

1. 직선  $x = 4$  를 축으로 하고 두 점  $(1, 1)$ ,  $(-1, -15)$  를 지나는 이차 함수의 식은?

①  $y = x^2 + 6x - 6$       ②  $y = x^2 + 8x - 8$

③  $y = -x^2 + 6x - 4$       ④  $y = -x^2 + 6x - 8$

⑤  $y = -x^2 + 8x - 6$

해설

$y = p(x - 4)^2 + q$  라고 하자.

$(1, 1)$ ,  $(-1, -15)$  를 지나므로 이를 대입하면  $9p + q = 1$ ,  $25p + q = -15$  이므로 이를 풀면  $p = -1$ ,  $q = 10$

$\therefore y = -(x - 4)^2 + 10 = -x^2 + 8x - 6$

2. 이차함수  $y = 2(x - 1)^2 + 3$  의 최솟값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$y = 2(x - 1)^2 + 3$  의 그래프는  $x = 1$  일 때 최솟값이 3 이다.

3. 이차함수  $y = x^2 - 6x + 2$  의 최솟값을 구하면?

- ① -11      ② -9      ③ -7      ④ 7      ⑤ 11

해설

$$\begin{aligned}y &= x^2 - 6x + 2 \\&= (x - 3)^2 - 7 \\x = 3 \text{ 일 때, } &\text{최솟값 } -7 \text{ 을 갖는다.}\end{aligned}$$

4. 이차함수  $y = -2x^2 + 4x - 1$ 의 최댓값과 최솟값은?

① 최댓값 : 1, 최솟값 : 없다

② 최댓값 : 1, 최솟값 : -5

③ 최댓값 : 4, 최솟값 : 없다

④ 최댓값 : 없다, 최솟값 : 1

⑤ 최댓값 : 1, 최솟값 : -3

해설

$$y = -2x^2 + 4x - 1$$

$$= -2(x - 1)^2 + 1$$

$x = 1$  일 때, 최댓값 1을 갖는다.

또한,  $x^2$  의 계수가 음수이므로 최솟값은 없다.

5. 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2 - 4x + k$  의 최솟값과 이차함수  $y = -2x^2 + 4x - 2k + 2$ 의 최댓값이 일치할 때,  $k$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$$y = \frac{1}{2}x^2 - 4x + k = \frac{1}{2}(x - 4)^2 - 8 + k$$

최솟값은  $-8 + k$

$$y = -2x^2 + 4x - 2k + 2$$

$$= -2(x - 1)^2 + 4 - 2k$$

최댓값은  $4 - 2k$

$$-8 + k = 4 - 2k$$

$$\therefore k = 4$$

6. 다음 중 최댓값을 갖지 않는 것은?

- ①  $y = -4x^2 + 1$       ②  $y = -2(x - 1)^2 + 10$   
③  $y = x^2 + 3x + 1$       ④  $y = -2x^2 + 3x + 1$   
⑤  $y = -(x + 1)^2$

해설

이차항의 계수가 음수일 때 최댓값을 갖는다.

7. 다음 이차함수 중 최솟값을 갖지 않는 것은?

①  $y = 2x^2 + 5$

②  $y = 6(x + 1)^2$

③  $y = \frac{1}{3}x^2 + 4x + 5$

④  $y = -3(x - 2)^2 + \frac{1}{3}$

⑤  $y = 2\left(x - \frac{1}{3}\right)^2 + 4$

해설

이차항의 계수가 양수일 때, 최솟값을 갖는다.

8. 다음 이차함수 중 최솟값을 갖는 것은?

- ①  $y = -3x^2$       ②  $y = -x^2 + 2x + 1$   
③  $y = -2(x - 1)^2$       ④  $y = (x + 1)^2 + 3$   
⑤  $y = 3 - x^2$

해설

이차함수에서 이차항의 계수가 양수이면 꼭짓점이 최솟값을 가지고, 음수이면 꼭짓점이 최댓값을 갖는다.

9. 꼭짓점이  $(2, 3)$ 이고, 점 $(5, -6)$ 을 지나는 포물선이  $y$  축과 만나는 점의 좌표는?

- ①  $(0, -2)$       ②  $(0, 3)$       ③  $(0, 1)$   
④  $(0, 2)$       ⑤  $(0, -1)$

해설

$y = a(x - 2)^2 + 3$   $\parallel (5, -6)$  을 대입하면

$$-6 = a(5 - 2)^2 + 3$$

$$9a = -9 \therefore a = -1$$

$$y = -(x - 2)^2 + 3$$

$$x = 0 \text{ 일 때 } y = -1$$

$$\therefore (0, -1)$$

10. 꼭짓점의 좌표가  $(1, 5)$ 이고, 점  $(0, 3)$ 을 지나는 포물선의 식을 구하여라.

①  $y = 2x^2 - 4x + 3$       ②  $y = x^2 + 4x + 3$   
③  $y = 2x^2 - 2x + 3$       ④  $y = -2x^2 + 4x + 3$   
⑤  $y = -2x^2 - 4x + 3$

해설

꼭짓점의 좌표가  $(1, 5)$ 이므로

$$y = a(x - 1)^2 + 5$$

점  $(0, 3)$ 을 대입하면

$$3 = a + 5$$

$$a = -2$$

$$\therefore y = -2x^2 + 4x + 3$$

11. 측의 방정식이  $x = -1$  이고 두 점  $(-1, 6), (1, 2)$  를 지나는 포물선의 식을  $y = ax^2 + bx + c$  의 꼴로 나타낼 때,  $abc$  의 값을 구하면?

- ① 5      ② 7      ③ 10      ④ 12      ⑤ 15

해설

측의 방정식이  $x = -1$  이므로

$$y = a(x + 1)^2 + q$$

점  $(-1, 6)$  과 점  $(1, 2)$  를 지나므로

$$6 = q, 2 = 4a + q$$

$$\therefore a = -1, q = 6$$

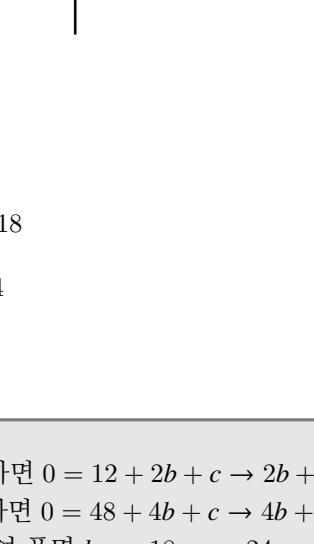
$$\therefore y = -(x + 1)^2 + 6$$

따라서  $y = -x^2 - 2x + 5$

$$\therefore a = -1, b = -2, c = 5$$

$$\therefore abc = 10$$

12. 다음 그림은 이차함수  $y = 3x^2 + bx + c$  의 그래프이다. 이 때,  $b$ ,  $c$  의 값을 각각 구하여라.



▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $b = -18$

▷ 정답:  $c = 24$

해설

$(2, 0)$  을 대입하면  $0 = 12 + 2b + c \rightarrow 2b + c = -12$   
 $(4, 0)$  을 대입하면  $0 = 48 + 4b + c \rightarrow 4b + c = -48$   
두 식을 연립하여 풀면  $b = -18$ ,  $c = 24$

13. 합이 18인 두 수가 있다. 한 수를  $x$ , 두 수의 곱을  $y$  라 할 때, 두 수의 곱의 최댓값을 구하면?

- ① 11      ② 21      ③ 25      ④ 81      ⑤ 100

해설

합이 18인 두 수가 있다. 한 수를  $x$ 로 두면 나머지 한 수는  $(18 - x)$ 이다.

$$y = x(18 - x) = -x^2 + 18x = -(x^2 - 18x + 81) + 81$$

$$y = -(x - 9)^2 + 81$$

따라서 두 수의 곱의 최댓값은 81이다.

14. 이차함수  $y = 9x^2 - 12ax + 3a^2 + 4a - 4$ 의 최솟값이  $-16$  일 때,  $a$ 의 값들의 합을 구하면?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$y = 9x^2 - 12ax + 3a^2 + 4a - 4 \\ = (3x - 2a)^2 - a^2 + 4a - 4$$

최솟값은  $-a^2 + 4a - 4 = -16$  이다.

$$a^2 - 4a - 12 = 0$$

$$(a + 2)(a - 6) = 0$$

$$\therefore a = -2 \text{ 또는 } a = 6$$

따라서  $a$ 의 값들의 합은  $-2 + 6 = 4$  이다.

15. 차가 4인 두 수 중에서 그 제곱의 합이 최소가 되는 두 수를 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: -2

▷ 정답: 2

해설

두 수를 각각  $x, x+4$  라 하면

$$\begin{aligned}y &= x^2 + (x+4)^2 \\&= 2x^2 + 8x + 16 \\&= 2(x+2)^2 + 8\end{aligned}$$

$x = -2$  일 때, 최솟값 8 을 갖는다.

$$\therefore x = -2, x+4 = 2$$

따라서 구하는 두 수는 -2, 2

16. 가로, 세로의 길이가 각각 12cm, 14cm 인 직사각형에 가로의 길이는  $x$ cm 만큼 늘이고, 세로의 길이는  $x$ cm 만큼 줄였을 때, 얻은 직사각형의 넓이를  $y$ cm<sup>2</sup> 라고 하면  $y$  가 최대가 되게 하는  $x$  의 값을 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 1cm

해설

$$\begin{aligned}y &= (12 + x)(14 - x) \\&= -x^2 + 2x + 168 \\&= -(x^2 - 2x + 1 - 1) + 168 \\&= -(x - 1)^2 + 169\end{aligned}$$

$x = 1$  일 때,  $y$  의 최댓값 169 을 갖는다.

17. 지면으로부터 초속 40m로 똑바로 위로 쏘아 올린 물체의  $x$  초 후의 높이를  $y$ m라고 하면  $y = -5x^2 + 40x$ 의 관계가 성립한다. 이 물체가 최고 높이에 도달할 때까지 걸린 시간과 그 때의 높이를 구하여라.

▶ 답: 초

▶ 답: m

▷ 정답: 4초

▷ 정답: 80m

해설

$y = -5x^2 + 40x$ 에서  $y = -5(x - 4)^2 + 80$ 이다.  
따라서  $x = 4$  일 때,  $y$ 는 최댓값 80을 갖는다.

18. 지상에서 초속 50m 의 속력으로 쏘아 올린 공의  $t$  초 후의 높이는  $(50t - 5t^2)$ m 이다. 이 공의 높이가 지상으로부터 최대가 되는 것은 쏘아 올린지 몇 초 후인가?

- ① 5 초 후      ② 7 초 후      ③ 8 초 후  
④ 10 초 후      ⑤ 알 수 없다.

해설

$$y = 50t - 5t^2$$
$$y = -5(t^2 - 10t + 25 - 25) = -5(t - 5)^2 + 125$$

따라서 5 초 후에 최고 높이 125m 가 된다.