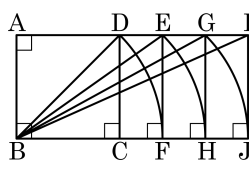


1. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 정사각형이고, $\overline{BD} = \overline{BF}$, $\overline{BE} = \overline{BH}$, $\overline{BG} = \overline{BJ}$ 이고, $\overline{BE} = 3\sqrt{3}$ 일 때, $\triangle BIJ$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▶ 정답 : 9

해설

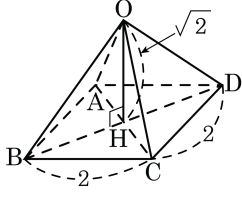
$\overline{BC} = x$ 라고 두면 $\overline{BE} = \sqrt{x^2 + x^2 + x^2} = x\sqrt{3} = 3\sqrt{3}$, $x = 3$ 이다.

$$\overline{BJ} = \sqrt{3^2 + 3^2 + 3^2 + 3^2} = 6 \text{이다.}$$

따라서 $\triangle BIJ$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 3 \times 6 = 9$ 이다.

2. 다음 그림과 같이 밑면의 한 변의 길이가 2이고 높이가 $\sqrt{2}$ 인 정사각뿔 O-ABCD의 겉넓이는?

- ① $2 + 2\sqrt{3}$ ② $4 + 4\sqrt{3}$
 ③ $4 + 8\sqrt{2}$ ④ $8 + 2\sqrt{2}$
 ⑤ $8 + 4\sqrt{3}$



해설

□ABCD가 정사각형이므로
 $\overline{BD} = \sqrt{2^2 + 2^2} = 2\sqrt{2}$
 $\therefore \overline{BH} = \frac{1}{2}\overline{BD} = \sqrt{2}$
 $\triangle OBH$ 에서 $\overline{OB} = \sqrt{(\sqrt{2})^2 + (\sqrt{2})^2} = 2$ 이다.
 정사각뿔의 겉넓이는 밑넓이 + (옆넓이 $\times 4$)이다.
 밑넓이 : $2 \times 2 = 4$
 옆넓이 : $\triangle OBC$ 넓이 $\times 4$ ($\triangle OBC$ 는 한 변이 2인 정삼각형)
 정삼각형 넓이 $S = \frac{\sqrt{3}}{4}a^2$
 $\therefore \triangle OBC$ 의 넓이 $\times 4 = \left(\frac{\sqrt{3}}{4} \times 2^2\right) \times 4 = 4\sqrt{3}$
 $\therefore$ 겉넓이 $= 4 + 4\sqrt{3}$

3. 세호네 반 학생 30 명의 몸무게의 총합은 2100 , 몸무게의 제곱의 총합은 150000 일 때, 세호네 반 학생 몸무게의 표준편차를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 10

해설

$$(\text{분산}) = \frac{\{(\text{변량})^2 \text{의 총 합}\}}{\text{변량의 총 개수}} - (\text{평균})^2$$

$$\frac{150000}{30} - 70^2 = 100, \text{ 즉 분산은 } 100 \text{ 이다.}$$

따라서 표준편차는 10 이다.

4. 다음 표는 S 중학교 5 개의 학급에 대한 학생들의 미술 실기 점수의 평균과 표준편차를 나타낸 것이다. 다음 설명 중 옳지 않은 것은? (단, 각 학급의 학생 수는 모두 같다.)

학급	A	B	C	D	E
평균(점)	77	77	73	70	82
표준편차	2,2	$2\sqrt{2}$	$\frac{\sqrt{10}}{2}$	$\sqrt{4,5}$	$\sqrt{5}$

- ① A 학급의 학생의 성적이 B 학급의 학생의 성적보다 더 높은 편이다.
- ② 고득점자는 A 학급보다 B 학급이 더 많다.
- ③ B의 표준편차가 A의 표준편차보다 크므로 변량이 평균주위에 더 집중되는 것은 B이다.
- ④ 가장 성적이 높은 학급은 C 학급이다.
- ⑤ D 학급의 학생의 성적이 평균적으로 A 학급의 학생의 성적보다 낮은 편이다.

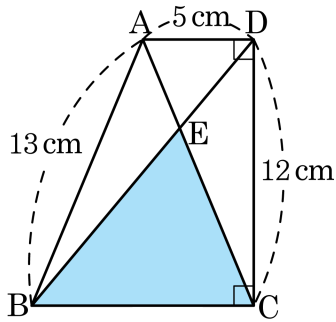
해설

표준편차를 근호를 이용하여 나타내면 다음과 같다.

학급	A	B	C	D	E
표준 편차	$2,2$ $=\sqrt{4,84}$	$2\sqrt{2}$ $=\sqrt{8}$	$\frac{\sqrt{10}}{2}$ $=\sqrt{\frac{10}{4}}$ $=\sqrt{2,5}$	$\sqrt{4,5}$	$\sqrt{5}$

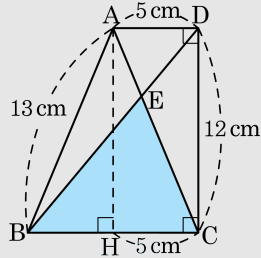
- ③ 표준편차가 작을수록 변량이 평균 주위에 더 집중된다. 따라서 변량이 평균주위에 더 집중되는 것은 A이다.

5. 다음 그림과 같은 사다리꼴 ABCD 에서 $\angle C = \angle D = 90^\circ$, $\overline{AD} = 5\text{cm}$, $\overline{AB} = 13\text{cm}$, $\overline{DC} = 12\text{cm}$ 일 때, $\triangle EBC$ 의 넓이를 구하면?



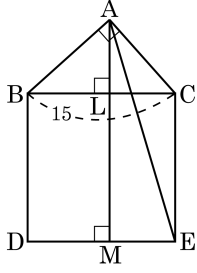
- ① 40cm^2 ② 50cm^2 ③ 60cm^2
 ④ 70cm^2 ⑤ 80cm^2

해설



$$\begin{aligned} \overline{AH} &= 12\text{cm} \\ \overline{BH} &= \sqrt{13^2 - 12^2} = 5(\text{cm}) \\ \triangle EBC &\sim \triangle EDA (\because \text{AA 대응}) \\ \overline{BE} : \overline{DE} &= \overline{BC} : \overline{AD} = 2 : 1 \\ (\triangle EBC \text{의 넓이}) &= \frac{2}{3} \times (\triangle DBC \text{의 넓이}) \\ &= \frac{2}{3} \times \frac{1}{2} \times 12 \times 12 \\ &= 40(\text{cm}^2) \end{aligned}$$

6. 다음 그림은 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC 에서 $\overline{BC}$ 를 한 변으로 하는 정사각형 BDEC 를 그린 것이다. $\overline{BC} = 15$, $\triangle AEC = 50$ 일 때, $\overline{AB}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $5\sqrt{5}$

해설

$\triangle LEC = \triangle AEC = 50$ 이므로 $\square LMEC = 100$ 이다. 또,
 $\square BDML = 15^2 - 100 = 125$ 이다.
 따라서 $\overline{AB}^2 = 125$ 이므로 $\overline{AB} = 5\sqrt{5}$ 이다.

7. 다음 중 직각삼각형의 세 변의 길이가 될 수 없는 것은?

① 3, 4, 5

② 5, 12, 13

③ 1, $\sqrt{2}$, $\sqrt{3}$

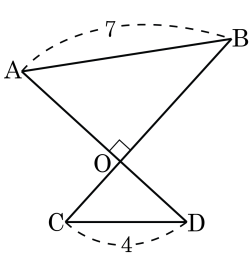
④ 4, 5, $\sqrt{41}$

⑤ 2, 4, $2\sqrt{6}$

해설

⑤ $2^2 + 4^2 = 20 \neq (2\sqrt{6})^2 = 24$

8. 다음 그림과 같이 $\overline{AD} \perp \overline{BC}$ 이고, $\overline{AB} = 7, \overline{CD} = 4$ 일 때, $\overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 + \overline{OD}^2$ 의 값을 구하여라.



▶ 답 :

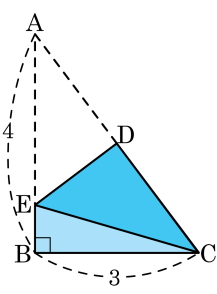
▷ 정답 : 65

해설

$$\begin{aligned} & \overline{OA}^2 + \overline{OB}^2 + \overline{OC}^2 + \overline{OD}^2 \\ &= (\overline{OA}^2 + \overline{OB}^2) + (\overline{OC}^2 + \overline{OD}^2) \\ &= \overline{AB}^2 + \overline{CD}^2 \\ &= 7^2 + 4^2 \\ &= 65 \end{aligned}$$

9. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 빗변 AC를 두 점 A와 C가 겹쳐지도록 접었을 때, $\triangle CDE$ 의 둘레의 길이는?

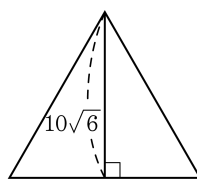
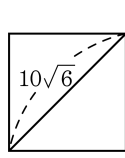
- ① $\frac{13}{2}$ ② $\frac{15}{2}$ ③ $\frac{17}{2}$
 ④ $\frac{19}{2}$ ⑤ $\frac{21}{2}$



해설

$\triangle ABC$ 가 직각삼각형이므로
 $\overline{AC}^2 = 4^2 + 3^2$, $\overline{AC} = 5$ 이다.
 $\overline{EB} = x$ 라 두면 $\overline{AE} = \overline{EC} = 4 - x$ 이고
 $\triangle EBC$ 가 직각삼각형이므로
 $(4 - x)^2 = x^2 + 3^2$, $x = \frac{7}{8}$ 이다.
 $\triangle ADE$ 가 직각삼각형이므로
 $\overline{DE}^2 = \left(\frac{25}{8}\right)^2 - \left(\frac{5}{2}\right)^2$, $\overline{DE} = \frac{15}{8}$ 이다.
 따라서 $\triangle CDE$ 의 둘레는 $\frac{15}{8} + \frac{25}{8} + \frac{5}{2} = \frac{15}{2}$ 이다.

10. 다음 그림과 같이 대각선의 길이가 $10\sqrt{6}$ 인 정사각형과 높이가 $10\sqrt{6}$ 인 정삼각형이 있다. 정사각형과 정삼각형의 넓이를 각각 A, B 라 할 때, $A : B$ 는?



- ① $\sqrt{2} : 2$ ② $\sqrt{3} : 2$ ③ $\sqrt{3} : 3$
 ④ $2 : \sqrt{3}$ ⑤ $3 : 2$

해설

정사각형의 한 변의 길이를 a 라 하면,

$$a^2 + a^2 = (10\sqrt{6})^2 \text{ 이고 } a^2 = 300$$

$$\therefore A = a^2 = 300$$

정삼각형의 한 변의 길이를 b 라 하면,

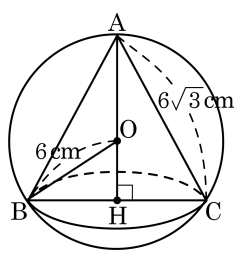
$$b : 10\sqrt{6} = 2 : \sqrt{3}$$

$$b = 20\sqrt{2} \quad \therefore B = \frac{\sqrt{3}}{4} \times (20\sqrt{2})^2 = 200\sqrt{3}$$

따라서, $A : B = 300 : 200\sqrt{3} = \sqrt{3} : 2$ 이다.

11. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 6 cm 인 구에 모선의 길이가 $6\sqrt{3}$ cm 인 원뿔이 내접할 때, 이 원뿔의 부피는?

- ① $81\pi \text{ cm}^3$ ② $84\pi \text{ cm}^3$
 ③ $87\pi \text{ cm}^3$ ④ $90\pi \text{ cm}^3$
 ⑤ $93\pi \text{ cm}^3$



해설

$\triangle OBH$ 에서 $\overline{BH}^2 = 6^2 - \overline{OH}^2 \dots \text{㉠}$
 $\triangle ABH$ 에서 $\overline{BH}^2 = (6\sqrt{3})^2 - (6 + \overline{OH})^2 \dots \text{㉡}$
 ㉠, ㉡에서 $6^2 - \overline{OH}^2 = (6\sqrt{3})^2 - (6 + \overline{OH})^2$
 $12\overline{OH} = 36 \therefore \overline{OH} = 3 \text{ (cm)}$
 ㉠에서 $\overline{BH}^2 = 6^2 - 3^2 = 27$
 $\therefore \overline{BH} = 3\sqrt{3} \text{ (cm)}$
 따라서 원뿔의 부피는
 $\frac{1}{3} \times \pi \times (3\sqrt{3})^2 \times (6 + 3) = 81\pi \text{ (cm}^3\text{)} \text{ 이다.}$

12. 지호네 반 학생 40 명의 몸무게의 평균은 60 kg 이다. 두명의 학생이 전학을 간 후 나머지 38 명의 몸무게의 평균이 59.5 kg 이 되었을 때, 전학을 간 두 학생의 몸무게의 평균은?

- ① 62.5 kg ② 65.5 kg ③ 67 kg
④ 69 kg ⑤ 69.5 kg

해설

40 명의 몸무게의 총합 : $60 \times 40 = 2400$ (kg)
전학생 2명을 뺀 38 명의 몸무게의 총합 : $59.5 \times 38 = 2261$ (kg)
전학생 2명의 몸무게의 총합 : $2400 - 2261 = 139$ (kg)
 $\therefore$ (전학생 2명의 몸무게의 평균) = $\frac{139}{2} = 69.5$ (kg)

13. 세 수 x, y, z 의 평균과 분산이 각각 4, 2 일 때, x^2, y^2, z^2 의 평균은?

- ① $\frac{50}{3}$ ② $\frac{51}{3}$ ③ $\frac{52}{3}$ ④ $\frac{53}{3}$ ⑤ 18

해설

세 수 x, y, z 의 평균이 4 이므로

$$\frac{x+y+z}{3} = 4$$

$$\therefore x+y+z = 12 \quad \cdots \cdots \textcircled{1}$$

또한, x, y, z 의 분산이 2 이므로

$$\frac{(x-4)^2 + (y-4)^2 + (z-4)^2}{3} = 2$$

$$(x-4)^2 + (y-4)^2 + (z-4)^2 = 6$$

$$x^2 - 8x + 16 + y^2 - 8y + 16 + z^2 - 8z + 16 = 6$$

$$x^2 + y^2 + z^2 - 8(x+y+z) + 48 = 6$$

위의 식에 $\textcircled{1}$ 을 대입하면

$$x^2 + y^2 + z^2 - 8 \times 12 + 48 = 6$$

$$\therefore x^2 + y^2 + z^2 = 54 \text{ 따라서 } x^2, y^2, z^2 \text{ 의 평균은}$$

$$\frac{x^2 + y^2 + z^2}{3} = \frac{54}{3} = 18 \text{ 이다.}$$

14. 세 개의 변량 a, b, c 의 평균을 M , 표준편차를 S 라고 할 때, $a + 1, b + 1, c + 1$ 의 평균과 분산을 차례대로 나열한 것은?

① M, S^2

② $M, S^2 + 1$

③ $M + 1, S^2$

④ $M + 1, S^2 + 1$

⑤ $M + 1, (S + 1)^2$

해설

세 개의 변량 a, b, c 의 평균과 분산이 각각 M, S^2 이므로

$$M = \frac{a + b + c}{3}$$

$$S^2 = \frac{(a - M)^2 + (b - M)^2 + (c - M)^2}{3}$$

$a + 1, b + 1, c + 1$ 의 평균을 M_1 과 분산을 S_1^2 이라고 하면

$$M_1 = \frac{(a + 1) + (b + 1) + (c + 1)}{3}$$

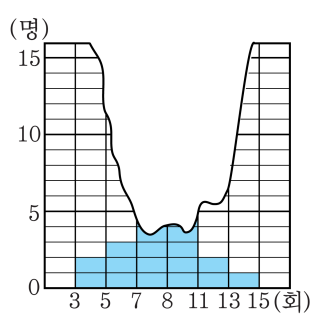
$$= \frac{(a + b + c) + 3}{3} = \frac{a + b + c}{3} + 1 = M + 1$$

$$S_1^2 = \frac{1}{3} \{ (a + 1 - M - 1)^2 + (b + 1 - M - 1)^2 + (c + 1 - M - 1)^2 \}$$

$$= \frac{1}{3} \{ (a - M)^2 + (b - M)^2 + (c - M)^2 \} = S^2$$

따라서 $a + 1, b + 1, c + 1$ 의 평균과 분산은 각각 $M + 1, S^2$ 이다.

15. 다음 히스토그램은 영진이네 반 학생 20명의 턱걸이 횟수를 조사하여 만든 것인데 일부가 찢어졌다. 계급값이 8인 도수가 전체의 25%일 때, 전체 학생의 분산을 구하여라. (단, 평균은 소수첫째자리에서 반올림한다.)



▶ 답 :

▷ 정답 : 6.6

해설

계급값이 8인 도수는 $20 \times \frac{25}{100} = 5(\text{명})$

계급값이 10인 도수를 x 라고 하면 $20 - (2 + 3 + 5 + 2 + 1) = 7$

$\therefore x = 7$

이므로 평균은

$$\frac{4 \times 2 + 6 \times 3 + 8 \times 5 + 10 \times 7 + 12 \times 2 + 14 \times 1}{20}$$

$$\frac{8 + 18 + 40 + 70 + 24 + 14}{20} = 8.7(\text{회})$$

이므로 소수 첫째자리에서 반올림하면 9 회이다.

따라서 구하는 분산은

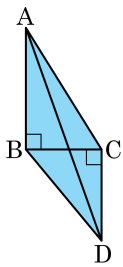
$$\frac{1}{20} \{ (4 - 9)^2 \times 2 + (6 - 9)^2 \times 3 + (8 - 9)^2 \times 5 + (10 - 9)^2 \times 7 +$$

$$(12 - 9)^2 \times 2 + (14 - 9)^2 \times 1 \}$$

$$= \frac{1}{20} (50 + 27 + 5 + 7 + 18 + 25) = 6.6$$

이다.

16. 다음 그림과 같이 $\angle ABC = \angle BCD = 90^\circ$, $\overline{BC} = 5$ 이고, 삼각형 ABC와 BCD의 넓이가 각각 20, 15 일 때, 선분 AD의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $\sqrt{221}$

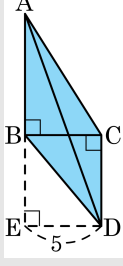
해설

$\triangle ABC = 20, \triangle BCD = 15$ 이고,

$\overline{BC} = 5$ 이므로

$\overline{AB} = 8, \overline{CD} = 6 \quad \overline{AE} = 8 + 6 = 14$

$\therefore \overline{AD} = \sqrt{14^2 + 5^2} = \sqrt{221}$



17. 삼각형 ABC 의 변 AB, BC 의 중점을 각각 D, E 이라 할 때, $\overline{AE} \perp \overline{CD}$, $AD = 4$, $BC = 6$ 이다. 이때 변 AC 의 길이를 구하여라

▶ 답 :

▷ 정답 : $2\sqrt{5}$

해설

$\overline{AC} = x$ 라 하면 삼각형의 중점연결 정리에 의하여 $\overline{DE} = \frac{1}{2}x$

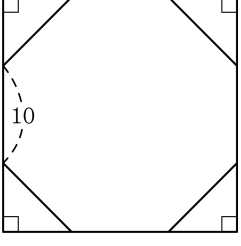
$\square DECA$ 에서 $\overline{AE} \perp \overline{DC}$ 이므로

$$\overline{AD}^2 + \overline{EC}^2 = \overline{DE}^2 + \overline{AC}^2$$

$$4^2 + 3^2 = \left(\frac{1}{2}x\right)^2 + x^2$$

$$\therefore x = 2\sqrt{5}$$

18. 다음 그림과 같이 정사각형의 판자의 네 귀를 잘라 내어 한 변의 길이가 10 인 정팔각형을 만들었을 때, 정팔각형의 넓이는?

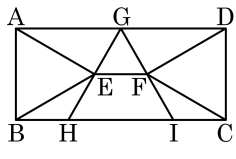


- ① $100 + 100\sqrt{2}$ ② $100 + 200\sqrt{2}$
③ $200 + 100\sqrt{2}$ ④ $200 + 200\sqrt{2}$
⑤ $200 + 200\sqrt{3}$

해설

잘라낸 판자의 변의 길이는 각각 $5\sqrt{2}$, $5\sqrt{2}$, 10 이다. $(10 + 10\sqrt{2})^2 - 4 \times (5\sqrt{2})^2 \times \frac{1}{2} = 200 + 200\sqrt{2}$

19. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 2$ 인 직사각형 ABCD 의 내부에 있는 3 개의 정삼각형 ABE, GHI, CDF 는 점 E, F 에서 서로 접할 때, 삼각형 AGE 와 CFI 의 넓이의 합을 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : $\sqrt{3}$

해설

$$\overline{BQ} = \overline{PE} = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 2 = \sqrt{3}$$

$$\overline{GR} = \frac{\sqrt{3}}{2} \overline{HI} \text{ 이므로}$$

$$\overline{HR} = \frac{1}{2} \overline{HI} = \frac{1}{2} \times \left(\frac{2}{\sqrt{3}} \overline{GR} \right) = \frac{1}{\sqrt{3}} \times$$

$$2 = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

$$\text{또, } \overline{EH} = \overline{EG}, \overline{EQ} // \overline{GR} \text{ 이므로}$$

$\triangle EHQ$ 와 $\triangle GHR$ 는 닮음비가 1 : 2 인 닮은 도형이다.

$$\text{따라서, } \overline{HQ} = \overline{QR} \text{ 이므로 } \overline{HQ} = \frac{1}{2} \overline{HR} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\overline{BC} = 2\overline{BR} = 2(\overline{BQ} + \overline{QR})$$

$$= 2 \left(\sqrt{3} + \frac{\sqrt{3}}{3} \right)$$

$$= \frac{8}{3} \sqrt{3}$$

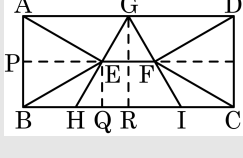
$$\therefore \overline{BH} = \overline{BQ} - \overline{HQ} = \sqrt{3} - \frac{\sqrt{3}}{3} = \frac{2}{3} \sqrt{3}$$

$$\triangle CFI \cong \triangle BHE \text{ 이고, } \overline{AP} = \overline{BP} = \frac{1}{2} \times 2 = 1 \text{ 이므로}$$

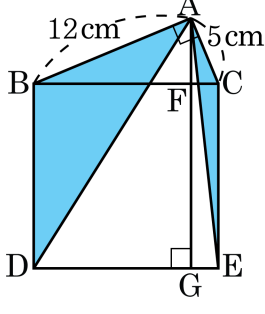
$$\triangle CFI = \frac{1}{2} \times \frac{2\sqrt{3}}{3} \times 1 = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\triangle AGE = \frac{1}{2} \times \frac{4\sqrt{3}}{3} \times 1 = \frac{2\sqrt{3}}{3}$$

$$\therefore \triangle AGE + \triangle CFI = \sqrt{3}$$



20. 다음 그림과 같이 $\angle A = 90^\circ$, $\overline{AB} = 12\text{cm}$, $\overline{AC} = 5\text{cm}$ 인 $\triangle ABC$ 가 있다. $\overline{BC}$ 를 한 변으로 하는 정사각형 BDEC 를 그렸을 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답 : cm^2

▷ 정답 : $\frac{169}{2}$ cm^2

해설

$\triangle ABC$ 에서 $\overline{BC} = \sqrt{12^2 + 5^2} = 13(\text{cm})$

($\triangle ABD$ 의 넓이) = ($\triangle BDF$ 의 넓이)

($\triangle AEC$ 의 넓이) = ($\triangle FEC$ 의 넓이)

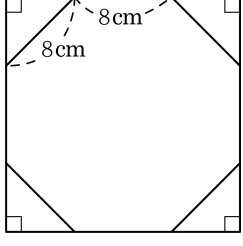
(색칠한 부분의 넓이) = $\triangle BDF + \triangle FEC = \frac{1}{2}(\square BDEC) =$

$\frac{169}{2}(\text{cm}^2)$

21. 다음 그림과 같이 정사각형 모양의 종이를 네 모퉁이를 잘라 내어 한 변의 길이가 8cm인 정팔각형을 만들었다. 처음의 정사각형의 한 변의 길이를 구하면?

- ① $(4 + 4\sqrt{2})\text{cm}$ ② $(4 + 8\sqrt{2})\text{cm}$
③ $(6 + 8\sqrt{2})\text{cm}$ ④ $(8 + \sqrt{2})\text{cm}$

⑤ $(8 + 8\sqrt{2})\text{cm}$



해설

정팔각형의 한 외각의 크기는 $\frac{360^\circ}{8} = 45^\circ$

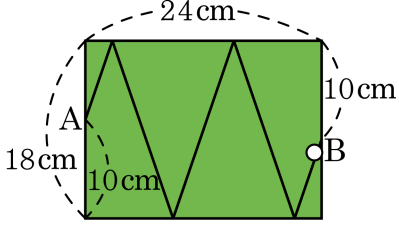
잘라낸 부분은 직각이등변삼각형

$$x : 8 = 1 : \sqrt{2}$$

$$x = 4\sqrt{2}$$

$$\therefore (8 + 8\sqrt{2})\text{cm}$$

22. 다음 그림과 같은 직사각형 모양의 미니당구대에서 공을 너무 세게 치는 바람에 흰 공이 A 에서 출발하여 벽을 차례로 거쳐 점 B 에 도착하였다. 공이 지나갈 수 있는 최단 거리를 구하여라.



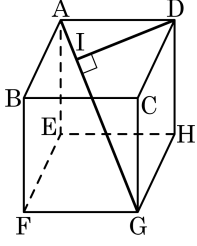
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 74cm

해설

(공이 지나간 최단 거리) = $\sqrt{24^2 + 70^2}$
= $\sqrt{5476} = 74(\text{cm})$

23. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 $2\sqrt{3}\text{cm}$ 인 정육면체가 있다. 점 D에서 대각선 AG에 내린 수선 DI의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $2\sqrt{2}\text{cm}$

해설

한 모서리의 길이가 a 인 정육면체의 대각선의 길이는 $\sqrt{3}a$ 이므로

$$\overline{AG} = \sqrt{3} \times 2\sqrt{3} = 6 \text{ (cm)}$$

$$\triangle DGH \text{에서 } \overline{DG}^2 = (2\sqrt{3})^2 + (2\sqrt{3})^2 = 24$$

$$\therefore \overline{DG} = 2\sqrt{6} \text{ (cm)} \quad (\because \overline{DG} > 0)$$

$\triangle AGD$ 에서 $\angle ADG = 90^\circ$ 이므로

$$\frac{1}{2} \times \overline{AD} \times \overline{DG} = \frac{1}{2} \times \overline{AG} \times \overline{DI}$$

$$\frac{1}{2} \times 2\sqrt{3} \times 2\sqrt{6} = \frac{1}{2} \times 6 \times \overline{DI}$$

$$\therefore \overline{DI} = 2\sqrt{2} \text{ (cm)}$$

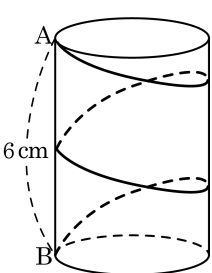
24. 다음 그림과 같이 높이가 6 cm 인 원기둥의 점 A에서 B까지의 최단거리로 실을 두 번 감았더니 실의 길이가 10 cm 이었다. 다음 중 원기둥의 밑면의 반지름의 길이는?

- ① $\frac{1}{\pi}$ cm

② π cm

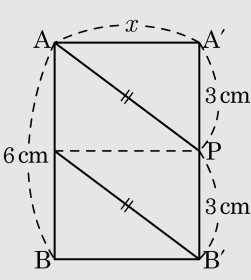
③ $\frac{2}{\pi}$ cm
- ④ $\frac{\pi}{2}$ cm

⑤ $\frac{4}{\pi}$ cm

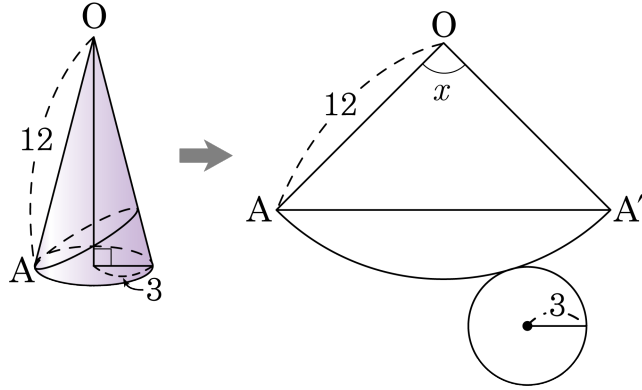


해설

옆면의 전개도에서 원기둥의 밑면의 반지름의 길이를 r , 둘레의 길이를 x 로 놓으면 $10 = 2\overline{AP}$
 $\overline{AP} = 5$ 이므로 $\overline{AP} = \sqrt{x^2 + 9} = 5$
 $\therefore x = 4$ (cm) ($\because x > 0$), $2\pi r = 4$
 $\therefore r = \frac{2}{\pi}$ (cm)



25. 다음 그림과 같이 모선의 길이가 12 이고, 밑면의 원의 반지름의 길이가 3 인 원뿔이 있다. 이 원뿔의 밑면의 한 점 A 에서 옆면을 지나 다시 점 A 에 이르는 최단 거리를 구하기 위해 전개도를 그린 것이다. 중심각 x 의 크기와 최단거리가 바르게 짝지어진 것은?



- ① 60° , 12cm ② 60° , $12\sqrt{2}$ cm ③ 90° , 12cm
 ④ 90° , $12\sqrt{2}$ cm ⑤ 120° , 12cm

해설

전개도에서 점 A와 A' 사이의 최단 거리는 선분 AA' 이다.
 전개도에서 부채꼴의 중심각의 크기 x 는

$$x = \frac{3}{12} \times 360^\circ = 90^\circ,$$

최단거리 $\overline{AA'} = 12\sqrt{2}$ cm 이다.