

1. 도형 중 서로 합동인 도형을 잘못 짹지은 것은 어느 것입니까?



① 가 - 다

② 나 - 사

③ 다 - 마

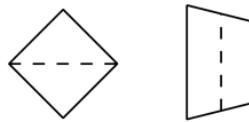
④ 라 - 바

⑤ 마 - 아

해설

투명 종이에 본을 떠서 삼각형은 삼각형끼리,
사각형은 사각형끼리 겹쳐 본 후, 완전히
포개어지는 것을 찾습니다. 도형 ④와 도형 ⑤는
서로 겹쳤을 때 완전히 포개어지지 않습니다.

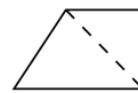
2. 다음의 도형을 점선을 따라 잘랐을 때, 잘려진 두 도형이 합동이 되는 것을 모두 찾아보시오.



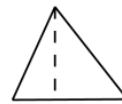
가



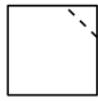
나



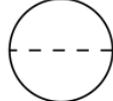
다



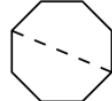
라



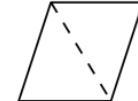
마



바



사



아

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 가

▷ 정답 : 바

▷ 정답 : 사

▷ 정답 : 아

해설



가



바



사



아

도형을 점선을 따라 잘랐을 때, 잘려진 두 도형을 포갰을 때 완전히 겹쳐지는 것은
가, 바, 사, 아 입니다.

3. 두 삼각형이 서로 합동인 것을 모두 고르시오.

- ① 세 변의 길이가 각각 같을 때
- ② 세 각의 크기가 각각 같을 때
- ③ 삼각형의 넓이가 같을 때
- ④ 두 변의 길이와 그 끼인각의 크기가 각각 같을 때
- ⑤ 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 각각 같을 때

해설

두 삼각형이 합동일 조건은 세 변의 길이가 각각 같아야 합니다.
두 변의 길이와 그 끼인각의 크기가 각각 같아야 합니다.
한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 각각 같아야 합니다.

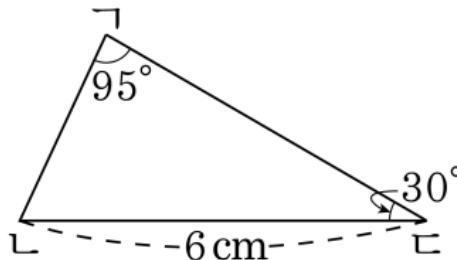
4. 합동인 도형에 대한 설명으로 잘못된 것은 어느 것입니까?

- ① 두 도형의 변의 개수가 같습니다.
- ② 두 도형의 모양과 크기가 같습니다.
- ③ 두 도형을 겹쳤을 때 완전히 포개어집니다.
- ④ 두 도형의 넓이가 다릅니다.
- ⑤ 두 도형의 점의 개수가 같습니다.

해설

④모양과 크기가 같으므로 합동인
두 도형의 넓이는 같습니다.

5. 다음의 삼각형을 그릴 때 마지막으로 정해지는 꼭짓점은 어느 것입니까?



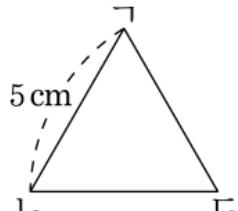
▶ 답:

▷ 정답: 점 ㄱ

해설

주어진 한 변을 그리고 양 끝각을 찾아 만나는 점을 찾으므로
가장 마지막에 점 ㄱ이 정해집니다.

6. 다음 삼각형 그림과 합동인 삼각형을 그릴 때, 더 알아야 하는 조건들로 바르게 짹지어 진 것을 모두 찾으시오.



- ① 변 \square \square , 각 \square \square \square
② 변 \square \square , 각 \square \square \square
③ 변 \square \square , 각 \square \square \square
④ 변 \square \square , 변 \square \square
⑤ 변 \square \square , 각 \square \square \square

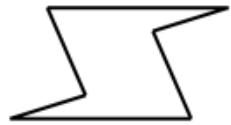
해설

<삼각형을 그릴 수 있는 방법>

1. 세 변의 길이를 압니다. → ④
2. 두 변의 길이와 그 끼인각의 크기를 압니다. → ②
3. 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기를 압니다.

7. 다음 중 점대칭도형을 모두 고르시오.

①



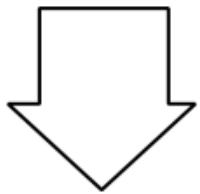
②



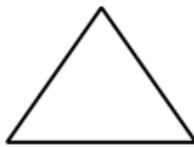
③



④



⑤



해설

②, ④, ⑤는 선대칭도형입니다.

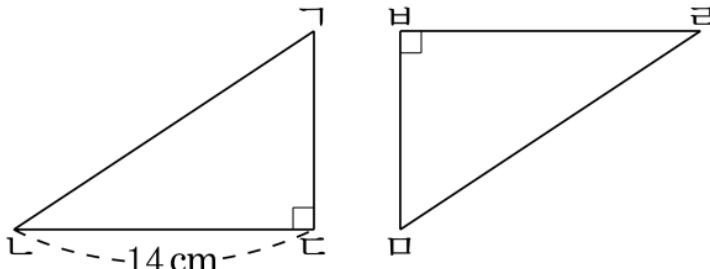
8. 다음 중 점대칭도형에 대한 설명으로 옳지 않은 것은 어느 것입니까?

- ① 대칭의 중심은 한 개 뿐입니다.
- ② 대응각의 크기와 대응변의 길이는 각각 같습니다.
- ③ 대칭의 중심에서 대응점까지의 거리는 같습니다.
- ④ 대칭의 중심은 대응점끼리 연결한 선분을 똑같이 둘로 나눕니다.
- ⑤ 대칭의 중심은 도형의 외부에 있습니다.

해설

⑤ 점대칭도형에서 대칭의 중심은 도형의 내부에 있습니다.

9. 다음 삼각형 ㄱㄴㄷ과 삼각형 ㄹㅁㅂ은 합동입니다. 삼각형 ㄱㄴㄷ의 넓이가 42cm^2 일 때, 변 ㅁㅂ의 길이는 몇 cm 입니까?



▶ 답 : cm

▶ 정답 : 6cm

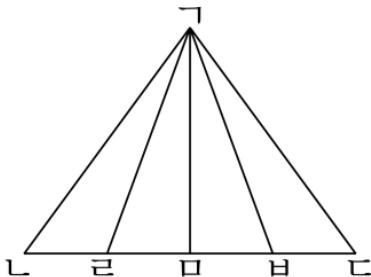
해설

$$(\text{변 } ㄱㄷ \text{의 길이}) = 42 \times 2 \div 14 = 6(\text{cm})$$

변 ㄱㄷ과 변 ㅁㅂ은 대응변이므로

변 ㅁㅂ은 6cm입니다.

10. 다음 이등변삼각형 $\triangle ABC$ 의 밑변 BC 을 4등분하여 점 L , M , N 을 표시하고, 점 G 과 선분으로 이었습니다. 합동인 삼각형은 몇 쌍입니까?



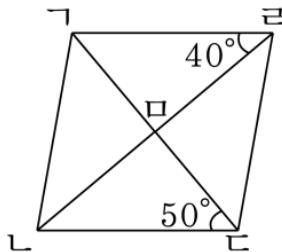
▶ 답: 4 쌍

▷ 정답: 4 쌍

해설

삼각형 $\triangle ALN$ 과 삼각형 $\triangle ANB$
삼각형 $\triangle ALM$ 과 삼각형 $\triangle AMB$
삼각형 $\triangle ALN$ 과 삼각형 $\triangle ALM$
삼각형 $\triangle ANB$ 과 삼각형 $\triangle AMB$
 $\rightarrow 4$ 쌍입니다.

11. 다음 평행사변형에서 삼각형 그모근과 합동인 삼각형은 어느 것입니까?



- ① 삼각형 그모ㄴ
- ② 삼각형 르ㅁㄷ
- ③ 삼각형 ㄷㅁㄴ (This option is circled in red.)
- ④ 삼각형 그ㄴㄹ
- ⑤ 삼각형 르ㄴㄷ

해설

평행사변형의 두 대각선은 서로 이등분됩니다.

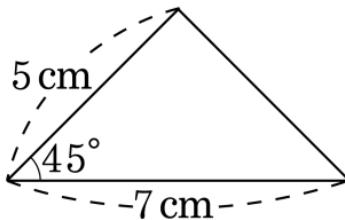
즉 (변 그ㅁ) = (변 ㄷㅁ),

(변 ㄴㅁ) = (변 르ㅁ)이고,

(변 그ㄹ) = (변 ㄷㄴ)이므로,

삼각형 그모ㄹ은 삼각형 ㄷㅁㄴ과 합동입니다.

12. 다음 삼각형을 그릴 수 있는 방법은 어느 것입니까?



- ① 세 각의 크기가 주어진 방법
- ② 세 변의 길이가 주어진 방법
- ③ 한 변의 길이와 두 각의 크기가 주어진 방법
- ④ 두 변의 길이와 그 사이의 각의 크기가 주어진 방법
- ⑤ 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어진 방법

해설

<합동인 삼각형을 그릴 수 있는 경우>

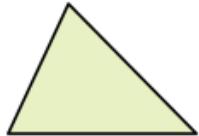
세 변의 길이를 알 때,

두 변의 길이와 그 사이의 각의 크기를 알 때,

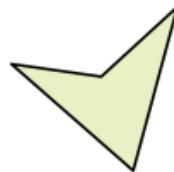
한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기를 알 때

13. 다음 중 선대칭도형은 어느 것입니까?

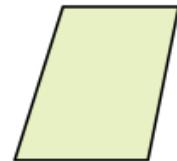
①



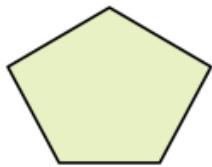
②



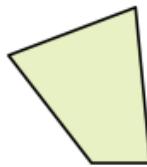
③



④



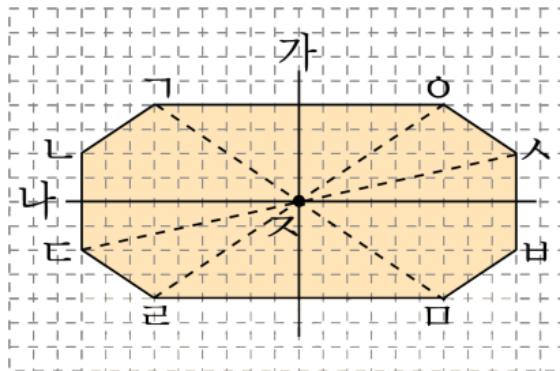
⑤



해설

어떤 직선(대칭축)으로 접었을 때, 완전히 포개어지는 도형을 찾습니다.

14. 다음 도형이 직선 g 를 대칭축으로 하는 선대칭도형일 때, 변 GH 의 대응변을 쓰시오.



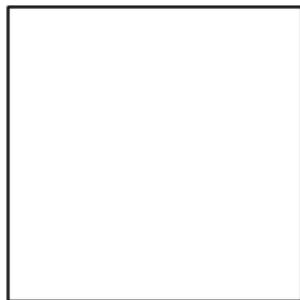
▶ 답:

▷ 정답: 변 OS

해설

대칭축으로 접었을 때 겹쳐지는 변을 대응변이라 합니다.

15. 정사각형은 점대칭도형입니다. 대칭의 중심은 몇 개입니까?



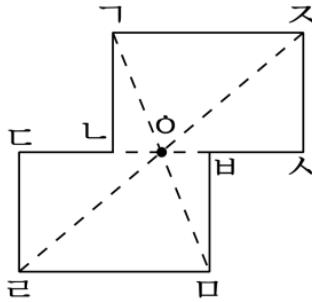
▶ 답 : 개

▶ 정답 : 1개

해설

점대칭도형에서 대칭의 중심은 하나입니다.

16. 다음의 도형은 점 O를 대칭의 중심으로 하는 점대칭도형입니다. 다음 각각의 대응점을 차례대로 구하시오.



- | | | | |
|-----|---|---|----------------------|
| 점 ㄱ | ↔ | 점 | <input type="text"/> |
| 점 ㄴ | ↔ | 점 | <input type="text"/> |
| 점 ㄷ | ↔ | 점 | <input type="text"/> |
| 점 ㄹ | ↔ | 점 | <input type="text"/> |

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㅁ

▷ 정답 : ㅂ

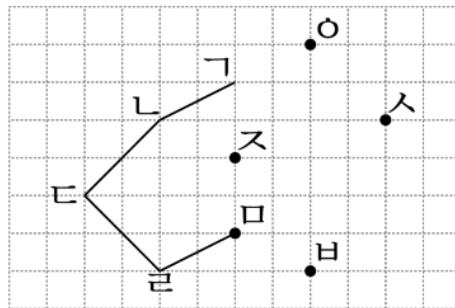
▷ 정답 : ㅅ

▷ 정답 : ㅈ

해설

점대칭 도형은 한 점(대칭의 중심)을 중심으로 180° 돌렸을 때 완전히 포개어지는 도형입니다. 대응점끼리 연결한 선분은 대칭의 중심에서 만납니다. 대칭의 중심은 대응점을 연결한 선분을 이등분합니다. 따라서 정답은 차례대로 점 ㅁ, 점 ㅂ, 점 ㅅ, 점 ㅈ입니다.

17. 다음은 점 ㅅ을 대칭의 중심으로 하는 점대칭도형을 그리려고 대응점을 찾은 것입니다. 대응점을 잘못 찾은 것은 어느 것입니까?



- ① 점 ㅁ ② 점 ㅂ ③ 점 ㅅ ④ 점 ㅇ ⑤ 점 ㄱ

해설

대응점은 대칭의 중심을 지나고 서로 반대 방향에 있으며, 대칭의 중심에서 같은 거리에 있어야 합니다. 점 ㄴ과 ㅂ을 이으면 대칭의 중심을 지나지 않으며, 대칭의 중심에서 같은 거리에 있지 않습니다.

18. 한 변의 길이가 8cm이고, 그 양 끝각으로 <보기>에서 2개의 각을 골라 삼각형을 그리려고 합니다. 모두 몇 가지의 삼각형을 그릴 수 있는지 구하시오.

보기

$110^\circ, 70^\circ, 95^\circ, 145^\circ, 35^\circ, 170^\circ, 50^\circ$

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 8 가지

해설

양 끝각의 합이 180° 보다 작아야 하므로

$(110^\circ, 50^\circ), (110^\circ, 35^\circ), (95^\circ, 70^\circ), (95^\circ, 50^\circ), (95^\circ, 35^\circ),$
 $(70^\circ, 50^\circ), (70^\circ, 35^\circ), (50^\circ, 35^\circ)$

따라서 모두 8 가지의 삼각형을 그릴 수 있습니다.

19. 정십이각형은 선대칭도형입니다. 대칭축은 모두 몇 개 입니까?

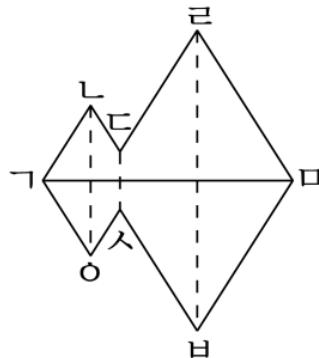
▶ 답: 개

▷ 정답: 12개

해설

정삼각형은 3개, 정사각형은 4개,
정오각형은 5개이므로
정십이각형의 대칭축은 12개가 됩니다.

20. 다음 도형은 선대칭도형입니다. 대칭축 $\Gamma\Delta$ 과 수직으로 만나면서 이등분되는 선분을 모두 고르시오.

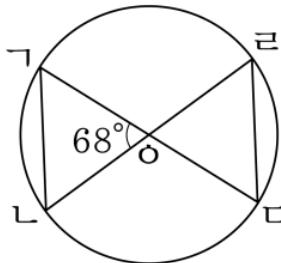


- ① 선분 $\Gamma\Delta$
- ② 선분 $\Delta\Omega$
- ③ 선분 $\Gamma\Lambda$
- ④ 선분 $\Gamma\Omega$
- ⑤ 선분 $\Gamma\Omega$

해설

선분 $\Gamma\Omega$ 은 대칭축이므로 대응점을 이은 선분을 모두 찾아 씁니다.

21. 다음 도형은 점 \circ 을 대칭의 중심으로 하는 점대칭도형입니다. 각 $\angle \square \circ$ 의 크기는 얼마입니까?



▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답 : 56°

해설

변 $\square \circ$ 과 변 $\square \circ$ 은 원의 반지름이므로

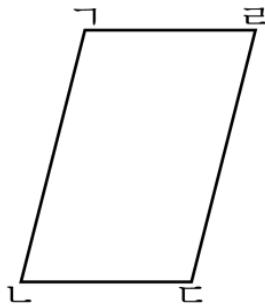
삼각형 $\square \square \circ$ 은 이등변삼각형입니다.

각 $\square \circ \square = 68^\circ$ 이고

삼각형의 세 각의 크기의 합이 180° 이므로

각 $\square \square \circ$ 의 크기는 $(180^\circ - 68^\circ) \div 2 = 56^\circ$ 입니다.

22. 다음의 평행사변형에서 네 각을 모두 직각이 되도록 만든다면 만들어진 사각형 그림에 대한 설명으로 바른 것은 어느 것입니까?

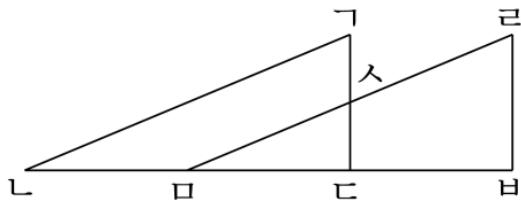


- ① 선대칭도형이면서 점대칭도형입니다.
- ② 선대칭도형도 점대칭도형도 아닙니다.
- ③ 선대칭도형이면서 점대칭도형은 아닙니다.
- ④ 점대칭도형이면서 선대칭도형은 아닙니다.
- ⑤ 선대칭 위치에 있는 도형입니다.

해설

만들어진 도형은 직사각형이므로
이 도형은 선대칭도형이면서 점대칭도형도 됩니다.

23. 소영이는 가로가 24 cm이고, 세로가 10 cm인 직사각형을 대각선을 따라 자른 다음, 그림과 같이 이어 붙였습니다.

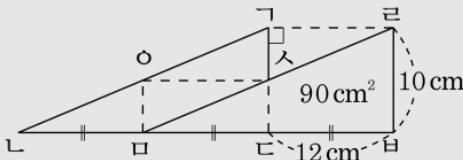


선분 ㄱ ㅁ, 선분 ㅁ ㅂ, 선분 ㄷ ㅂ의 길이가 모두 같고, 사각형 ㅅ ㅅ ㄷ ㅂ의 넓이가 90 cm^2 라고 할 때, 이어 붙인 모양의 전체 넓이는 얼마입니다?

- ① 150 cm^2 ② 170 cm^2 ③ 190 cm^2
 ④ 210 cm^2 ⑤ 230 cm^2

해설

삼각형 ㄱ ㅅ ㄹ의 넓이와 선분 ㄱ ㅅ의 길이를 이용하여 삼각형 ㄱ ㅅ ㄹ과 합동이 되는 삼각형을 찾습니다.



$$(\text{사각형 } ㄱ ㄷ ㅂ ㄹ \text{의 넓이}) = 12 \times 10 = 120 (\text{cm}^2)$$

$$(\text{삼각형 } ㄱ ㅅ ㄹ \text{의 넓이}) = 120 - 90 = 30 (\text{cm}^2)$$

$$(\text{선분 } ㄱ ㅅ) \times 12 \div 2 = 30 \text{에서}$$

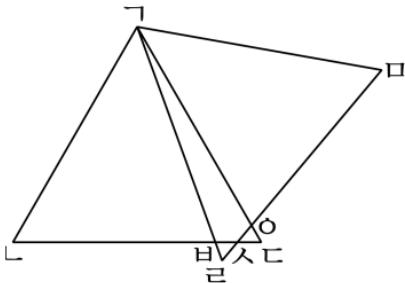
$$(\text{선분 } ㄱ ㅅ) = 30 \times 2 \div 12,$$

$$(\text{선분 } ㄱ ㅅ) = 5 (\text{cm})$$

따라서, (선분 ㄱ ㅅ) = (선분 ㅅ ㄷ) = (선분 ㅇ ㅁ)

이므로, 삼각형 ㄱ ㅅ ㄹ, 삼각형 ㄱ ㅇ ㅅ, 삼각형 ㅇ ㄴ ㅁ, 삼각형 ㅅ ㅇ ㅁ, 삼각형 ㅅ ㅁ ㄷ은 모두 합동인 삼각형이 됩니다. 따라서, 이어 붙인 모양의 전체 넓이는 $90 + 30 \times 4 = 210 (\text{cm}^2)$ 입니다.

24. 삼각형 $\triangle ABC$ 은 정삼각형 $\triangle ABC$ 을 꼭짓점 C 을 중심으로 하여 오른쪽으로 50° 회전시킨 것입니다. 각 $\angle BCD$ 과 각 $\angle BDC$ 의 크기의 합을 구하시오.



▶ 답 : 120°

▷ 정답 : 120°

해설

삼각형 $\triangle ABC$ 은 정삼각형이므로

$$(\text{각 } \angle BAC) = 60^\circ, (\text{각 } \angle ABC) = 60^\circ$$

삼각형 $\triangle ABC$ 을 꼭짓점 C 을 중심으로 50° 회전시켰으므로 각 $\angle BCD$ 은 50° 이고,

각 $\angle BDC$ 도 50° 입니다.

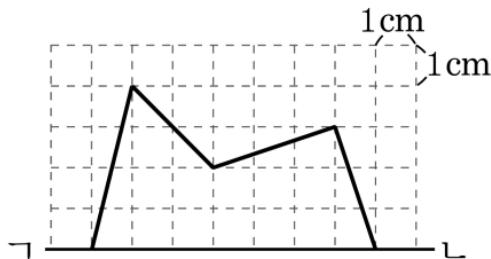
따라서 각 $\angle BCD$ 은 $60^\circ - 50^\circ = 10^\circ$ 입니다.

$$\text{또, } (\text{각 } \angle BDC) = 180^\circ - (50^\circ + 60^\circ) = 70^\circ \text{이므로}$$

$$(\text{각 } \angle BDC) = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ \text{입니다.}$$

$$\text{따라서 } (\text{각 } \angle BCD) + (\text{각 } \angle BDC) = 10^\circ + 110^\circ = 120^\circ \text{입니다.}$$

25. 다음은 직선 그림을 대칭축으로 하는 선대칭도형의 일부분입니다. 이 선대칭도형 전체의 넓이를 구하시오.

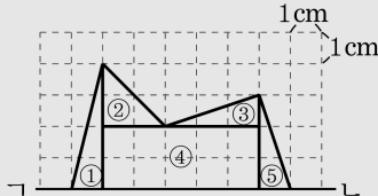


▶ 답 : cm²

▷ 정답 : 34cm²

해설

도형 전체의 넓이는 주어진 도형의 넓이의 2 배입니다. 도형을 삼각형과 직사각형으로 나누어 넓이를 구한 다음 더합니다.



$$\begin{aligned}1 + 2 + 3 + 4 + 5 &= 1 \times 4 \times \frac{1}{2} + 2 \times 2 \times \frac{1}{2} + 3 \times 1 \times \frac{1}{2} + 5 \times 2 + 1 \times 3 \times \frac{1}{2} \\&= 17(\text{cm}^2) \rightarrow 17 \times 2 = 34(\text{cm}^2)\end{aligned}$$