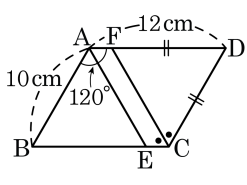


1. 평행사변형 ABCD 에서 $\angle A, \angle C$ 의 이등분선이 변 BC, AD 와 만나는 점을 각각 E, F 라고 할 때, $\overline{AD} = 12 \text{ cm}$, $\overline{AB} = 10 \text{ cm}$, $\angle BAD = 120^\circ$ 일 때, $\square AECF$ 의 둘레의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 24cm

해설

$\triangle FDC, \triangle ABE$ 에서 $\overline{AB} = \overline{DC}$, $\overline{BE} = \overline{FD}$, $\angle ABE = \angle CDF$ 이므로 SAS 합동이고 $\square AECF$ 는 평행사변형이다.

또, $\angle BCF = \frac{120^\circ}{2} = 60^\circ$, $\angle ADC = 60^\circ$ 이므로, $\angle CFD = 60^\circ$

이다. 따라서 $\triangle FDC$ 와 $\triangle ABE$ 는 정삼각형이다.

$\overline{AF} + \overline{FD} = 12 \text{ (cm)}$, $\overline{AF} = 12 - \overline{FD} = 12 - 10 = 2 \text{ (cm)}$ 이고

$\overline{FC} = 10 \text{ (cm)}$ 이므로

평행사변형 AECF 의 둘레는 $\overline{AF} + \overline{AE} + \overline{EC} + \overline{CF} = 2 + 10 + 2 + 10 = 24 \text{ (cm)}$ 이다.

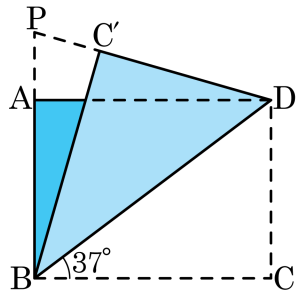
2. 다음 중 정사각형의 성질이지만 마름모의 성질은 아닌 것은?

- ① 두 대각의 크기가 각각 같다.
- ② 두 대각선이 서로 직교한다.
- ③ 대각선에 의해 넓이가 이등분된다.
- ④ 두 대각선의 길이가 같다.
- ⑤ 네각의 크기의 합이 360° 이다.

해설

마름모가 정사각형이 되기 위해서는 두 대각선의 길이가 같아야 한다.

3. 다음 그림에서 직사각형 ABCD의 대각선 BD를 접는 선으로 하여 점 C가 점 C'에 오도록 접었다. $\overline{AB}$ 와 $\overline{DC'}$ 의 연장선과의 교점을 P라고 하고 $\angle DBC = 37^\circ$ 일 때, $\angle P$ 의 크기를 구하여라.



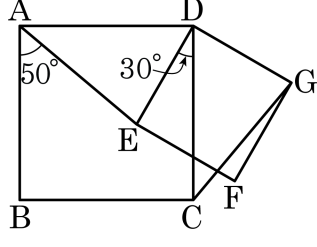
▶ 답: ○ —

▷ 정답 : 74°

해설

$$\triangle BCD \equiv \triangle BC'D$$
$$\angle CBD = \angle C'BD = 37^\circ,$$
$$\angle C'DB = 180^\circ - (90^\circ + 37^\circ) = 53^\circ.$$
$$\angle ABD = 90^\circ - 37^\circ = 53^\circ$$
$$\triangle PBD \text{에서 } \angle P = 180^\circ - (53^\circ + 53^\circ) = 74^\circ$$

4. 다음 그림과 같이 한 점 D를 공유하는 두 정사각형 ABCD와 DEFG에서 $\angle BAE = 50^\circ$, $\angle CDE = 30^\circ$ 일 때, $\angle CGD = (\quad)^\circ$ 이다. () 안에 들어갈 알맞은 수를 구하여라.

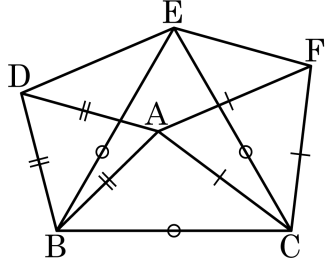


- ① 60 ② 65 ③ 70 ④ 75 ⑤ 80

해설

$\triangle DEA$ 와 $\triangle DGC$ 에서
 $\overline{DA} = \overline{DC}$
 $\overline{DE} = \overline{DG}$
 $\angle ADE = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$, $\angle CDG = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$ 이므로
 $\triangle DEA \cong \triangle DGC$ (SAS 합동)
 $\angle DAE = 90^\circ - 50^\circ = 40^\circ$ 이고 $\angle ADE = 60^\circ$ 이므로 $\angle AED = 180^\circ - 40^\circ - 60^\circ = 80^\circ$ 이다. 따라서 $\angle CGD = 80^\circ$ 이다.

5. 다음 그림과 같이 $\triangle DAB$, $\triangle EBC$, $\triangle AFC$ 가 정삼각형일 때, $\square EDAF$ 는 어떤 사각형인지 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 평행사변형

해설

$\triangle ABC$ 와 $\triangle FEC$ 에서 $\overline{AC} = \overline{FC}$, $\overline{BC} = \overline{EC}$, $\angle ACB = 60^\circ - \angle ACE = \angle ECF$ 이므로 $\triangle ABC \cong \triangle FEC$ 는 SAS 합동이다.

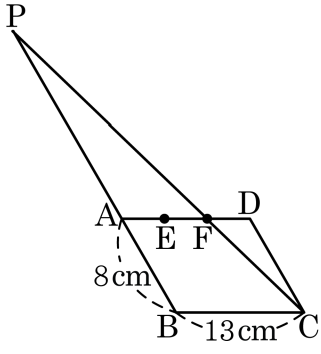
따라서 $\overline{EF} = \overline{AB}$ 이다.

$\triangle ABC$ 와 $\triangle DBE$ 에서 $\overline{DB} = \overline{AB}$, $\overline{BE} = \overline{BC}$, $\angle ABC = 60^\circ - \angle EBA = \angle DBE$ 이므로 $\triangle DBE \cong \triangle ABC$ 는 SAS 합동이다.

따라서 $\overline{DE} = \overline{AC}$ 이다.

$\square EDAF$ 에서 $\overline{DE} = \overline{AF}$, $\overline{DA} = \overline{EF}$ 이므로 평행사변형이다.

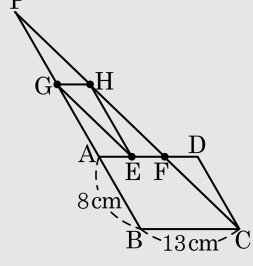
6. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD 에서 점 E,F는 $\overline{AD}$ 의 삼등분 점이다. $\overline{AB} = 8\text{cm}$, $\overline{BC} = 13\text{cm}$ 일 때, $\overline{PA}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

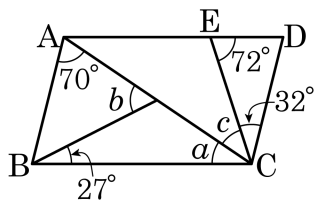
▷ 정답 : 16 cm

해설



$\overline{AB} // \overline{HE}$, $\overline{PC} // \overline{GE}$ 인 $\overline{HE}$, $\overline{GE}$ 를 그으면
 $\triangle CDF \cong \triangle GAE \cong \triangle HEF$ (ASA 합동) , $\triangle CDF \cong \triangle EHG \cong \triangle PGH$ (ASA 합동) 이다.
 $\therefore \overline{PA} = \overline{PG} + \overline{GA} = 8 + 8 = 16(\text{cm})$

7. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 $\angle a + \angle b + \angle c$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 1

▶ 정답 : 133°

해설

$$\angle BAC = \angle ACD \text{ (엇각)}, \angle c = 70^\circ - 32^\circ = 38^\circ$$

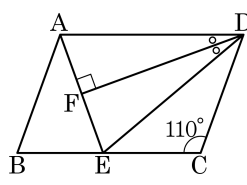
$$\angle EDC = 180^\circ - 72^\circ - 32^\circ = 76^\circ = \angle ABC$$

$$\angle a = 180^\circ - 70^\circ - 76^\circ = 34^\circ$$

$\angle a = 180^\circ - 70^\circ - 70^\circ = 40^\circ$
 $\angle b = \angle a + 27^\circ = 40^\circ + 27^\circ = 67^\circ$ (삼각형의 한 외각의 크기는 이웃하지 않은 두 각의 크기의 합과 같다.)

$$\therefore \angle a + \angle b + \angle c = 34^\circ + 61^\circ + 38^\circ = 133^\circ$$

8. 다음 그림의 평행사변형 ABCD 에서 $\overline{DF}$ 는 $\triangle ADE$ 의 이등분선이고 $\angle C = 110^\circ$ 이다. $\overline{AB} = \overline{AE}$ 일 때, $\angle CDE$ 의 크기를 구하여라.



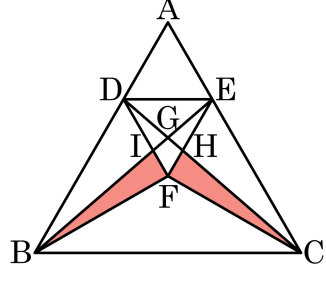
▶ 답: 0

▶ 정답 : 30°

해설

$\angle B = 70^\circ$, $\overline{AB} = \overline{AE}$ 이므로 $\angle AEB = 70^\circ$, $\angle EAD = 70^\circ$ (엇각)
따라서 $\angle ADF = 20^\circ$, $\angle CDE = 70^\circ - 20^\circ - 20^\circ = 30^\circ$ 이다.

9. 다음 그림과 같은 정삼각형 ABC에서 $\overline{BD} = 2\overline{AD}$, $\overline{CE} = 2\overline{AE}$ 가 되도록 점 D, E를 잡고, 점 D에서 $\overline{AC}$ 에 평행하게 그른 직선과 점 E에서 $\overline{AB}$ 에 평행하게 그른 직선의 교점을 F라 하였다. $\overline{BE}$ 와 $\overline{CD}$ 의 교점을 G라 하고, $\triangle DGI = \triangle EGH = 2$, $\triangle DEG = 4$ 일 때, $\triangle BFI + \triangle CFH$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▶ 정답 : 12

해설

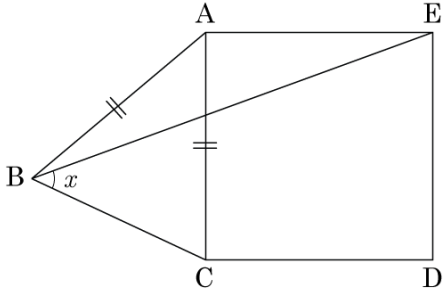
□ADFE 는 평행사변형이므로 $\triangle ADE = \triangle DEF$

$$\overline{EF} \parallel \overline{AB} \circlearrowleft \text{므로 } \triangle BEF = \triangle DEF = \triangle ADE$$
$$\overline{DF} \parallel \overline{AC} \text{ 이므로 } \triangle DCF = \triangle DEF = \triangle ADE$$
$$\triangle DFH + \triangle CFH = \triangle DFH + \triangle DEH$$
$$\therefore \Delta CFH = \Delta DEH$$
$$\Delta BIE = \Delta BFE = (\Delta ECH + \square EICH)$$
$$= \triangle BEF - (\triangle EGH + \square FIGH)$$
$$= \Delta \text{DCF}$$
$$= \Delta \text{CFH}$$

Abstract

$$\Delta\text{BFI} + \Delta\text{CFH} =$$
$$= 2(\Delta_{DEF} - \Delta_{DGI} - \Delta_{DEG})$$
$$= 2(2 + 4) = 12$$

10. 다음 그림에서 □ACDE 는 정사각형이고 △ABC 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형일 때, $\angle x$ 의 크기를 구하여라.

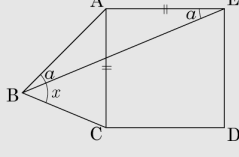


▶ 답 :

°

▷ 정답 : 45°

해설



i) $\angle ABE = \angle AEB = a$ 라 하면,

$\angle BAE = 180^\circ - 2a$ 이고,

$\angle CAE = 90^\circ$ 이므로

$\angle BAC = (180^\circ - 2a) - 90^\circ = 90^\circ - 2a$

ii) $\overline{AB} = \overline{AE} = \overline{AC}$ 이므로,

△ABC 는 이등변삼각형이고,

$\angle BAC = 90^\circ - 2a$ 이므로,

$\angle ABC = \angle ACB = \frac{1}{2} \{180^\circ - (90^\circ - 2a)\} = 45^\circ + a$

또한, $\angle ABC = \angle ABE + \angle x$ 이므로,

$a + \angle x = 45^\circ + a$

$\therefore \angle x = 45^\circ$