

1. 다음 벤 다이어그램을 보고, 집합  $A$  의 원소를 구하여라.



▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

2. 다음 보기 중 옳지 않은 것을 골라라.

[보기]

Ⓐ  $A = \{x \mid x$ 는 10 이하의 4의 배수 $\}$ 일 때,  $n(A) = 2$

Ⓑ  $B = \{x \mid x$ 는 27의 약수 $\}$ 일 때,  $n(B) = 4$

Ⓒ  $n(\emptyset) = 1$

Ⓓ  $C = \{x \mid x$ 는 두 자리 자연수 $\}$ 이면,  $n(C) = 90$



답: \_\_\_\_\_

3. 다음 중 옳은 것은?

- ①  $n(\{4\}) = 4$
- ②  $n(\{0\}) = 0$
- ③  $n(\{\emptyset\}) = 0$
- ④  $n(A) = n(B)$  이면  $A = B$
- ⑤  $A = \{x \mid x \leq 10 \text{ 이하의 소수}\}$  이면  $n(A) = 4$

4. 집합  $A = \{1, 2, \{1, 3\}\}$ 의 진부분 집합의 개수를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_ 개

5. 세 집합  $A$ ,  $B$ ,  $C$ 에 대하여 다음  $\square$  안에 기호  $=$ ,  $\neq$  중 알맞은 것을  
순서대로 써넣어라.

$$A = \{1, 2, 5, 10\}$$
$$B = \{x \mid x\text{는 } 15\text{의 약수}\}$$
$$C = \{x \mid x\text{는 } 10\text{의 약수}\}$$

$A \square B$ ,  $A \square C$  (단,  $=$ 는 Ⓛ,  $\neq$ 는 Ⓜ로 입력할 것)

▶ 답: \_\_\_\_\_

▶ 답: \_\_\_\_\_

6. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① 원소가 4개인 집합의 부분집합의 개수는 16개이다.
- ② 원소가 3개인 집합의 진부분집합의 개수는 7개이다.
- ③ 집합 {3, 6, 7} 과 집합 {4, 5, 6} 는 서로소이다.
- ④ 어떤 명제가 참이면 그 대우는 반드시 참이다.
- ⑤ 어떤 명제가 참이라고 해서 그 역이 반드시 참인 것은 아니다.

7. 명제 ‘ $a > b$  이면  $a^2 \geq b^2$  이다’의 대우를 구하면?

- ①  $a^2 \geq b^2$  이면  $a > b$ 이다  
②  $a^2 > b^2$  이면  $a \geq b$ 이다  
③  $a^2 < b^2$  이면  $a \leq b$ 이다  
④  $a \leq b$  이면  $a^2 < b^2$ 이다  
⑤  $a \geq b$  이면  $a^2 > b^2$ 이다

8. 다음 (        )안에 알맞은 말을 써라.

함수  $f(x)$ 의 치역과 공역이 같고, 정의역의 서로 다른 원소에 치역의 서로 다른 원소가 대응할 때, 이 함수를 (        )이라고 한다.

▶ 답: \_\_\_\_\_

9. 다음 (가), (나)에 들어갈 말을 알맞게 나열한 것은?

- $1 < x \leq 3$  은  $x > -2$  이기 위한 (가) 조건이다.
- $2x = 4$  는  $x^2 - 4x + 4 = 0$  이기 위한 (나) 조건이다.

① 필요, 필요      ② 필요, 충분

③ 충분, 충분      ④ 충분, 필요

⑤ 충분, 필요충분

10. 양수  $x$ 에 대하여  $\frac{x^2 + 2x + 2}{x}$ 는  $x = a$ 에서 최솟값  $b$ 를 가질 때,  
 $-2a + b + 1$ 의 값은?

① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

11. 두 함수  $f(x) = x + 2$ ,  $g(x) = 2x - 3$  일 때, 합성함수  $g \circ f$ 의 역함수  $(g \circ f)^{-1}(x)$ 를 구하면 무엇인가?

①  $y = \frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$       ②  $y = \frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$       ③  $y = -\frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$   
④  $y = -\frac{1}{2}x - \frac{1}{2}$       ⑤  $y = \frac{1}{2}x + 1$

12. 함수  $f(x) = ax + b$  에 대하여  $f^{-1}(1) = 2$ ,  $f(1) = 2$  일 때,  $f(3)$  의 값을 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_

13. 함수  $f(x) = mx + n$ 에 대하여  $f^{-1}(3) = 2$ ,  $(f \circ f)(2) = 7$ 이 성립할 때, 상수  $m, n$ 의 합  $m + n$ 의 값은 얼마인가?

① -2      ② -1      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

14.  $\frac{2}{x(x+2)} + \frac{2}{(x+2)(x+4)} + \frac{2}{(x+4)(x+6)}$  을 간단히 하면?

①  $\frac{1}{x}$       ②  $\frac{2}{x}$       ③  $\frac{6}{x(x+6)}$   
④  $\frac{2}{x(x+2)}$       ⑤  $\frac{2}{x+2}$

15.  $\frac{1}{1 \cdot 2} + \frac{1}{2 \cdot 3} + \frac{1}{3 \cdot 4} + \frac{1}{4 \cdot 5} + \cdots + \frac{1}{99 \cdot 100}$  을 간단히 하면?

①  $\frac{98}{99}$       ②  $\frac{100}{99}$       ③  $\frac{99}{100}$       ④  $\frac{101}{100}$       ⑤  $\frac{100}{101}$

16. 다음 식을 간단히 하면?

$$1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - \frac{1}{x}}}$$

- ① 1      ②  $x$       ③  $\frac{1}{x}$       ④  $\frac{1}{1-x}$       ⑤  $-x$

17.  $3x = 2y \neq 0$  일 때,  $\frac{3x^2 + 2xy}{x^2 + xy}$  의 값은?

- ①  $\frac{5}{12}$       ②  $\frac{12}{5}$       ③  $\frac{7}{12}$       ④  $\frac{12}{7}$       ⑤  $\frac{10}{3}$

18. 전체집합  $U$ 의 세 부분집합  $A, B, C$ 에 대하여 옳지 않은 것은?

- ①  $(A \cup B) \cap (A \cup B^c) = A$
- ②  $(A - B) \cap (B - A) = \emptyset$
- ③  $(A - B) \cup (A - B^c) = A$
- ④  $(A - B) - C = A - (B \cup C)$
- ⑤  $(A - B) \cap (A - C) = A - (B \cap C)$

19.  $a, b, c$ 가 실수이고  $a^2 + b^2 + c^2 = 4$  일 때  $a + b + \sqrt{2}c$ 의 최댓값과 최솟값을 각각  $M, m$ 이라 할 때,  $M - m$ 의 값을 구하면?

① 4      ② 6      ③ 8      ④ 10      ⑤ 12

20. 집합  $X = \{1, 2, 3, 4\}$ 에서  $X$ 로의 함수  $f : X \rightarrow X$ 를 다음과 같이 정의한다.

$$f(x) \begin{cases} x+1 & (x \leq 3) \\ 1 & (x = 4) \end{cases}$$

○] 때,  $g : X \rightarrow X$ 에 대하여  $g(1) = 3$ 이고  $f \circ g = g \circ f$ 가 성립할 때, 다음 중 옳은 것은?

①  $g(2) < g(3) < g(4)$       ②  $g(2) < g(4) < g(3)$

③  $g(3) < g(2) < g(4)$       ④  $g(3) < g(4) < g(2)$

⑤  $g(4) < g(3) < g(2)$

21.  $0 \leq x \leq 3$  에서 함수  $y = 2|x - 1| + x$  의 최댓값을  $M$ , 최솟값을  $m$  이라 할 때, 상수  $M, m$  의 합  $M + m$ 의 값은?

- ① 9      ② 8      ③ 7      ④ 6      ⑤ 5

22. 두 함수  $y = \sqrt{x+1}$ 과  $y = x+a$ 의 그래프가 서로 다른 두 개의 교점을 가지도록 상수  $a$ 의 값의 범위를 구하면?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} & 1 \leq a < \frac{5}{4} & \textcircled{2} & 1 < a < \frac{5}{4} & \textcircled{3} & 1 \leq a \leq \frac{5}{4} \\ & \frac{5}{4} & & & & \\ \textcircled{4} & 2 \leq a < \frac{5}{4} & \textcircled{5} & 1 \leq a < 3 & & \end{array}$$

23. 집합  $A = \{x|x\text{는 } 15\text{의 약수}\}$ ,  $B = \{x|x\text{는 } 9\text{의 약수}\}$ 에 대하여  $(A \cup B) \cap X = X$ ,  $(A \cap B) \cup X = X$ 를 만족하는 집합  $X$ 의 개수를 구하여라.

▶ 답: \_\_\_\_\_ 개

**24.**  $x = \sqrt{2 + \sqrt{3}}, y = \sqrt{2 - \sqrt{3}}$  일 때,  $\frac{y^3}{x} + \frac{x^3}{y}$ 의 값은?

- ① 7      ② 8      ③ 10      ④ 12      ⑤ 14

25.  $y = \sqrt{x+2}$  와  $x = \sqrt{y+2}$  의 교점의 좌표를 P ( $a, b$ ) 라 할 때,  $a+b$ 의 값을 구하면?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤  $\frac{7}{5}$