

1.  $x^3 - 4x^2 + 5x - 3$  을  $x - 3$ 에 대해 내림차순으로 정리하기 위해  
때,  $ABCD$ 의 값을 구하면?

① -20      ② 40      ③ -60      ④ 120      ⑤ -120

해설

$x^3 - 4x^2 + 5x - 3$  을  $x - 3$ 에 대해 내림차순으로 정리하기 위해  
 $x - 3$ 으로 반복하여 나누면 나머지가 차례로  $D, C, B, A$  가  
되므로

$$\begin{array}{r|rrrr} 3 & 1 & -4 & 5 & -3 \\ & & 3 & -3 & 6 \\ \hline 3 & 1 & -1 & 2 & 3 \\ & & 3 & 6 & \\ \hline 3 & 1 & 2 & 8 & \\ & & 3 & & \\ \hline & 1 & 5 & & \\ \uparrow & & & & \\ a & & & & \end{array} \leftarrow d$$
$$c$$

$$\therefore ABCD = 1 \times 5 \times 8 \times 3 = 120$$

2.  $x$ 에 대한 다항식  $x^3 + ax^2 - x + b$ 를  $x - 1$ 로 나누었을 때 몫과 나머지를 다음과 같은 조립제법으로 구하려고 한다. 다음 중 옳지 않은 것은?

$$k \left| \begin{array}{cccc} 1 & a & -1 & b \\ & c & d & a \\ \hline 1 & 4 & 3 & 5 \end{array} \right.$$

①  $a = 3$       ②  $b = 2$       ③  $c = 1$

④  $d = 4$       ⑤  $k = -1$

해설

다항식  $x^3 + ax^2 - x + b$ 를  $x - 1$ 로 나누었을 때의 몫과 나머지를 조립제법을 이용하여 구하면 다음과 같다.

$$1 \left| \begin{array}{cccc} 1 & a & -1 & b \\ & 1 & a+1 & a \\ \hline 1 & a+1 & a & b+a \end{array} \right.$$

$k = 1, a = 3, b = 2, c = 1, d = 4$

따라서 옳지 않은 것은 ⑤이다.

3. 다항식  $f(x) = 3x^3 - 4x^2 + 2x - k$   $\nmid x - 2$  를 인수로 가질 때,  $k$  의 값은?

- ① 8      ② 10      ③ 12      ④ 16      ⑤ 20

해설

$$f(2) = 24 - 16 + 4 - k = 0$$

$$\therefore k = 12$$

4. 다항식  $f(x)$ ,  $g(x)$ 에서  $f(x)$ 를  $x^2 - 1$ 로 나눈 나머지가 2이고  $g(x)$ 를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눈 나머지가  $2x + 1$ 이다.  $2f(x) + 3g(x)$ 를  $x - 1$ 로 나눈 나머지는?

① 13      ② -13      ③ 16      ④ -16      ⑤ 26

해설

$$f(x) = (x^2 - 1)Q_1(x) + 2,$$
$$\therefore f(1) = 2$$
$$g(x) = (x^2 - 3x + 2)Q_2(x) + 2x + 1,$$
$$\therefore g(1) = 3$$
$$2f(x) + 3g(x)$$
을  $x - 1$ 로 나눈 나머지는  
$$2f(1) + 3g(1) = 2 \cdot 2 + 3 \cdot 3 = 13$$

5.  $16a^4 - 250ab^3$  의 인수가 아닌 것은?

- ①  $a$       ②  $2a - 5b$   
③  $2a(2a - 5b)$       ④  $4a^2 + 10ab + 25b^2$   
⑤  $2a(2a + 5b)$

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 2a(8a^3 - 125b^3) \\&= 2a\{(2a)^3 - (5b)^3\} \\&= 2a(2a - 5b)(4a^2 + 10ab + 25b^2)\end{aligned}$$

6.  $a^2b + b^2c - b^3 - a^2c$  을 인수분해하면?

- ①  $(a+b)(a-b)(b+c)$       ②  $(a-b)(b-c)(c+a)$   
③  $(a-b)(a+b)(b-c)$       ④  $(a-b)(a+b)(c-a)$   
⑤  $(a-b)(b+c)(c-a)$

해설

$$\begin{aligned} & a^2b + b^2c - b^3 - a^2c \\ &= a^2(b - c) - b^2(b - c) \\ &= (a - b)(a + b)(b - c) \end{aligned}$$

7.  $x^2 - 2x - y^2 + 2y$ 를 인수분해하였더니,  $(x+ay)(x-by+c)$ 가 되었다.  
○ 때,  $a, b, c$ 를 순서대로 쓴 것은?

- ① -1, 0, 1      ② -1, 1, 2      ③ -2, -1, 1  
**④ -1, -1, -2**      ⑤ -1, 2

해설

$$\begin{aligned}x^2 - 2x - y^2 + 2y &= (x+y)(x-y) - 2(x-y) \\&= (x-y)(x+y-2) \\∴ a = -1, b = -1, c = -2\end{aligned}$$

8.  $(x^2 + x)(x^2 + x - 8) + 12$  를 인수분해 할 때, 다음 중 인수가 될 수 없는 것은?

- ①  $x - 1$     ②  $x + 1$     ③  $x - 2$     ④  $x + 2$     ⑤  $x + 3$

해설

$$\begin{aligned}x^2 + x &= A \text{로 놓으면 주어진 식은} \\A(A - 8) + 12 &= A^2 - 8A + 12 \\&= (A - 2)(A - 6) \\\therefore (\text{준식}) &= (x^2 + x - 2)(x^2 + x - 6) \\&= (x - 1)(x + 2)(x - 2)(x + 3)\end{aligned}$$

9.  $(x+1)^2 + (x+1)(y+2) - 6(y+2)^2$  의 인수를 구하면?

- ①  $x - 2y + 3$       ②  $\textcircled{2} x - 2y - 3$       ③  $x + 2y - 3$   
④  $x + 3y - 7$       ⑤  $x - 3y + 7$

해설

$$\begin{aligned} x+1 &= a, y+2 = b \text{ 라 하면} \\ (x+1)^2 + (x+1)(y+2) - 6(y+2)^2 &= a^2 + ab - 6b^2 \\ &= (a-2b)(a+3b) \\ &= \textcircled{(x+1)-2(y+2)}\textcircled{(x+1)+3(y+2)} \\ &= (x+1-2y-4)(x+1+3y+6) \\ &= (x-2y-3)(x+3y+7) \end{aligned}$$

10.  $x^4 + 3x^2 + 4 = (x^2 + x + 2)(x^2 + ax + b)$  일 때, 상수  $a, b$ 의 곱을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$\begin{aligned}(좌변) &= (x^2 + 2)^2 - x^2 \\&= (x^2 + x + 2)(x^2 - x + 2)\end{aligned}$$

$$\therefore a = -1, b = 2$$

$$\therefore ab = -1 \times 2 = -2$$

11.  $a^2 + ab + a - b - 2$ 의 인수로 적당한 것은?

- ①  $a - b - 2$       ②  $a + b - 2$       ③  $\textcircled{3} a + b + 2$   
④  $a + 1$       ⑤  $b + 1$

해설

$a$ 에 관한 내림차순으로 정리 후 인수분해 한다.

$$\begin{aligned}\text{(준식)} &= a^2 + ab + a - b - 2 \\ &= a^2 + (b+1)a - b - 2 \\ &= (a+b+2)(a-1)\end{aligned}$$

12.  $ab(a-b) + bc(b-c) + ca(c-a)$  을 인수분해하면?

- ①  $-(a-b)(b-c)(c-a)$       ②  $-(a+b+c)(a-b-c)$   
③  $-(a+b)(b+c)(c+a)$       ④  $(a+b)(b+c)(c+a)$   
⑤  $(a-b)(b-c)(c-a)$

해설

전개하여  $a$ 에 대한 내림차순으로 정리한 후, 인수분해 한다.

$$\begin{aligned} ab(a-b) + bc(b-c) + ca(c-a) \\ &= (b-c)a^2 - (b^2 - c^2)a + bc(b-c) \\ &= (b-c)a^2 - (b+c)(b-c)a + bc(b-c) \\ &= (b-c)(a^2 - (b+c)a + bc) \\ &= (b-c)(a-b)(a-c) \\ &= -(a-b)(b-c)(c-a) \end{aligned}$$

13. 등식  $f(x) = x^3 + 4x^2 + x - 6 = (x+a)(x+b)(x+c)$  일 때,  $a+b+c$ 의 값은?

① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

해설

조립제법을 사용한다

$$\begin{array}{r|rrrr} 1 & 1 & 4 & 1 & -6 \\ & & 1 & 5 & 6 \\ \hline -2 & 1 & 5 & 6 & 0 \\ & & -2 & -6 & \\ \hline -3 & 1 & 3 & 0 & \\ & & -3 & & \\ \hline & 1 & 0 & & \end{array}$$

$$x^3 + 4x^2 + x - 6 = (x-1)(x+2)(x+3)$$

$$\therefore a+b+c = 4$$

14.  $\frac{2006^3 - 1}{2006 \times 2007 + 1}$  의 값을 구하면?

- ① 2005    ② 2006    ③ 2007    ④ 2008    ⑤ 2009

해설

$$a = 2006 \text{ 로 놓으면}$$
$$(준식) = \frac{a^3 - 1}{a(a+1) + 1} = \frac{(a-1)(a^2+a+1)}{a^2+a+1}$$
$$= a - 1 = 2005$$

15.  $a + b + c = 4$ ,  $ab + bc + ca = 3$ ,  $abc = 1$  일 때,  $a^3 + b^3 + c^3$ 의 값을 구하면?

① 30      ② 31      ③ 32      ④ 33      ⑤ 34

해설

$$\begin{aligned} (a + b + c)^2 &= a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca) \\ \text{위 식에 따라 } a^2 + b^2 + c^2 + 6 &= 16 \\ \therefore a^2 + b^2 + c^2 &= 10 \\ a^3 + b^3 + c^3 &= (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) + 3abc \\ &= 4 \times (10 - 3) + 3 \times 1 \\ &= 31 \end{aligned}$$

16. 다항식  $8x^3 - 1$  을  $4x^2 + 2x + 1$  로 나누었을 때의 몫을  $Q(x)$  라 할 때  $Q(x)$  의 상수항의 계수는?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$8x^3 - 1 = (2x)^3 - 1^3 = (2x - 1)(4x^2 + 2x + 1)$$

$$\therefore Q(x) = 2x - 1$$

$\therefore$  상수항은 -1

17. 다음 중 인수분해가 잘못된 것을 고르면?

- ①  $(x - y)^2 - xy(y - x) = (x - y)(x - y + xy)$
- ②  $3a^2 - 27b^2 = 3(a + 3b)(a - 3b)$
- ③  $64a^3 - 125 = (4a + 5)(16a^2 - 20a + 25)$
- ④  $(x^2 - x) (x^2 - x + 1) - 6 = (x^2 - x + 3)(x + 1)(x - 2)$
- ⑤  $2x^2 - 5x + 3 = (x - 1)(2x - 3)$

해설

$$\begin{aligned}64a^3 - 125 &= (4a)^3 - (5)^3 \\&= (4a - 5)(16a^2 + 20a + 25)\end{aligned}$$

18.  $x^2 + y^2 + 2xy - x - y$  을 인수분해 하면?

- ①  $(x - y)(x + y + 1)$       ②  $(x + y)(x - y - 1)$   
③  $(x - y)(x - y - 1)$       ④  $(x + y)(x + y - 1)$   
⑤  $(x + y)(x + y + 1)$

해설

$$\begin{aligned} & x^2 + y^2 + 2xy - x - y \\ &= (x + y)^2 - (x + y) = (x + y)(x + y - 1) \end{aligned}$$

19.  $x^4 - 6x^2 + 8$ 를 인수분해하면? (단, 유리수 범위에서 인수분해 하여라.)

- ①  $(x^2 - 2)(x^2 - 4)$
- ②  $(x^2 - 2)(x - 4)(x + 4)$
- ③  $(x^2 - 2)(x - 2)(x + 2)$
- ④  $(x - \sqrt{2})(x + \sqrt{2})(x - 2)(x + 2)$
- ⑤  $(x^2 - \sqrt{2})(x - 2)(x + 2)$

해설

$$\begin{aligned}x^4 - 6x^2 + 8 &= (x^2)^2 - 6x^2 + 8 \\&= (x^2 - 2)(x^2 - 4) \\&= (x + 2)(x - 2)(x^2 - 2)\end{aligned}$$

인수정리를 이용할 수 있다.

$$f(x) = x^4 - 6x^2 + 8$$

$$f(2) = 0, \quad f(-2) = 0,$$

즉,  $(x - 2)(x + 2)$ 로 나누어 떨어지므로 조립제법을 써서 인수분해하면 된다.

20.  $1 - 4x^2 - y^2 + 4xy = (1 + ax + by)(1 + cx + dy)$  일 때,  $ac + bd$ 의 값을 구하면?

- ① -6      ② -5      ③ -4      ④ -3      ⑤ -2

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 1 - (4x^2 - 4xy + y^2) \\&= 1^2 - (2x - y)^2 \\&= (1 + 2x - y)(1 - 2x + y) \\∴ a &= 2, b = -1, c = -2, d = 1 \\∴ ac + bd &= 2 \times (-2) + (-1) \times 1 = -5\end{aligned}$$