

1. 측의 방정식이 $x = -1$ 이고 두 점 $(-1, 6), (1, 2)$ 를 지나는 포물선의 식을 $y = ax^2 + bx + c$ 의 꼴로 나타낼 때, abc 의 값을 구하면?

① 5 ② 7 ③ 10 ④ 12 ⑤ 15

해설

측의 방정식이 $x = -1$ 이므로

$$y = a(x + 1)^2 + q$$

점 $(-1, 6)$ 과 점 $(1, 2)$ 를 지나므로

$$6 = q, 2 = 4a + q$$

$$\therefore a = -1, q = 6$$

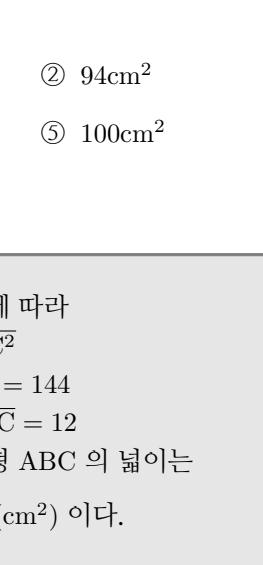
$$\therefore y = -(x + 1)^2 + 6$$

따라서 $y = -x^2 - 2x + 5$

$$\therefore a = -1, b = -2, c = 5$$

$$\therefore abc = 10$$

2. 다음과 같은 직각삼각형 ABC 의 넓이는?



- ① 92cm^2 ② 94cm^2 ③ $\textcircled{③} 96\text{cm}^2$
④ 98cm^2 ⑤ 100cm^2

해설

피타고라스 정리에 따라
 $\overline{AC}^2 = \overline{AB}^2 - \overline{BC}^2$
 $\overline{AC}^2 = 400 - 256 = 144$
 $\overline{AC} > 0$ 이므로 $\overline{AC} = 12$
따라서 직각삼각형 ABC 의 넓이는
 $\frac{1}{2} \times 16 \times 12 = 96(\text{cm}^2)$ 이다.

3. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle C = 90^\circ$ 일 때, x 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{9}{2}$

해설

$$(x+3)^2 = x^2 + 6^2$$

$$x^2 + 6x + 9 = x^2 + 36$$

$$6x = 27$$

$$\therefore x = \frac{27}{6} = \frac{9}{2}$$

4. 다음 중 x 축과의 교점이 $(-2, 0)$, $(2, 0)$ 이고 한 점 $(0, -2)$ 를 지나는
포물선의 식은?

① $y = \frac{1}{2}x^2 - 2$

③ $y = -x^2 + 6x - 8$

⑤ $y = -\frac{1}{2}x^2 - 2$

② $y = 3x^2 - 3x - 6$

④ $y = x^2 + 6x - 8$

해설

$y = a(x+2)(x-2)$ 이고, $(0, -2)$ 를 지난다.

$-2 = -4a$

$\therefore a = \frac{1}{2}$

$y = \frac{1}{2}(x+2)(x-2) = \frac{1}{2}(x^2 - 4)$

$\therefore y = \frac{1}{2}x^2 - 2$

5. 이차함수 $y = x^2 - ax + b$ 가 $x = 2$ 에서 최솟값 4 를 가질 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 12

해설

$x = 2$ 에서 최솟값이 4 이므로

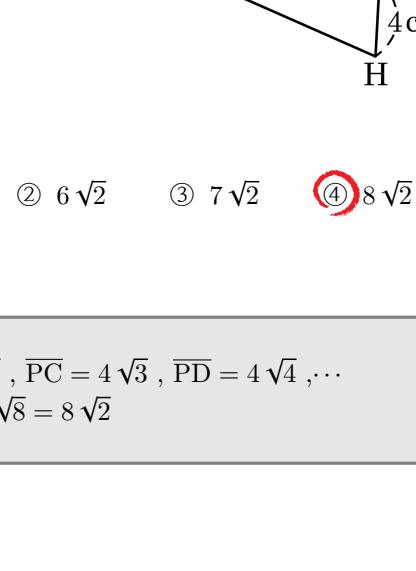
꼭짓점의 좌표가 $(2, 4)$ 이다.

$$y = (x - 2)^2 + 4 = x^2 - 4x + 8$$

$$a = 4, b = 8$$

$$\therefore a + b = 12$$

6. 다음 그림에서 \overline{PH} 의 길이를 구하여라.

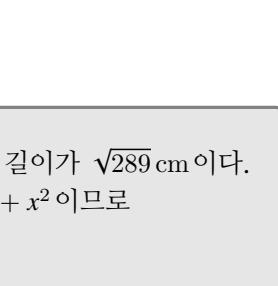


- ① $5\sqrt{2}$ ② $6\sqrt{2}$ ③ $7\sqrt{2}$ ④ $8\sqrt{2}$ ⑤ $9\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}\overline{PB} &= 4\sqrt{2}, \overline{PC} = 4\sqrt{3}, \overline{PD} = 4\sqrt{4}, \dots \\ \therefore \overline{PH} &= 4\sqrt{8} = 8\sqrt{2}\end{aligned}$$

7. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 정사각형이다.
어두운 부분의 넓이가 289 cm^2 일 때, x 의
값을 구하여라.



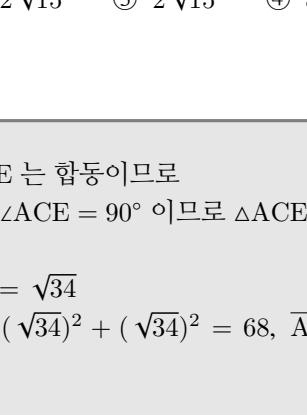
▶ 답: cm

▷ 정답: 8cm

해설

어두운 부분은 정사각형이므로 한 변의 길이가 $\sqrt{289} \text{ cm}$ 이다.
피타고라스 정리에서 $(\sqrt{289})^2 = (15)^2 + x^2$ 이므로
 $x^2 + 15^2 = 289$, $x^2 = 64$
 $\therefore x = 8(\text{cm})$

8. 다음 그림에서 두 직각삼각형 ABC 와 CDE 는 합동이고, 세 점 B, C, D 는 일직선 위에 있다. $\overline{BC} = 5$, $\overline{CD} = 3$ 일 때, \overline{AE} 의 길이는?



- ① $\sqrt{17}$ ② $2\sqrt{15}$ ③ $2\sqrt{15}$ ④ 8 ⑤ $2\sqrt{17}$

해설

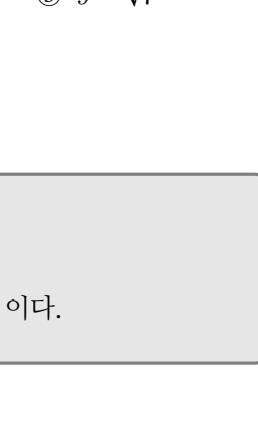
$\triangle ABC$ 와 $\triangle CDE$ 는 합동이므로
 $\overline{AC} = \overline{CE}$ 이고 $\angle ACE = 90^\circ$ 이므로 $\triangle ACE$ 는 직각이등변삼각

형이다.

$$\overline{AC} = \sqrt{25+9} = \sqrt{34}$$

따라서 $\overline{AE}^2 = (\sqrt{34})^2 + (\sqrt{34})^2 = 68$, $\overline{AE} = \sqrt{68} = 2\sqrt{17}$ 이다.

9. 다음 그림에서 4 개의 직각삼각형은 모두 합동이고, $\overline{AB} = 4$, $\overline{AE} = 3$ 일 때, 사각형 EFGH 의 넓이를 구하면?



- ① 9 ② $3 - \sqrt{7}$ ③ $9 - \sqrt{7}$
 ④ $16 - 2\sqrt{7}$ ⑤ $16 - 6\sqrt{7}$

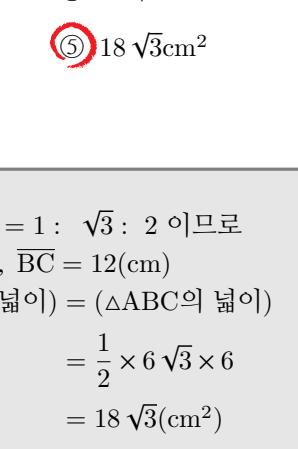
해설

$$\overline{BE} = \sqrt{4^2 - 3^2} = \sqrt{7}$$

$$\overline{EF} = 3 - \sqrt{7}$$

따라서 $\square EFGH = (3 - \sqrt{7})^2 = 16 - 6\sqrt{7}$ 이다.

10. 다음 그림은 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 의 세 변을 지름으로 하는 반원을 그린 것이다. 색칠한 부분의 넓이를 고르면?



- ① $10\sqrt{3}\text{cm}^2$ ② $12\sqrt{3}\text{cm}^2$ ③ $14\sqrt{3}\text{cm}^2$
④ $16\sqrt{3}\text{cm}^2$ ⑤ $18\sqrt{3}\text{cm}^2$

해설

$$\overline{AC} : \overline{AB} : \overline{BC} = 1 : \sqrt{3} : 2 \text{ 이므로}$$

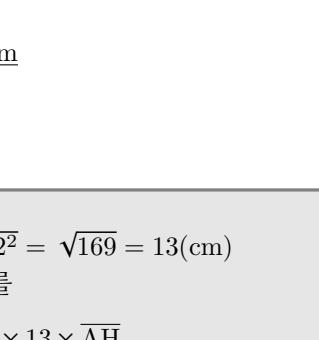
$$\overline{AB} = 6\sqrt{3}(\text{cm}), \overline{BC} = 12(\text{cm})$$

$$(\text{색칠한 부분의 넓이}) = (\triangle ABC \text{의 넓이})$$

$$= \frac{1}{2} \times 6\sqrt{3} \times 6$$

$$= 18\sqrt{3}(\text{cm}^2)$$

11. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 5\text{cm}$, $\overline{AD} = 12\text{cm}$ 인 직사각형 ABCD에 있을 때, \overline{AH} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: $\frac{60}{13}\text{cm}$

해설

$$\overline{BD} = \sqrt{5^2 + 12^2} = \sqrt{169} = 13(\text{cm})$$

$\triangle ABD$ 의 넓이를

$$\frac{1}{2} \times 5 \times 12 = \frac{1}{2} \times 13 \times \overline{AH}$$

$$\therefore \overline{AH} = \frac{60}{13}\text{cm}$$

12. 다음 그림의 정삼각형에서 점 G는 $\triangle ABC$ 의 무게 중심이고, $\overline{AG} = 8\sqrt{3}$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $144\sqrt{3}$

해설

정삼각형의 한 변의 길이를 a 라 하면

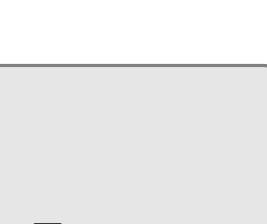
$$\frac{\sqrt{3}}{2}a \times \frac{2}{3} = 8\sqrt{3}$$

$$\therefore a = 24$$

따라서 $\triangle ABC$ 의 넓이는

$$\frac{\sqrt{3}}{4} \times 24^2 = 144\sqrt{3}$$
이다.

13. 다음 그림에서 x 의 값은?



① $\frac{\sqrt{5}}{4}$

② $\frac{3\sqrt{5}}{4}$

③ $\frac{3\sqrt{15}}{4}$

④ $\frac{5\sqrt{15}}{4}$

⑤ $\frac{7\sqrt{15}}{4}$

해설

$\overline{BH} = a$ 라 하면

$$4^2 - a^2 = 6^2 - (8 - a)^2, \quad a = \frac{11}{4}$$

$$\text{따라서 } x = \sqrt{4^2 - \left(\frac{11}{4}\right)^2} = \sqrt{\frac{135}{16}} = \frac{3\sqrt{15}}{4} \text{이다.}$$

14. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 x 의 길이를 구하여라.



- ① $\sqrt{3}$ cm ② $2\sqrt{3}$ cm ③ $3\sqrt{3}$ cm
④ $4\sqrt{3}$ cm ⑤ $5\sqrt{3}$ cm

해설

$$\begin{aligned}\overline{AC} : \overline{AH} &= 2 : \sqrt{3} \\ 8 : x &= 2 : \sqrt{3} \\ \therefore x &= 4\sqrt{3}(\text{cm})\end{aligned}$$

15. 다음 그림과 같이 밑면은 가로, 세로의 길이가 각각 8cm, 6cm 인 직사각형이고 옆면의 모서리의 길이는 모두 13cm 인 사각뿔의 부피를 구하여라.



▶ 답 : $\underline{\text{cm}^3}$

▷ 정답 : 192 cm^3

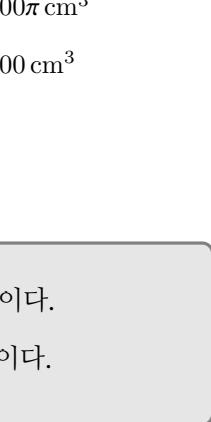
해설

$$1) \overline{BD} = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10 \Rightarrow \overline{BH} = 5$$

$$2) \overline{AH} = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12$$

$$\therefore V = \frac{1}{3} \times (6 \times 8) \times 12 = 192(\text{cm}^3)$$

16. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 5 cm, 모선의 길이가 13 cm 인 원뿔이 있다. 원뿔의 높이 h 와 부피 V 모두 바르게 구한 것은?



① 10 cm , $100\pi \text{ cm}^3$ ② 11 cm , $100\pi \text{ cm}^3$

③ 11 cm , $120\pi \text{ cm}^3$ ④ 12 cm , $100\pi \text{ cm}^3$

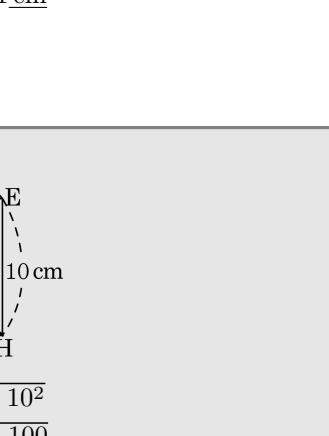
⑤ 12 cm , $120\pi \text{ cm}^3$

해설

원뿔의 높이 h 는 $\sqrt{13^2 - 5^2} = \sqrt{144} = 12(\text{cm})$ 이다.

원뿔의 부피는 $\frac{1}{3} \times \pi \times 5^2 \times 12 = 100\pi(\text{cm}^3)$ 이다.

17. 다음 그림의 직육면체에서 점 B 부터 점 H 까지의 최단거리를 구하여라.



▶ 답: cm

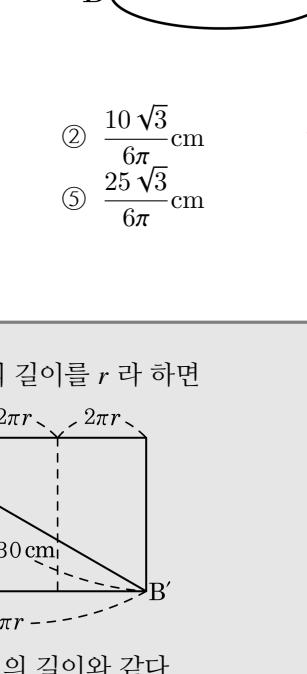
▷ 정답: $\sqrt{221}$ cm

해설



$$\begin{aligned} BH &= \sqrt{11^2 + 10^2} \\ &= \sqrt{121 + 100} \\ &= \sqrt{221}(\text{cm}) \end{aligned}$$

18. 다음 그림과 같이 높이가 15cm인 원기둥의 점 A에서 B까지의 최단거리로 실을 세 번 감았더니 실의 길이가 30cm이었다. 원기둥의 밑면의 반지름의 길이를 구하면?



$$\begin{array}{ll} \textcircled{1} \frac{5\sqrt{3}}{6\pi} \text{cm} & \textcircled{2} \frac{10\sqrt{3}}{6\pi} \text{cm} \\ \textcircled{4} \frac{20\sqrt{3}}{6\pi} \text{cm} & \textcircled{5} \frac{25\sqrt{3}}{6\pi} \text{cm} \end{array}$$

해설

밑면의 반지름의 길이를 r 라 하면



최단거리는 $\overline{AB'}$ 의 길이와 같다.

$$\overline{AB'}^2 = \overline{AB}^2 + \overline{BB'}^2, \overline{BB'} = 15\sqrt{3}$$

$$3 \times 2\pi r = 15\sqrt{3}$$

$$\therefore r = \frac{5\sqrt{3}}{2\pi} (\text{cm})$$

19. $x = 2$ 일 때 최솟값 -1 을 갖고, y 절편이 3 인 포물선을 그래프로 하는
이차함수의 식을 $y = a(x - p)^2 + q$ 라 할 때, 상수 a, p, q 의 곱 apq 의
값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$\begin{aligned}y &= a(x - 2)^2 - 1 \\&= a(x^2 - 4x + 4) - 1 \\&= ax^2 + 4ax + 4a - 1\end{aligned}$$

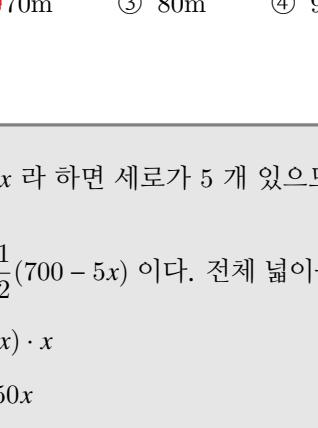
$$4a - 1 = 3$$

$$a = 1$$

$$y = (x - 2)^2 - 1$$

$$apq = 1 \times 2 \times (-1) = -2$$

20. 어떤 농부가 길이 700m 의 철망을 가지고 그림과 같은 모양의 가축우리를 만들려고 한다. 전체 우리의 넓이를 최대로 하는 바깥 직사각형의 가로, 세로의 길이 중 짧은 것은 몇 m 인가?



- ① 60m ② 70m ③ 80m ④ 90m ⑤ 100m

해설

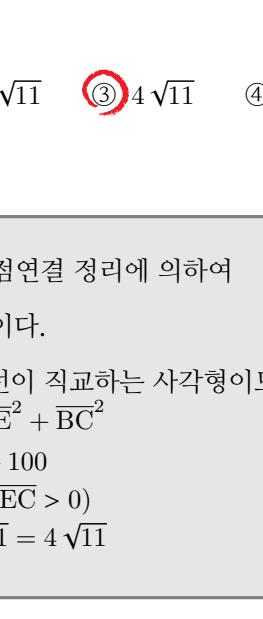
세로의 길이를 x 라 하면 세로가 5 개 있으므로 필요한 길이는 $5x$,

가로의 길이[는 $\frac{1}{2}(700 - 5x)$ 이다. 전체 넓이를 S 라 하면

$$\begin{aligned} S &= \frac{1}{2}(700 - 5x) \cdot x \\ &= -\frac{5}{2}x^2 + 350x \\ &= -\frac{5}{2}(x^2 - 140x + 70^2 - 70^2) \\ &= -\frac{5}{2}(x - 70)^2 + 12250 \end{aligned}$$

따라서 넓이는 세로가 70m , 가로가 175m 일 때 최대이다.

21. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 \overline{AB} 와 \overline{AC} 의 중점을 각각 D, E 라고 하고 $\overline{BE} \perp \overline{CD}$, $\overline{AB} = 18$, $\overline{BC} = 10$ 일 때, \overline{AC} 의 길이를 구하면?



- ① $2\sqrt{11}$ ② $3\sqrt{11}$ ③ $4\sqrt{11}$ ④ $5\sqrt{11}$ ⑤ $6\sqrt{11}$

해설

\overline{DE} 를 그으면 중점연결 정리에 의하여

$$\overline{DE} = \frac{1}{2}\overline{BC} = 5 \text{ 이다.}$$

$\square DBCE$ 는 대각선이 직교하는 사각형이므로

$$\overline{BD}^2 + \overline{EC}^2 = \overline{DE}^2 + \overline{BC}^2$$

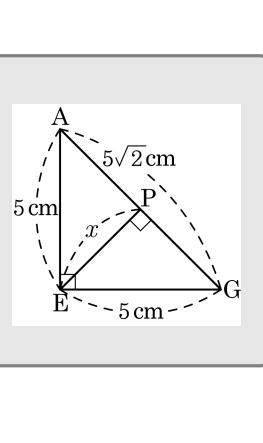
$$81 + \overline{EC}^2 = 25 + 100$$

$$\therefore \overline{EC} = 2\sqrt{11} (\because \overline{EC} > 0)$$

$$\therefore \overline{AC} = 2 \times 2\sqrt{11} = 4\sqrt{11}$$

22. 다음 그림과 같은 직육면체에서 꼭짓점 E에서 대각선 AG에 내린 수선의 발을 P라 할 때, \overline{EP} 의 길이는?

- ① $\sqrt{2}$ cm ② $2\sqrt{2}$ cm
 ③ $3\sqrt{2}$ cm ④ $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ cm
 ⑤ $\frac{5\sqrt{2}}{2}$ cm



해설

$$\overline{AG} = \sqrt{3^2 + 4^2 + 5^2} = 5\sqrt{2} \text{ (cm)}$$

$\overline{AE} \times \overline{EG} = \overline{AG} \times \overline{EP}$ 이므로

$$5 \times 5 = 5\sqrt{2} \times x$$

$$x = \frac{25}{5\sqrt{2}} = \frac{5\sqrt{2}}{2} \text{ (cm) 이다.}$$



23. $2x + y = a + 2$, $x + 2y = 8(a + 2)$ 를 만족하는 x, y 에 대하여 $x^2 + y^2$ 의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$$2x + y = a + 2 \cdots ①$$

$$x + 2y = 8(a + 2) \cdots ②$$

$2 \times ① - ②$ 을 하면

$$3x = -6a - 12, \quad x = -2a - 4$$

$x = -2a - 4$ 를 ①에 대입하면

$$y = 5a + 10$$

$$x^2 + y^2 = (-2a - 4)^2 + (5a + 10)^2$$

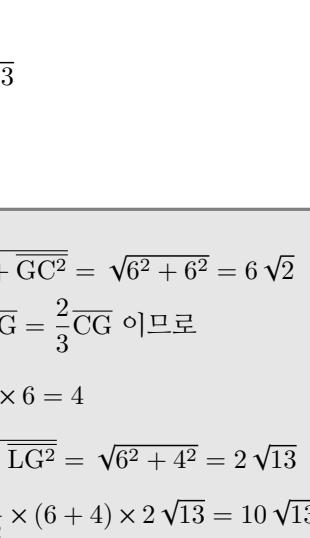
$$= 4a^2 + 16a + 16 + 25a^2 + 100a + 100$$

$$= 29a^2 + 116a + 116$$

$$= 29(a + 2)^2$$

\therefore 최솟값 0

24. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 6 인 정육면체에서 선분 DG 를 삼등분하는 두 점 M, N 를 잡고, 점 M 에서 변 CG 에 내린 수선의 발을 L 라 할 때, 사각형 MEFL 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $10\sqrt{13}$

해설

$$\overline{DG} = \sqrt{\overline{DC}^2 + \overline{GC}^2} = \sqrt{6^2 + 6^2} = 6\sqrt{2}$$

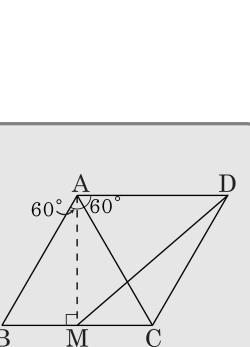
$$\overline{ML} = \frac{2}{3}\overline{DC}, \quad \overline{LG} = \frac{2}{3}\overline{CG} \text{ 이므로}$$

$$\overline{ML} = \overline{LG} = \frac{2}{3} \times 6 = 4$$

$$\overline{LF} = \sqrt{\overline{FG}^2 + \overline{LG}^2} = \sqrt{6^2 + 4^2} = 2\sqrt{13}$$

$$\therefore \square MEFL = \frac{1}{2} \times (6+4) \times 2\sqrt{13} = 10\sqrt{13}$$

25. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 $4\sqrt{3}$ 인 정사면체 A-BCD에서 \overline{BC} 의 중점 M에서 \overline{AC} 를 거쳐 점 D에 이르는 최단거리를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $2\sqrt{21}$

해설

그림의 전개도에서 최단거리는 \overline{MD} 이다.

$$\overline{AM} = \frac{\sqrt{3}}{2} \overline{AB} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 4\sqrt{3} = 6$$

$$\angle MAC = \frac{1}{2} \angle BAC = \frac{1}{2} \times 60^\circ = 30^\circ$$

$$\therefore \angle MAD = 90^\circ$$

$$\overline{MD}^2 = \overline{AM}^2 + \overline{AD}^2 = 6^2 + (4\sqrt{3})^2 = 84$$

$$\therefore \overline{MD} = 2\sqrt{21}$$

