

1. 영이의 4 회에 걸친 음악 성적이 90, 84, 88, 94 이다. 다음 시험에서 몇 점을 받아야 평균이 90 점 되겠는가?

- ① 88 점 ② 90 점 ③ 92 점 ④ 94 점 ⑤ 96 점

해설

다음에 받아야 할 점수를 x 점이라고 하면

$$(\text{평균}) = \frac{90 + 84 + 88 + 94 + x}{5} = 90, \quad \frac{356 + x}{5} = 90, \quad 356 +$$

$$x = 450 \quad \therefore x = 94$$

따라서 94 점을 받으면 평균90 점이 될 수 있다.

2. 다음은 5 명의 학생의 50m 달리기 결과의 편차를 나타낸 표이다.
이 5 명의 50m 달리기 결과의 평균이 7 점 일 때, 영진이의 성적과
표준편차를 차례대로 나열한 것은?

이름	윤숙	태경	혜진	도경	영진
편차(점)	-1	1.5	x	0.5	0

- ① 5 점, $\sqrt{0.8}$ kg ② 6 점, $\sqrt{0.9}$ kg ③ 6 점, 1kg
④ 7 점, $\sqrt{0.9}$ kg ⑤ 8 점, 1kg

해설

영진이의 성적은 $7 - 0 = 7$ (점)

또한, 편차의 합은 0 이므로

$$-1 + 1.5 + x + 0.5 + 0 = 0, \quad x + 1 = 0 \quad \therefore x = -1$$

따라서 분산이

$$\frac{(-1)^2 + 1.5^2 + (-1)^2 + 0.5^2 + 0^2}{5} = \frac{4.5}{5} = 0.9$$

이므로 표준편차는 $\sqrt{0.9}$ kg 이다.

3. 다음 표는 A, B, C, D, E 인 5 명의 학생의 수학 쪽지 시험의 결과를 나타낸 것이다. 이 자료의 분산은?

학생	A	B	C	D	E
변량(점)	7	9	6	7	6

- ① 1 ② 1.2 ③ 1.4 ④ 1.6 ⑤ 1.8

해설

주어진 자료의 평균은

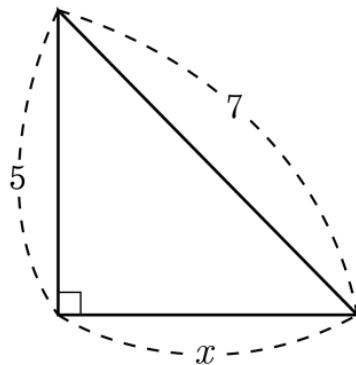
$$\frac{7+9+6+7+6}{5} = \frac{35}{5} = 7(\text{점})$$

이므로 각 자료의 편차는 0, 2, -1, 0, -1 이다.

따라서 분산은

$$\frac{0^2 + 2^2 + (-1)^2 + 0^2 + (-1)^2}{5} = \frac{6}{5} = 1.2$$

4. 다음을 만족하는 x 의 값을 구하여라.



- ① $2\sqrt{3}$ ② $2\sqrt{6}$ ③ $3\sqrt{8}$ ④ 4 ⑤ 6

해설

빗변이 7인 직각삼각형이므로 피타고라스 정리에 의해 $x^2 + 5^2 = 7^2$ 성립해야 하므로

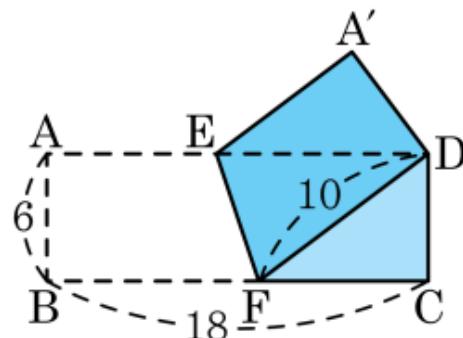
$$x^2 = 7^2 - 5^2$$

$$= 49 - 25$$

$$= 24$$

$$\therefore x = \sqrt{24} = 2\sqrt{6} (\because x > 0)$$

5. 다음 그림은 직사각형 ABCD 의 점 B 가 점 D 에 오도록 접은 것이다. \overline{BF} 의 길이는?



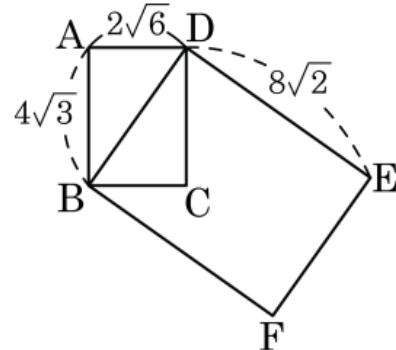
- ① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설

$$\overline{BF} = \overline{FD}$$

$$\therefore \overline{BF} = 10$$

6. 다음 그림과 같이 직사각형 ABCD 의 대각선을 한 변으로 하는 직사각형 BDEF의 넓이는?



- ① 24 ② 48 ③ 72 ④ 96 ⑤ 124

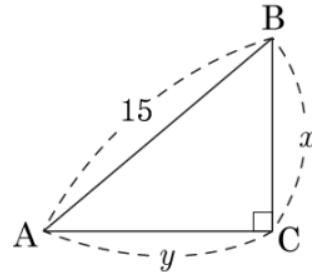
해설

삼각형 ABD에서 피타고라스 정리에 따라

$$\sqrt{(2\sqrt{6})^2 + (4\sqrt{3})^2} = 6\sqrt{2}$$

따라서 직사각형 BDEF의 넓이는
 $6\sqrt{2} \times 8\sqrt{2} = 96$ 이다.

7. $\cos A = \frac{1}{3}$ 인 직각삼각형 ABC에서 xy의 값을 구하여라. (단, $0^\circ < A < 90^\circ$)



▶ 답 :

▷ 정답 : $50\sqrt{2}$

해설

빗변의 길이가 주어진 경우

$$y = \overline{AC} = \overline{AB} \times \cos A \text{ 이므로}$$

$$y = 15 \times \frac{1}{3} = 5 \text{ 이다.}$$

피타고라스 정리에 의해 $x = \sqrt{15^2 - 5^2} = \sqrt{200} = 10\sqrt{2}$ 이다.
따라서 $xy = 5 \times 10\sqrt{2} = 50\sqrt{2}$ 이다.

8. 이차방정식 $3x^2 + ax - \frac{5}{4} = 0$ 의 한 근이 $\cos 60^\circ$ 일 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 1

해설

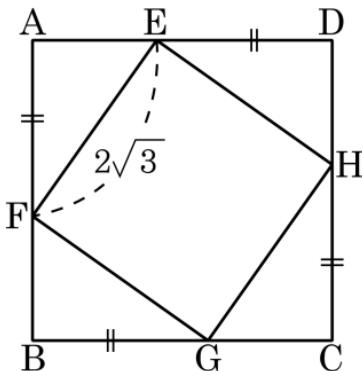
이차방정식의 한 근이 $\frac{1}{2}$ 이므로 x 의 값에 대입하면

$$\frac{3}{4} + \frac{1}{2}a - \frac{5}{4} = 0$$

$$2a = 2$$

$$a = 1 \text{ 이다.}$$

9. 다음 그림과 같이 정사각형 ABCD에서 $\overline{AF} = \overline{BG} = \overline{CH} = \overline{DE}$ 이고 $\overline{AE} : \overline{DE} = 1 : \sqrt{2}$ 일 때, 정사각형 ABCD의 둘레의 길이는?



- ① $4(\sqrt{2} + 1)$ ② $8(\sqrt{3} + 1)$ ③ $4(\sqrt{3} + 2)$
④ $8(\sqrt{2} + 1)$ ⑤ $8(\sqrt{2} + 2)$

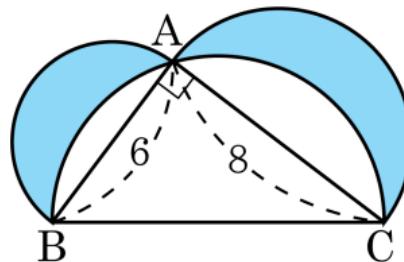
해설

$\overline{AE} : \overline{DE} = 1 : \sqrt{2}$ 이므로 $\overline{AE} = x$ 라 하면 $\overline{DE} = \sqrt{2}x$

$\triangle AEF$ 에 피타고라스 정리를 적용하면 $12 = x^2 + 2x^2 = 3x^2$ 이 되어 $x = 2$ 이 성립한다.

따라서 $\square ABCD$ 의 둘레의 길이는 $4(2 + 2\sqrt{2}) = 8(1 + \sqrt{2})$ 이다.

10. 다음 그림에서 직각삼각형 ABC에서 $\overline{AB} = 6$, $\overline{AC} = 8$ 일 때, 어두운 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 24

해설

어두운 부분의 넓이는 $\triangle ABC$ 와 같으므로

$$\therefore \frac{1}{2} \times 6 \times 8 = 24$$

11. 높이가 6 cm 인 정삼각형의 넓이를 구하면?

- ① 6 cm^2
- ② 9 cm^2
- ③ $9\sqrt{3} \text{ cm}^2$
- ④ $10\sqrt{2} \text{ cm}^2$
- ⑤ $12\sqrt{3} \text{ cm}^2$

해설

정삼각형의 한 변의 길이를 $a \text{ cm}$ 라 하면,

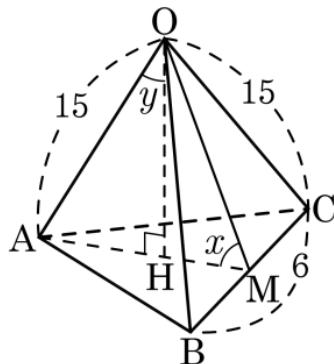
$$\text{높이 } h = \frac{\sqrt{3}}{2}a \text{ 이므로 } \frac{\sqrt{3}}{2}a = 6$$

$$\therefore a = 4\sqrt{3}$$

따라서, 넓이

$$S = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2 = \frac{\sqrt{3}}{4}(4\sqrt{3})^2 = 12\sqrt{3} (\text{cm}^2) \text{ 이다.}$$

12. 다음 그림과 같이 모서리의 길이가 15인 정사면체의 한 꼭짓점 O에서 밑면에 내린 수선의 발을 H라 하고, \overline{BC} 의 중점을 M이라 하자. 이때, 정사면체의 높이 \overline{OH} 의 값을 구하여라.



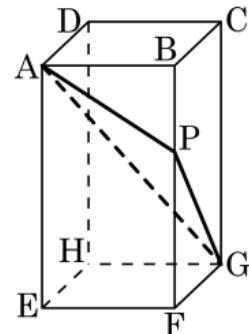
▶ 답 :

▷ 정답 : $5\sqrt{6}$

해설

$$\overline{OH} = \frac{\sqrt{6}}{3} \times 15 = 5\sqrt{6}$$

13. 다음 그림의 직육면체는 $\overline{AB} = 3\sqrt{3}$, $\overline{BC} = 2\sqrt{3}$, $\overline{AE} = 5$ 이고, \overline{AG} 는 직육면체의 대각선이다. 점 P는 점 A에서 G까지 직육면체의 표면을 따라 갈 때 최단거리가 되게 하는 \overline{BF} 위의 점일 때, $\triangle PAG$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 18

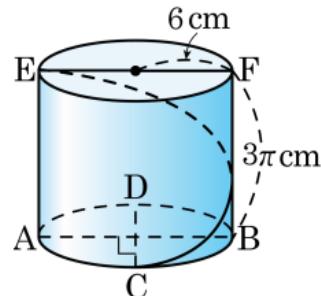
해설

$$\overline{AP} + \overline{PG} = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 + (2\sqrt{3})^2 + 5^2} = 10$$

또, 대각선 $\overline{AG} = \sqrt{(3\sqrt{3})^2 + (2\sqrt{3})^2 + 5^2} = 8$

$$\therefore (\triangle PAG \text{의 둘레의 길이}) = 10 + 8 = 18$$

14. 다음 그림과 같이 밑면인 원의 반지름의 길이가 6 cm , 높이가 $3\pi\text{ cm}$ 인 원기둥에서 밑면의 지름 AB 와 수직인 지름 CD 에 대하여 점 C에서 점 E 까지 원기둥의 옆면을 따라 오른쪽으로 올라갈 때의 최단 거리를 구하여라. (단, $\overline{AB} \parallel \overline{EF}$)



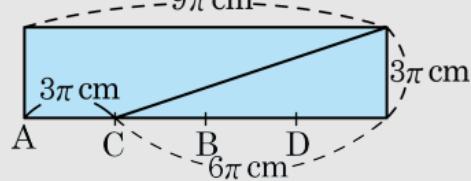
▶ 답 : cm

▷ 정답 : $3\sqrt{10}\pi\text{ cm}$

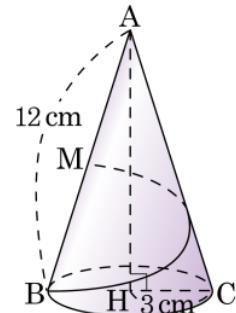
해설

$$\begin{aligned} & \sqrt{(3\pi)^2 + (9\pi)^2} \\ & 3\sqrt{10}\pi (\text{ cm}) \end{aligned}$$

=



15. 다음 그림과 같이 모선의 길이가 12 cm이고, 밑면의 반지름의 길이가 3 cm인 원뿔이 있다. 모선 AB의 중점을 M이라 하고, 점 B로부터 원뿔의 옆면을 따라 한 바퀴 돌아 점 M으로 갈 때, 최단 거리를 구하여라.



▶ 답 : cm

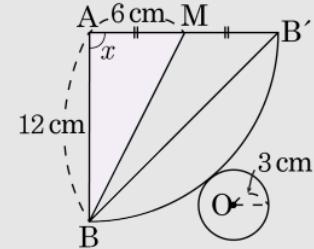
▶ 정답 : $6\sqrt{5}$ cm

해설

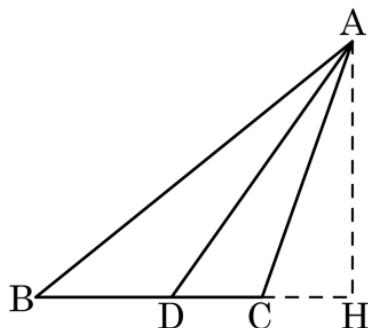
전개도를 그려, 부채꼴의 중심각을 x 라 하면,

$$2\pi \times 12 \times \frac{x}{360^\circ} = 2\pi \times 3 \quad \therefore x = 90^\circ$$

$$\overline{MB} = \sqrt{6^2 + 12^2} = \sqrt{180} = 6\sqrt{5} \text{ (cm)}$$



16. 다음 그림과 같이 $\angle C$ 가 둔각인 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = 9$, $\overline{AC} = 6$ 이고, $\angle A$ 의 이등분선이 변 BC 와 만나는 점을 D 라 하면 $\overline{BD} = 3$ 이다. 이 때, 점 A에서 변 BC의 연장선에 내린 수선 \overline{AH} 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $4\sqrt{2}$

해설

$\triangle ABC$ 에서 $\angle BAD = \angle CAD$ 이므로

$$\overline{AB} : \overline{AC} = \overline{BD} : \overline{DC}$$

$$9 : 6 = 3 : \overline{DC} \therefore \overline{DC} = 2$$

직각삼각형 ABH에서 $\overline{CH} = x$, $\overline{AH} = h$ 라 하면

$$h^2 = 9^2 - (3 + 2 + x)^2 \cdots ⑦$$

마찬가지로 $\triangle ACH$ 에서

$$h^2 = 6^2 - x^2 \cdots ⑧$$

⑦-⑧에서

$$9^2 - (x + 5)^2 = 6^2 - x^2$$

$$81 - x^2 - 10x - 25 = 36 - x^2$$

$$-10x = -20$$

$$\therefore x = 2$$

$x = 2$ 를 ⑧에 대입하면

$$h^2 = 6^2 - 2^2 = 32$$

$$\therefore h = 4\sqrt{2} (\because h > 0)$$

17. $\overline{AB} = 3$, $\overline{BC} = 5$, $\overline{CD} = 6$, $\overline{DA} = 4$ 인 사각형 ABCD 의 대각선의 길이가 각각 $2\sqrt{10}$, $3\sqrt{5}$ 일 때, 두 대각선의 중점 사이의 거리를 구하여라

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{2}$

해설

대각선 \overline{AC} , \overline{BD} 의 중점을 각각 F, E 라 하고, 보조선 BF 와 DF 를 그으면

$\triangle ABC$ 에서 파푸스의 정리에 의해

$$3^2 + 5^2 = 2(\overline{BF^2} + \overline{AF^2}) \cdots ①$$

$\triangle ADC$ 에서 파푸스의 정리에 의해

$$4^2 + 6^2 = 2(\overline{DF^2} + \overline{AF^2}) \cdots ②$$

① + ② 을 하면

$$3^2 + 4^2 + 5^2 + 6^2 = 2(\overline{BF^2} + \overline{DF^2}) + 4\overline{AF^2}$$

$\triangle BFD$ 에서 파푸스의 정리에 의해

$$\overline{BF^2} + \overline{DF^2} = 2(\overline{EF^2} + \overline{DE^2}) \cdots ③$$

또, $\overline{AC} = 2\overline{AF}$ 이므로 $\overline{AC^2} = 4\overline{AF^2} \cdots ④$

$\overline{BD} = 2\overline{DE}$ 이므로 $\overline{BD^2} = 4\overline{DE^2} \cdots ⑤$

$$3^2 + 4^2 + 5^2 + 6^2$$

$$= 2(\overline{BF^2} + \overline{DF^2}) + 4\overline{AF^2}$$

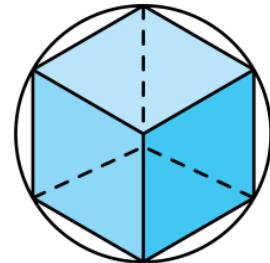
$$= 4(\overline{DE^2} + \overline{EF^2}) + 4\overline{AF^2} (\because ③)$$

$$= 4\overline{AF^2} + 4\overline{DE^2} + 4\overline{EF^2}$$

$$= \overline{AC^2} + \overline{BD^2} + 4\overline{EF^2} (\because ④, ⑤)$$

따라서, $86 = (2\sqrt{10})^2 + (3\sqrt{5})^2 + 4\overline{EF^2}$ 이므로 $\overline{EF} = \frac{1}{2}$ 이다.

18. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 8 cm인 정육면체에 외접하는 구의 반지름의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $4\sqrt{3}$ cm

해설

정육면체에 외접하는 구의 중심은 정육면체의 두 대각선의 교점이므로 구의 반지름은 대각선의 길이의 반이다.

$$\begin{aligned}(\text{반지름}) &= \frac{1}{2} \times (\text{대각선의 길이}) \\&= \frac{1}{2} \times \sqrt{8^2 + 8^2 + 8^2} \\&= \frac{1}{2} \times 8\sqrt{3} \\&= 4\sqrt{3}\end{aligned}$$