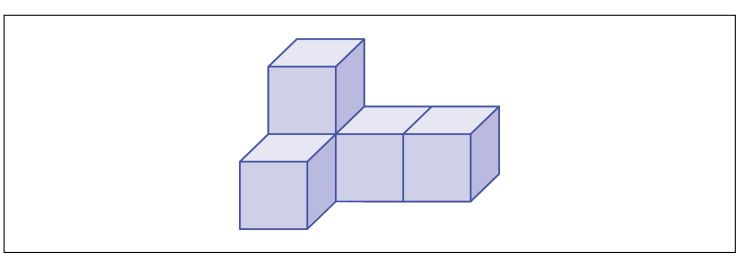
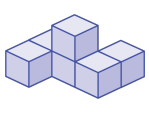
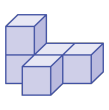
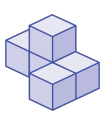
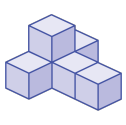
1. 다음 쌓기나무와 모양이 같은 것은 어느 것입니까?

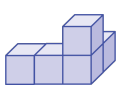


① 

② 

③ 

④ 

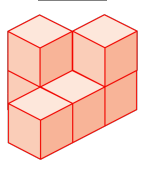
⑤ 

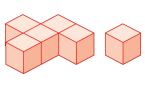
해설

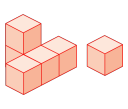
같은 모양이라도 보는 방향에 따라 달라 보일 수 있습니다. 여러 조각을 나누어 비교하면, 보기의 그림의 뒷모습이 ⑤가 됨을 알 수 있습니다.

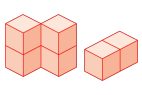
2. 두 부분을 합쳤을 때,<보기>와 같은 모양이 아닌 것은 어느 것입니까?

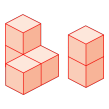
보기

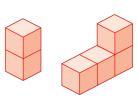


① 

② 

③ 

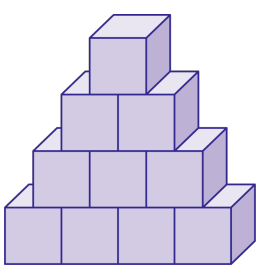
④ 

⑤ 

해설

①은 1 개를 더 위로 쌓아야 보기의 모양이 나옵니다.

3. 다음과 같은 규칙의 쌓기나무가 있습니다. 그림의 규칙으로 맞지 <u>않는</u> 것은 어느 것입니까?



① 아래로 내려갈수록 1 개씩 늘어납니다.

② 위로 올라갈수록 1 개씩 줄어듭니다.

③ 각층끼리 엇갈리게 쌓았습니다.

④ 위로 올라갈수록 2 개씩 줄어듭니다.

⑤ 층마다 쌓기나무 개수가 다릅니다.

해설

아래에서 위로 올라갈수록 4 – 3 – 2 – 1 쌓기나무가 1 개씩 줄어듭니다.

4. 다음 중 비례식이 옳은 것은 어느 것입니까?

① $4 : 1 = 5 : 20$
② $11 : 8 = 22 : 10$
③ $20 : 50 = 2 : 5$
④ $\frac{1}{3} : \frac{2}{3} = 2 : 1$
⑤ $36 : 24 = 2 : 3$

해설

비의 값이 같은지 확인합니다.
③ $20 : 50 = (20 \div 10) : (50 \div 10) = 2 : 5$

5. 비의 값이 $\frac{3}{4}$ 보다 큰 비는 어느 것인지 고르시오.

① 3 : 4　② 4 : 3　③ 5 : 7　④ 6 : 8　⑤ 2 : 7

해설

$$(\text{비의값}) = \frac{(\text{비교하는양})}{(\text{기준량})} = \frac{(\text{전항})}{(\text{후항})}$$

① $3 : 4 = \frac{3}{4}$

② $4 : 3 = \frac{4}{3}$

③ $5 : 7 = \frac{5}{7}$

④ $6 : 8 = \frac{6}{8} = \frac{3}{4}$

⑤ $2 : 7 = \frac{2}{7}$

따라서 $\frac{3}{4}$ 보다 큰 비는 4 : 3이다.

6. 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내려고 합니다. $\square$안에 알맞은 수를 차례대로 써넣으시오.

$\frac{1}{5} : \frac{1}{6} = (\frac{1}{5} \times \square) : (\frac{1}{6} \times \square)$
$= \square : \square$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: 30

▷ 정답: 30

▷ 정답: 6

▷ 정답: 5

해설

전항과 후항에 분모의 최소공배수를 곱한다.

$\frac{1}{5} : \frac{1}{6} = \left(\frac{1}{5} \times 30\right) : \left(\frac{1}{6} \times 30\right) = 6 : 5$

7. 비례식 3 : □ = 18 : 12 에서 □를 구하는 식으로 알맞은 것은 어느 것인지 고르시오.

① $3 \times 12 \times 18$ ② $3 \times 12 \div 18$ ③ $18 \div 3 \times 12$

④ $18 \times 12 \div 3$ ⑤ $18 \div 3 \div 12$

해설

비례식에서 외항의 곱과 내항의 곱이 같다는 성질을 이용한다.

□$\times 18 = 3 \times 12$,

□$= 3 \times 12 \div 18$

8. 영지네 문구점에는 매년 자와 지우개가 4 : 7 로 팔리고 있습니다. 올해 자를 160 개 팔았다면, 지우개는 몇 개를 팔았습니까?

① 160 개 ② 1120 개 ③ 100 개

④ 280 개 ⑤ 2800 개

해설

(자):(지우개)= 4 : 7

지우개를 판 갯수를 □라 하면

4 : 7 = 160 : □

4 × □ = 160 × 7

□ = 1120 ÷ 4

□ = 280(개)

9. 다음 중 어떤 양을 $7 : 8$ 로 비례배분할 때, 알맞은 분수의 비를 모두 고르시오.

① $\frac{1}{7} : \frac{1}{8}$ ② $\frac{1}{8} : \frac{1}{7}$ ③ $\frac{8}{56} : \frac{7}{56}$
④ $\frac{7}{15} : \frac{8}{15}$ ⑤ $\frac{8}{15} : \frac{7}{15}$

해설

가장 간단한 자연수의 비로 고쳐서 $7 : 8$ 이 나오는 것을 찾습니다.
① $8 : 7$ ② $7 : 8$ ③ $8 : 7$ ④ $7 : 8$ ⑤ $8 : 7$

10. 원기둥에 관한 설명으로 옳은 것은 어느 것입니까?

① 앞에서 본 모양은 원입니다.

② 옆면은 곡면입니다.

③ 밑면은 다각형입니다.

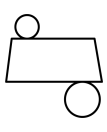
④ 꼭짓점은 2개입니다.

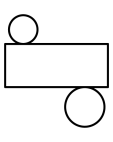
⑤ 모선은 1 개입니다.

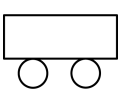
해설

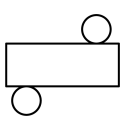
① 원기둥을 앞에서 본 모양은 직사각형입니다.
③ 밑면은 원입니다.
④ 꼭짓점은 없습니다.
⑤ 모선은 원뿔에서 볼 수 있습니다.

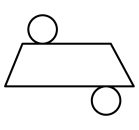
11. 다음 중 원기둥의 전개도는 어느 것입니까?

① 

② 

③ 

④ 

⑤ 

해설

원기둥의 전개도를 그리면 옆면은 직사각형이고,
직사각형의 위, 아래에 합동인 원이 있습니다.

12. 다음은 원뿔에 대한 설명입니다. 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르시오.

① 모선의 수는 무수히 많습니다.

② 옆면은 곡면입니다.

③ 높이는 모선의 길이보다 짧습니다.

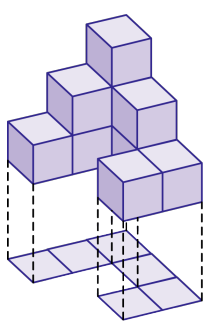
④ 꼭짓점은 2개입니다.

⑤ 높이는 두 밑면의 사이의 거리입니다.

해설

④ 원뿔에서 꼭짓점은 1개입니다.
⑤ 원뿔의 높이는 꼭짓점에서 밑면에 수직으로 내린 선분의 길이입니다.

13. 다음 모양을 만들려면 쌓기나무 몇 개가 필요합니까?



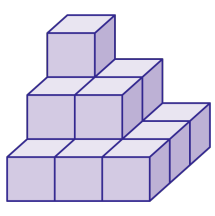
▶ 답 : _____ 개

▷ 정답 : 10 개

해설

1층 → 6개, 2층 → 3개, 3층 → 1개이므로
$6 + 3 + 1 = 10$(개)

14. 쌓기나무로 다음과 같은 모양을 만들려고 합니다. 쌓기나무는 적어도 몇 개 있어야 합니까?

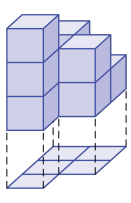


① 9 개 ② 13 개 ③ 14 개 ④ 15 개 ⑤ 16 개

해설

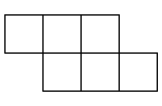
1층에 보이지 않는 쌓기나무가
적어도 4개 있으므로
1층의 쌓기나무는 적어도 9개이고
2층에는 보이지 않는 쌓기나무가 1개 있으므로
2층의 쌓기나무는 4개입니다.
3층에는 1개가 있습니다. 쌓기나무는 모두
$9+4+1=14$(개)가 됩니다.

15. 다음 그림과 같은 모양에 대한 설명으로 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르시오.



① 1층에 5개의 쌓기나무가 사용되었습니다.

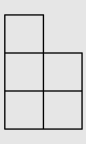
② 2층에 3개의 쌓기나무가 사용되었습니다.

③ 앞에서 본 모양은  과 같습니다.

④ 사용된 쌓기나무는 모두 9개입니다.

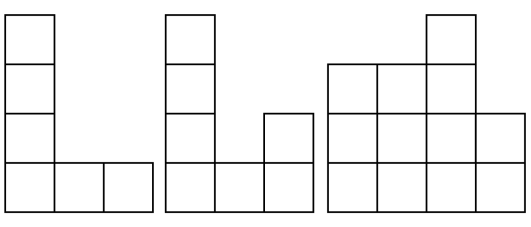
⑤ 사용된 쌓기나무는 모두 11개입니다.

해설

앞에서 본 모양 : 

사용된 쌓기나무 개수 : $2+2+3+1+1=9$(개)

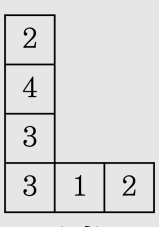
16. 쌓기나무를 위, 앞, 옆에서 본 모양이 다음과 같을 때, 사용한 쌓기나무의 개수를 구하시오.



▶ 답 : 개

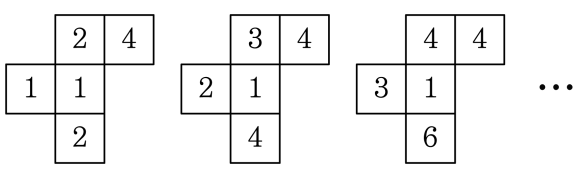
▷ 정답 : 15개

해설



$2+4+3+3+1+2=15$ (개)

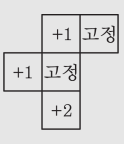
17. 바탕 그림 위의 각 칸에 있는 수만큼 쌓기나무를 쌓았습니다. 다섯 번째에 올 쌓기 나무의 개수는 몇 개인지 구하시오.



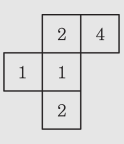
▶ 답 : 개

▷ 정답 : 26 개

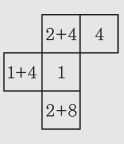
해설



이런 규칙을 갖고 있습니다.

첫번재 바탕그림 

에서 규칙에 따르면 다섯번째 바탕 그림은 아래 그림과 같습니다.



$\rightarrow 6+4+5+1+10=26$(개)

18. 전항이 6 인 비에서 비의 값이 $\frac{6}{11}$ 일 때, 후항은 ㉠이고, 후항이 4 인 비에서 비의 값이 $\frac{7}{4}$ 일 때, 전항은 ㉡이다. ㉠×㉡의 값을 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 77

해설

(전항):(후항)⇒ 비의 값$= \frac{(\text{전항})}{(\text{후항})}$

$6 : ㉠ = \frac{6}{㉠} = \frac{6}{11}$, ㉠ $= 11$

$㉡ : 4 = \frac{㉡}{4} = \frac{7}{4}$, ㉡ $= 7$

㉠ × ㉡ $= 11 \times 7 = 77$

19. 수영이네 감자밭의 $\frac{4}{5}$ 와 배추밭의 $\frac{1}{5}$ 의 넓이는 같습니다. 감자밭과 배추밭의 비를 가장 간단한 자연수의 비로 나타내시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1 : 4

해설

(감자밭)$\times\frac{4}{5}$ =(배추밭)$\times\frac{1}{5}$

$\Rightarrow$ (감자밭) : (배추밭) $= \frac{1}{5} : \frac{4}{5} = 1 : 4$

20. 다음 비례식 중 참인 것은 어느 것인지 고르시오.

① $2 : 3 = \frac{1}{2} : \frac{1}{3}$

② $0.3 : 0.5 = 3 : 5$

③ $2 : 3 = \frac{1}{2} : \frac{1}{6}$

④ $5 : \frac{3}{2} = 15 : 2$

⑤ $3 : 2.4 = 1 : 8$

해설

비례식에서 외항의 곱과 내항의 곱은 같다.

② $0.3 : 0.5 = 3 : 5$

외항의 곱 $= 0.3 \times 5 = 1.5$

내항의 곱 $= 0.5 \times 3 = 1.5$

21. 호두 120 개를 갑과 을 두 사람이 3 : 5 의 비로 비례배분하려고 합니다. 갑과 을은 각각 호두를 몇 개씩 가지게 되는지 차례대로 구한 것은 어느 것입니까?

① $35, 85$ ② $40, 80$ ③ $45, 75$ ④ $50, 70$ ⑤ $55, 65$

해설

갑 : $120 \times \frac{3}{8} = 45$ (개)

을 : $120 \times \frac{5}{8} = 75$ (개)

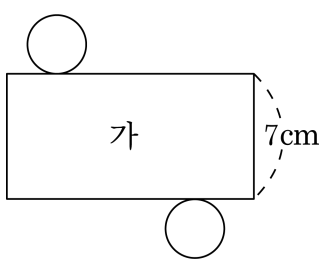
22. 어떤 일을 갑이 3 일, 을이 4 일 동안 하였습니다. 돈은 일한 날수에 비례해서 지급되었고, 두 사람이 받은 돈의 합이 49000 원이었다면 갑은 얼마를 받았겠습니까?

① 14000 원 ② 21000 원 ③ 28000 원
④ 35000 원 ⑤ 42000 원

해설

두 사람의 일한 날 수의 비가 3 : 4 이므로 갑이
받은 금액은 $49000 \times \frac{3}{7} = 21000$ (원) 입니다.

23. 다음 전개도로 만들어지는 원기둥의 밑면의 둘레의 길이가 15.7 cm 입니다. 직사각형 가의 넓이를 구하시오.



▶ 답 : $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답 : $109.9\,\underline{\text{cm}^2}$

해설

원기둥의 밑면의 둘레의 길이와 직사각형의 가로의 길이가 같으므로 직사각형 가의 넓이는
$15.7 \times 7 = 109.9(\text{cm}^2)$ 입니다.

24. 어느 원기둥의 높이가 12 cm 입니다. 이 원기둥의 전개도에서 옆면의 넓이가 186 cm^2 라면, 원기둥의 밑면의 둘레의 길이는 몇 cm 인지 구하시오.

▶ 답 : _____ cm

▷ 정답 : 15.5 cm

해설

(밑면의 둘레의 길이)=(옆면의 가로의 길이)
$= 186 \div 12 = 15.5$(cm)

25. 밑면의 반지름이 5 cm 이고, 겉넓이가 345.4 cm^2 인 원기둥의 높이를 구하시오.

▶ 답 : _____ cm

▷ 정답 : 6 cm

해설

원기둥의 높이를 □라고 하면
(원기둥의 겉넓이) :

$(5 \times 5 \times 3.14) \times 2 + 5 \times 2 \times 3.14 \times \square = 345.4$

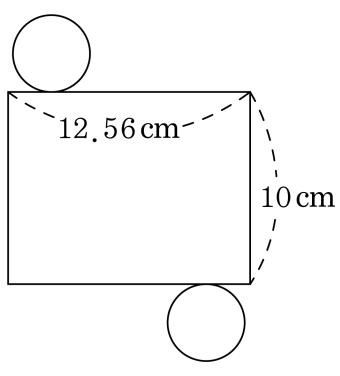
$10 \times 3.14 \times \square = 345.4 - 157$

$31.4 \times \square = 188.4$

$\square = 188.4 \div 31.4$

$\square = 6$ (cm)

26. 다음 그림은 원기둥의 전개도입니다. 이 전개도로 원기둥을 만들 때, 원기둥의 부피를 구하시오.



① 100.48cm^3 ② 105.76cm^3 ③ 116.28cm^3

④ 125.6cm^3 ⑤ 150.76cm^3

해설

(밑면의 반지름의 길이)$= 12.56 \div 3.14 \div 2 = 2(\text{cm})$
(원기둥의 부피)$= 2 \times 2 \times 3.14 \times 10 = 125.6(\text{cm}^3)$

27. 다음 중 부피가 가장 큰 입체도형은 어느 것입니까?

① 지름이 14cm 이고, 높이가 5cm 인 원기둥

② 반지름이 5cm 이고, 높이가 5cm 인 원기둥

③ 한 모서리가 9cm 인 정육면체

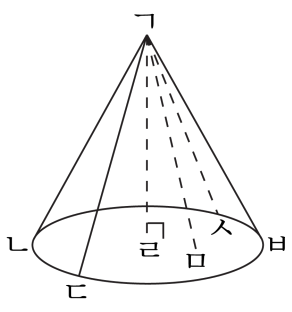
④ 겉넓이가 96cm^2 인 정육면체

⑤ 밑면의 원주가 15.7cm 이고, 높이가 10cm 인 원기둥

해설

① $7 \times 7 \times 3.14 \times 5 = 769.3(\text{cm}^3)$
② $5 \times 5 \times 3.14 \times 5 = 392.5(\text{cm}^3)$
③ $9 \times 9 \times 9 = 729(\text{cm}^3)$
④ 한 모서리의 길이를 $\square\,\text{cm}$ 라 하면
$\square \times \square \times 6 = 96$, $\square \times \square = 16$, $\square = 4(\text{cm})$
따라서 부피는 $4 \times 4 \times 4 = 64(\text{cm}^3)$ 입니다.
⑤ 밑면의 반지름이 $15.7 \div 3.14 \div 2 = 2.5(\text{cm})$ 이므로
부피는 $2.5 \times 2.5 \times 3.14 \times 10 = 196.25(\text{cm}^3)$ 입니다.

28. 다음 그림에서 모선을 나타낸 선분은 모두 몇 개인지 고르시오.

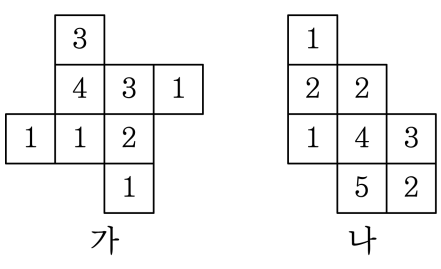


① 5개 ② 4개 ③ 3개 ④ 2개 ⑤ 1개

해설

모선은 원뿔의 꼭짓점과 밑면의 원둘레의 한 점을 이은 선분으로 모선은 선분 ㄱㄴ, 선분 ㄱㄷ, 선분 ㄱㅂ, 선분 ㄱㅅ의 4 개입니다.

29. 다음은 가와 나 모양의 바탕 그림이고, 각 수는 각 칸에 쌓여있는 쌓기나무의 수입니다. 가의 2층에 놓인 쌓기나무의 수와 나의 3층에 놓인 쌓기나무의 수의 합을 구하시오.



▶ 답 : 개

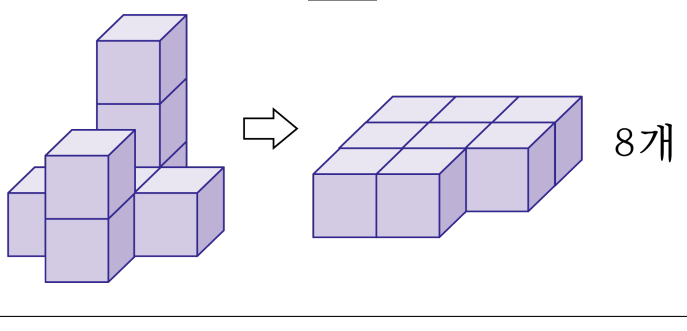
▷ 정답 : 7개

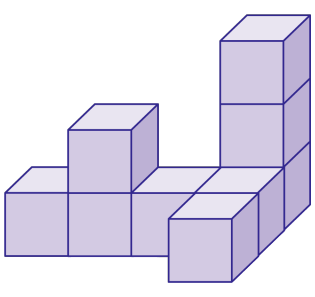
해설

바탕 그림에 나타난 숫자는 각 칸의 층수와 같습니다. 가는 2층 이상이 4칸이므로 2층에 있는 쌓기나무의 수는 4개이고, 나는 3층 이상이 3칸이므로 3층에 있는 쌓기나무의 수는 3개입니다. 따라서, $4+3=7$(개) 입니다.

30. 보기와 같이 쌓기나무의 일부분을 옮겨서 쌓기나무의 개수를 알아보려고 합니다. 주어진 모양의 쌓기나무의 개수는 몇 개인지 구하시오.

보기





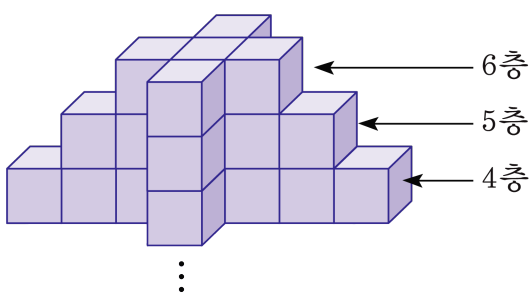
▶ 답 : 개

▷ 정답 : 9개

해설

로 변형 가능하므로 9개입니다.

31. 다음 그림과 같은 규칙에 따라 쌓기나무를 아래 방향으로 6층까지 쌓을 때, 쌓기나무는 모두 몇 개 필요한가?



▶ 답 : _____ 개

▷ 정답 : 60 개

해설

쌓기나무의 수는 층이 내려갈 때마다 2 개씩 늘어납니다. 3층은 11 개, 2층은 13 개, 1층은 15 개입니다.
따라서, 필요한 쌓기나무는 모두
$5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15 = 60$(개) 입니다.

32. 어느 원기둥의 높이가 8 cm 입니다. 이 원기둥의 전개도에서 밑면의 둘레의 길이가 47.1 cm 라면, 원기둥의 옆면의 둘레의 길이는 몇 cm 인지 구하시오.

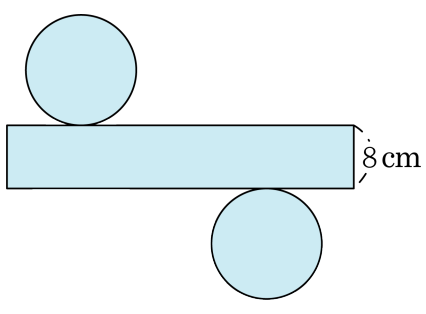
▶ 답 : _____ cm

▷ 정답 : 110.2 cm

해설

옆면의 가로의 길이는 밑면의 둘레의 길이와
같으므로 47.1 cm 입니다.
따라서 옆면의 둘레의 길이는
$47.1 + 8 + 47.1 + 8 = 110.2$(cm) 입니다.

33. 옆넓이가 $351.68\,\mathrm{cm}^2$ 인 원기둥의 전개도입니다. 원기둥의 겉넓이를 구하시오.



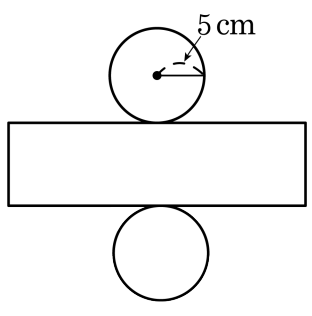
▶ 답 : $\underline{\mathrm{cm}^2}$

▷ 정답 : $659.4\,\underline{\mathrm{cm}^2}$

해설

(옆면의 가로의 길이)
= (옆면의 넓이)÷ (높이)→ $351.68 \div 8 = 43.96$ (cm)
(밑면의 반지름)
= (옆면의 가로의 길이)÷ (원주율)÷2
= $43.96 \div 3.14 \div 2 = 7$(cm)
(원기둥의 한 밑면의 넓이)
= $7 \times 7 \times 3.14 = 153.86$ (cm^2)
(원기둥의 겉넓이)
= (한 밑면의 넓이)×2+ (옆면의 넓이)
= $153.86 \times 2 + 351.68 = 659.4$ (cm^2)

34. 다음 전개도로 만들어지는 원기둥의 부피가 628cm^3 일 때, 옆면인 직사각형의 둘레의 길이를 구하시오.



▶ 답 : _____ cm

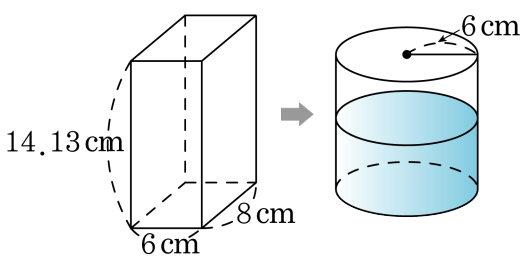
▷ 정답 : 78.8 cm

해설

직사각형의 세로의 길이는 원기둥의 높이와 같습니다.
높이를 $\square$cm 라 하면

$5 \times 5 \times 3.14 \times \square = 628, \quad \square = 8(\text{cm})$
따라서 직사각형의 둘레의 길이는
$(10 \times 3.14 + 8) \times 2 = 39.4 \times 2 = 78.8(\text{cm})$ 입니다.

35. 그림과 같은 직육면체 물통에 물을 가득 넣은 후 반지름이 6 cm인 원기둥 물통에 옮겨 담으면, 물의 높이는 몇 cm가 되는지 구하시오.



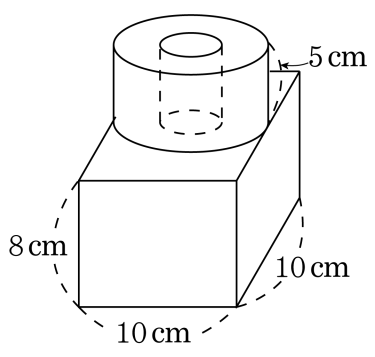
▶ 답 : _____ cm

▷ 정답 : 6 cm

해설

(직육면체의 부피)$=14.13\times6\times8=678.24\ (\mathrm{cm}^3)$
(원기둥의 물의 높이)$=678.24\div(6\times6\times3.14)=6\ (\mathrm{cm})$

36. 아래 입체도형은 지름이 10 cm인 원기둥안에 반지름이 2 cm인 원기둥 모양의 구멍을 뚫어 사각기둥 위에 올려놓은 것입니다. 이 입체도형의 겉넓이를 구하시오.



▶ 답 : $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답 : 739.8 $\underline{\text{cm}^2}$

해설

윗면과 아랫면의 넓이는 같습니다.
(겉넓이) = (윗면의 넓이)×2+ (원기둥의 바깥쪽 옆넓이) + (원기둥의 안쪽 옆넓이) +(직육면체의 옆넓이)
$= (10\times10\times2)+(10\times3.14\times5)+(2\times2\times3.14\times5)+(10\times4\times8)$
$= 200 + 157 + 62.8 + 320$
$= 739.8(\text{cm}^2)$

37. 하루에 8분씩 늦게 가는 시계가 있습니다. 어느 날 오전 9시에 정확히 시계를 맞추고, 다음날 오전 6시에 이 시계가 가리키는 시간은 얼마인지 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 오전 5시 53분

해설

오전 9시부터 다음날 오전 6시까지는 21시간이며, 8분(480초)입니다.

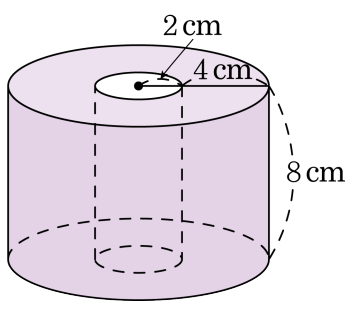
$24 : 480 = 21 : \square$

$\square = 480 \times 21 \div 24$

$\square = 420$(초) $\Rightarrow$ 7분

이 시계는 오전 6시에는 7분 느린 오전 5시 53분입니다.

38. 다음 입체도형의 부피를 구하시오.

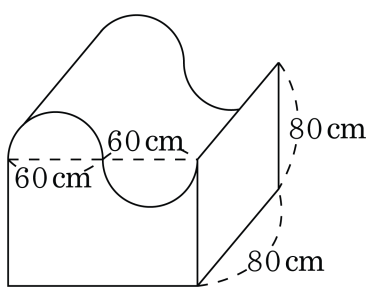


① 803.84cm^3 ② 756.12cm^3 ③ 608.44cm^3
④ 589.76cm^3 ⑤ 456.12cm^3

해설

$(6 \times 6 \times 3.14 \times 8) - (2 \times 2 \times 3.14 \times 8)$
$= 904.32 - 100.48$
$= 803.84(\text{cm}^3)$

39. 해정이네 학교에 다음과 같은 조형물이 세워졌습니다. 해정이네반 아이들 모두가 이 조형물의 겉면을 칠해야 할 때, 칠해야 할 넓이를 구하시오.



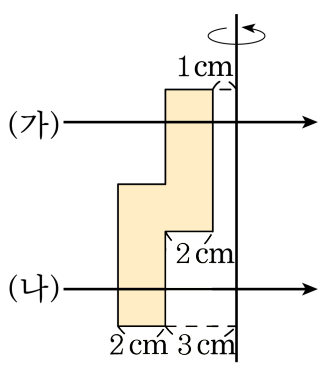
▶ 답 : $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답 : 56672 $\underline{\text{cm}^2}$

해설

$$\begin{aligned}(\text{겉넓이}) &= (\text{윗면}) + (\text{아랫면}) + (\text{옆면}) \\ &= (60 \times 3.14 \times 80) + (120 \times 80) \\ &\quad + \{(120 + 80) \times 2 \times 80\} \\ &= 15072 + 9600 + 32000 \\ &= 56672(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

40. 다음 평면도형을 1 회전 하여 얻어지는 입체도형을 회전축에 수직인 평면 (가)와 (나)로 각각 자른 단면의 넓이의 차를 구하시오.



▶ 답 : $\underline{\text{cm}^2}$

▷ 정답 : $25.12\,\underline{\text{cm}^2}$

해설

(가) 로 자른 단면의 넓이
$= (3 \times 3 \times 3.14) - (1 \times 1 \times 3.14)$
$= 28.26 - 3.14 = 25.12(\text{cm}^2)$
(나) 로 자른 단면의 넓이
$= (5 \times 5 \times 3.14 - 3 \times 3 \times 3.14)$
$= 78.5 - 28.26 = 50.24(\text{cm}^2)$
(가) 와 (나) 의 넓이의 차는
$50.24 - 25.12 = 25.12(\text{cm}^2)$