 19 cm    ⑤ 18 cm

해설

$\overline{AE} = \overline{CE} = x$  cm 라 하면  
 $\overline{BE} = (8 - x)$  cm 이므로  
 $x^2 = 4^2 + (8 - x)^2 \therefore x = 5$   
 $\therefore (\square AECF \text{의 둘레}) = 5 \times 4 = 20(\text{cm})$

9. 직사각형 ABCD 를 꼭짓점 A 가  $\overline{BC}$  위에 오도록 접었을 때, 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

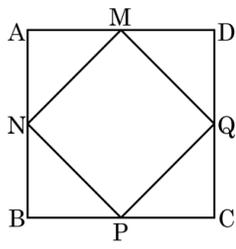


- ①  $\triangle AED \equiv \triangle A'ED$       ②  $\overline{EB} = \overline{BA'}$   
 ③  $\overline{A'C} = \sqrt{b^2 - a^2}$       ④  $\overline{DE} = b$   
 ⑤  $\angle AED = \angle CDE$

해설

$\overline{AD} = \overline{A'D}$  이므로  $\overline{A'C} = \sqrt{b^2 - a^2}$  이다.  
 $\angle DAE = \angle DA'E = \angle R$ ,  $\angle ADE = \angle A'DE$ ,  $\overline{DE}$  는 공통이므로  
 $\triangle AED \equiv \triangle A'ED$ (RHA합동)  
 $\overline{DE} \neq b$ ,  $\overline{EB} \neq \overline{BA'}$  이다.  
 $\triangle AED = \triangle CDE$ (엇각)이다.  
 따라서 옳지 않은 것은 ②, ④이다.

10. 다음 그림과 같이 정사각형 ABCD의 각 변의 중점들을 연결하여 정사각형 MNPQ를 그렸다. 정사각형 ABCD의 넓이가  $36\text{cm}^2$ 일 때,  $\overline{MN}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답:         cm

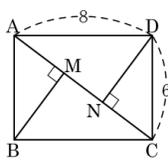
▷ 정답:  $3\sqrt{2}$ cm

**해설**

정사각형 ABCD의 넓이가  $36\text{cm}^2$ 이므로 한 변의 길이는 6cm가 된다.

그러므로  $\overline{AM} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{AN} = 3\text{cm}$ ,  $\overline{MN} = \sqrt{3^2 + 3^2} = \sqrt{18} = 3\sqrt{2}(\text{cm})$

11. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD의 대각선 AC에 내린 수선의 발을 각각 M, N이라고 할 때,  $\overline{MN}$ 의 길이는?



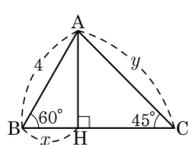
- ①  $\frac{14\sqrt{5}}{2}$                       ②  $\frac{14\sqrt{5}}{5}$                       ③  $\frac{21}{5}$   
 ④  $\frac{14}{5}$                               ⑤  $\frac{7}{5}$

해설

$$\begin{aligned} \overline{AC} &= 10, \overline{BM} = \overline{DN} \\ \triangle ABC &= 8 \times 6 \times \frac{1}{2} = 10 \times \overline{BM} \times \frac{1}{2} \\ \overline{BM} &= \frac{24}{5} \\ \triangle ABM \text{ 에서} \\ \overline{AM} &= \sqrt{6^2 - \left(\frac{24}{5}\right)^2} \\ &= \sqrt{36 - \frac{576}{25}} \\ &= \sqrt{\frac{900 - 576}{25}} = \sqrt{\frac{324}{25}} \\ &= \frac{18}{5} \\ \overline{AM} &= \overline{CN} \\ \therefore \overline{MN} &= \overline{AC} - \overline{AM} - \overline{CN} \\ &= 10 - \left(\frac{18}{5}\right) \times 2 \\ &= 10 - \frac{36}{5} \\ &= \frac{14}{5} \end{aligned}$$

12.  $x, y$  가 다음 그림과 같을 때,  $x^2 + y^2$  을 구하시오.

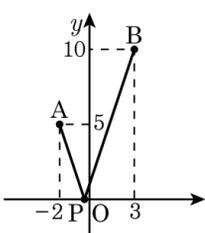
- ① 25      ② 26      ③ 27  
④ 28      ⑤ 29



해설

$$\begin{aligned}x : 4 &= 1 : 2 \quad \therefore x = 2 \\x : \overline{AH} &= 1 : \sqrt{3}, \quad \overline{AH} = 2\sqrt{3} \\ \overline{AH} : y &= 1 : \sqrt{2} \quad \therefore y = 2\sqrt{6} \\ \therefore x^2 + y^2 &= 4 + 24 = 28\end{aligned}$$

13. 다음 그림과 같은 좌표평면 위에 두 점  $A(-2, 5)$ ,  $B(3, 10)$  이 있다.  $x$  축 위에 임의의 점  $P$  를 잡았을 때,  $AP+BP$  의 최솟값을 구하여라.

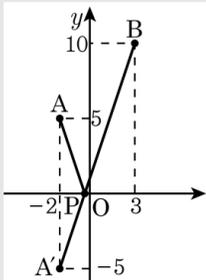


▶ 답:

▷ 정답:  $5\sqrt{10}$

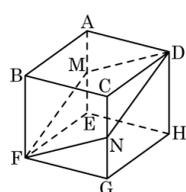
해설

점  $A$  를  $x$  축 대칭시킨 점을  $A'$  이라 할 때,  $\overline{AP} = \overline{A'P}$  이므로  $\overline{AP} + \overline{BP}$  의 최솟값은  $\overline{A'B}$  의 길이이다.



$$\begin{aligned} \therefore \overline{A'B} &= \sqrt{\{3 - (-2)\}^2 + \{10 - (-5)\}^2} \\ &= \sqrt{25 + 225} \\ &= 5\sqrt{10} \end{aligned}$$

14. 다음 그림과 같은 한 변의 길이가  $4\sqrt{2}$  인 정육면체에서  $\overline{AE}$ 의 중점을  $M$ ,  $\overline{CG}$ 의 중점을  $N$ 이라 할 때,  $\square MFND$ 의 넓이는?



- ①  $16\sqrt{2}$     ②  $32\sqrt{2}$     ③  $4\sqrt{6}$     ④  $16\sqrt{6}$     ⑤ 32

**해설**

사각형 MFND는 마름모이다.  $\overline{MN} = \overline{AC} = 8$ 이고,  $\overline{DF}$ 는 정육면체의 대각선의 길이이므로

$$\overline{DF} = \sqrt{3} \times 4\sqrt{2} = 4\sqrt{6}$$

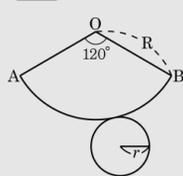
마름모의 넓이 공식에 의해

$$\square MFND = 4\sqrt{6} \times 8 \times \frac{1}{2} = 16\sqrt{6} \text{ 이다.}$$

15. 호 AB의 길이는  $4\pi$  이고 중심각의 크기가  $120^\circ$  인 원뿔의 전개도가 있다. 이 원뿔의 부피를 구하면?

- ①  $\frac{8\sqrt{2}}{3}\pi\text{cm}^3$       ②  $\frac{10\sqrt{3}}{3}\pi\text{cm}^3$       ③  $\frac{16\sqrt{2}}{3}\pi\text{cm}^3$   
 ④  $\frac{16\sqrt{3}}{3}\pi\text{cm}^3$       ⑤  $16\sqrt{2}\pi\text{cm}^3$

**해설**



호 AB의 길이, 밑면의 둘레의 길이가  $2\pi r = 4\pi$  이므로 밑면의 반지름의 길이  $r = 2(\text{m})$  이다.

부채꼴 호의 길이  $l = 2\pi R \times \frac{120^\circ}{360^\circ} = 2\pi R \times \frac{1}{3} = 4\pi$  이므로 부채꼴의 반지름의 길이  $R = 6(\text{cm})$  이다.

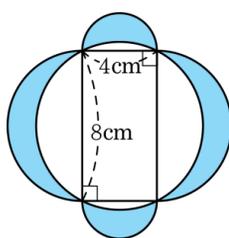
위의 전개도로 다음과 같은 원뿔이 만들어진다.



원뿔의 높이  $h = \sqrt{6^2 - 2^2} = \sqrt{36 - 4} = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}(\text{cm})$  이다.

원뿔의 부피  $V = \frac{1}{3} \times 2 \times 2 \times \pi \times 4\sqrt{2} = \frac{16\sqrt{2}}{3}\pi(\text{cm}^3)$  이다.

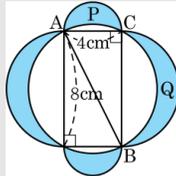
16. 다음 그림과 같이 원에 내접하는 직사각형의 각 변을 지름으로 하는 반원을 그릴 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답:  $\underline{\hspace{1cm}} \text{ cm}^2$

▷ 정답:  $32 \text{ cm}^2$

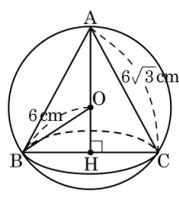
해설



색칠한 부분 P + Q 의 넓이는  $\triangle ABC$  의 넓이와 같다.  
따라서 색칠한 전체 넓이는 직사각형의 넓이와 같다.  
 $\therefore 4 \times 8 = 32(\text{cm}^2)$

17. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 6 cm 인 구에 모선의 길이가  $6\sqrt{3}$  cm 인 원뿔이 내접할 때, 이 원뿔의 부피는?

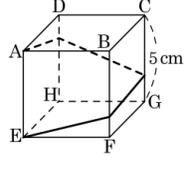
- ①  $81\pi \text{ cm}^3$       ②  $84\pi \text{ cm}^3$   
 ③  $87\pi \text{ cm}^3$       ④  $90\pi \text{ cm}^3$   
 ⑤  $93\pi \text{ cm}^3$



**해설**

$\triangle OBH$  에서  $\overline{BH}^2 = 6^2 - \overline{OH}^2 \dots \text{㉠}$   
 $\triangle ABH$  에서  $\overline{BH}^2 = (6\sqrt{3})^2 - (6 + \overline{OH})^2 \dots \text{㉡}$   
 ㉠, ㉡에서  $6^2 - \overline{OH}^2 = (6\sqrt{3})^2 - (6 + \overline{OH})^2$   
 $12\overline{OH} = 36 \therefore \overline{OH} = 3 \text{ (cm)}$   
 ㉠에서  $\overline{BH}^2 = 6^2 - 3^2 = 27$   
 $\therefore BH = 3\sqrt{3} \text{ (cm)}$   
 따라서 원뿔의 부피는  
 $\frac{1}{3} \times \pi \times (3\sqrt{3})^2 \times (6 + 3) = 81\pi \text{ (cm}^3\text{)} \text{ 이다.}$

18. 다음 그림과 같은 정육면체의 한 꼭짓점 E에서 모서리 BF, CG, DH를 순서대로 지나 점 A에 이르는 선 중에서 가장 짧은 선의 길이를 구하여라.

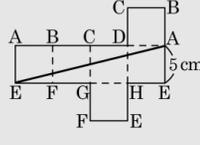


▶ 답: \_\_\_\_\_ cm

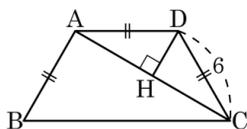
▷ 정답:  $5\sqrt{17}$  cm

**해설**

위의 그림에서 점 E에서 모서리 BF, CG, DH를 순서대로 지나 점 A에 이르는 가장 짧은 선은  $\overline{EA}$ 가 된다.  
 $\overline{EA}^2 = 5^2 + 20^2 = 25 + 400 = 425$   
 $\therefore \overline{EA} = 5\sqrt{17}$  (cm)



19. 다음 등변사다리꼴 ABCD 에서  $2\overline{AD} = \overline{BC}$ ,  $\overline{AB} = \overline{AD} = \overline{DC} = 6$  이다. 점 D 에서 대각선 AC 에 내린 수선의 발을 H 라 할 때, DH 의 길이를 구하여라.

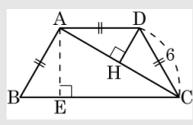


▶ 답 :

▷ 정답 : 3

해설

점 A 에서  $\overline{BC}$  에 내린 수선의 발을 E 라 하면



$\triangle ABE$  는 직각삼각형이므로

$$\overline{AE}^2 = \overline{AB}^2 - \overline{BE}^2 = 6^2 - 3^2 = 27,$$

$$\therefore \overline{AE} = 3\sqrt{3}$$

$\triangle AEC$  에서

$$\overline{AC}^2 = \overline{AE}^2 + \overline{EC}^2 = (3\sqrt{3})^2 + 9^2 = 108,$$

$$\therefore \overline{AC} = 6\sqrt{3}$$

$\triangle DHC$  에서

$$\overline{DH}^2 = \overline{DC}^2 - \overline{HC}^2 = 6^2 - (3\sqrt{3})^2 = 9,$$

$$\therefore \overline{DH} = 3$$

20. 삼각형 ABC의 변 BC 위의 두 점 D, E에 대하여  $\overline{AB} = 4$ ,  $\overline{AC} = 3$ ,  $\overline{BD} = \overline{DE} = \overline{EC} = 2$ 일 때,  $\overline{AD}^2 + \overline{AE}^2$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

$\overline{BD} = \overline{DE} = \overline{EC}$  이므로  
 $\triangle ABE$ 와  $\triangle ADC$ 에서 각각 중선 정리를 이용하면

(1)  $\triangle ABE$ 에서

$$\overline{AB}^2 + \overline{AE}^2 = 2(\overline{AD}^2 + \overline{BD}^2)$$

$$\therefore 2\overline{AD}^2 - \overline{AE}^2 = 8 \dots \textcircled{1}$$

(2)  $\triangle ADC$ 에서

$$\overline{AD}^2 + \overline{AC}^2 = 2(\overline{AE}^2 + \overline{DE}^2)$$

$$\therefore 2\overline{AE}^2 - \overline{AD}^2 = 1 \dots \textcircled{2}$$

따라서  $\textcircled{1} + \textcircled{2}$ 를 하면  $\overline{AD}^2 + \overline{AE}^2 = 9$ 이다.