

1. 숫자 1, 2, 3... , 20을 각각 써 놓은 카드 중에서 임의로 한 장을 뽑을 때, 3의 배수 또는 8의 배수가 나오는 경우의 수는?

① 5가지

② 6가지

③ 7가지

④ 8가지

⑤ 9가지

해설

3의 배수는 3, 6, 9, 12, 15, 18로 6가지이고 8의 배수는 8, 16로 2가지이다. 따라서 3의 배수 또는 8의 배수가 나오는 경우의 수는 $6 + 2 = 8$ (가지)이다.

2. 서울에서 대구까지 오가는 교통편이 하루에 비행기는 4회, 기차는 7회, 버스는 9회가 다닌다고 한다. 서울에서 대구까지 가는 경우의 수를 구하면?

① 12가지

② 13가지

③ 15가지

④ 17가지

⑤ 20가지

해설

비행기를 타고 가는 방법과 기차를 타고 가는 방법, 버스를 타고 가는 방법은 동시에 일어나는 사건이 아니므로 경우의 수는 $4 + 7 + 9 = 20$ (가지)이다.

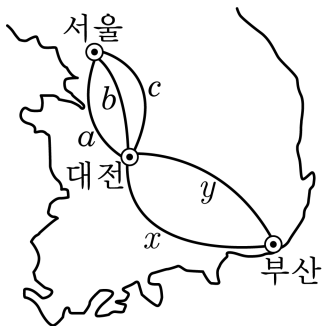
3. 색연필 5종류, 볼펜 4종류가 있을 때, 색연필과 볼펜 중에서 한 개를 고르는 경우의 수는?

- ① 5가지 ② 6가지 ③ 7가지 ④ 8가지 ⑤ 9가지

해설

색연필 5자루, 볼펜 4자루이므로 $5 + 4 = 9$ (가지)

4. 다음 그림은 서울에서 대전까지 가는 길 a , b , c 와 대전에서 부산까지 가는 길 x , y 를 나타낸 것이다. 부산에서 대전을 거쳐 서울로 가는 방법은 모두 몇 가지인지 구하여라.



① 2가지

② 3가지

③ 4가지

④ 5가지

⑤ 6가지

해설

부산에서 대전으로 가는 경우의 수 : 2가지

대전에서 서울로 가는 경우의 수 : 3가지

$\therefore 2 \times 3 = 6(\text{가지})$

5. x 의 값은 $x = a, b, c$ 이고 y 의 값은 $y = 1, 2, 3, 4$ 인 함수 f 에서 $f(a) = 3$ 인 경우는 모두 몇 가지인가?

① 12가지

② 13가지

③ 14가지

④ 15가지

⑤ 16가지

해설

$f(a) = 3$ 일 때, b, c 의 함수값은 각각 4가지씩 있으므로 $4 \times 4 = 16$ (가지)이다.

6. 크기가 다른 두 개의 주사위를 동시에 던져서 큰 주사위에서 나온 눈의 수를 a , 작은 주사위에서 나온 눈의 수를 b 라고 할 때, $ax - b = 0$ 의 해가 2가 될 확률은?

① $\frac{1}{3}$

② $\frac{1}{4}$

③ $\frac{1}{6}$

④ $\frac{1}{12}$

⑤ $\frac{1}{24}$

해설

해가 2가 될 경우 $(1, 2), (2, 4), (3, 6)$ 의 3가지이다.

$$\therefore (\text{확률}) = \frac{3}{36} = \frac{1}{12}$$

7. A, B 2개의 주사위를 동시에 던질 때, 나온 눈의 차가 3 또는 4가 될 확률은?

① $\frac{1}{36}$

② $\frac{3}{8}$

③ $\frac{1}{8}$

④ $\frac{1}{6}$

⑤ $\frac{5}{18}$

해설

눈의 차가

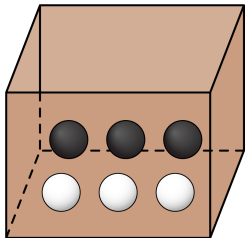
3인 경우 :

(1, 4), (2, 5), (3, 6), (4, 1), (5, 2), (6, 3)

4인 경우 : (1, 5), (2, 6), (5, 1), (6, 2)

$$\therefore (\text{확률}) = \frac{10}{36} = \frac{5}{18}$$

8. 다음 그림과 같이 직육면체 안에 3개의 검은 공과 3개의 흰 공이 들어 있다. 직육면체에서 한 번 꺼낸 것을 다시 집어넣고 연속하여 1개씩 2개의 공을 꺼낼 때, 서로 같은 색의 공이 나올 확률을 구하여라.



▶ 답:

▶ 정답: $\frac{1}{2}$

해설

둘 다 검은 공을 선택하는 경우는 $\frac{3}{6} \times \frac{3}{6}$

둘 다 흰 공을 선택하는 경우는 $\frac{3}{6} \times \frac{3}{6}$

따라서 서로 같은 색의 공이 나올 확률은

$$\frac{3}{6} \times \frac{3}{6} + \frac{3}{6} \times \frac{3}{6} = \frac{1}{2}$$

9. 두 개의 주사위 A, B 를 동시에 던질 때, 나오는 눈의 수의 합이 7 이 되는 경우의 수는?

① 3

② 4

③ 5

④ 6

⑤ 7

해설

(1, 6), (2, 5), (3, 4), (4, 3), (5, 2), (6, 1) 의 6 가지

10. 스, 르, ㅇ, 흥의 4개의 자음과 ㅏ, ㅑ, ㅓ, ㅕ의 4개의 모음이 있다.
자음 1개와 모음 1개를 짝지어 만들 수 있는 글자는 모두 몇 가지인지
구하여라.

▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 16가지

해설

자음 1개를 뽑는 경우의 수 : 4가지

모음 1개를 뽑는 경우의 수 : 4가지

∴ $4 \times 4 = 16$ (가지)

11. 알파벳 J, R, T 와 숫자 2, 8 을 일렬로 배열하여 비밀번호를 만들려고 한다. 만들 수 있는 비밀번호는 모두 몇 가지인가?

① 15 가지

② 24 가지

③ 60 가지

④ 120 가지

⑤ 240 가지

해설

5 개를 일렬로 세우는 경우의 수와 같으므로 $5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$ (가지)이다.

12. 숫자가 적힌 네 장의 카드로 만들 수 있는 세 자리의 정수 중 220 이상인 정수의 개수를 구하여라.



▶ 답: 가지

▷ 정답: 7 가지

해설

221, 223, 231, 232, 312, 321, 322
이므로 7가지이다.

13. 상자에 흰 구슬 3개, 검은 구슬 4개, 파란 구슬이 들어있다. 이때, 임의로 한 개를 꺼낼 때 흰 구슬이 나올 확률이 $\frac{1}{3}$ 이었다. 이 상자에서 파란 구슬을 꺼낼 확률은 얼마인가?

① $\frac{1}{8}$

② $\frac{2}{9}$

③ $\frac{3}{10}$

④ $\frac{4}{11}$

⑤ $\frac{5}{12}$

해설

파란 구슬이 a 개 있다면,

$$\text{흰 구슬이 나올 확률} = \frac{3}{3+4+a} = \frac{1}{3} \therefore a = 2$$

$$\text{따라서 파란 구슬이 나올 확률은 } \frac{2}{3+4+2} = \frac{2}{9}$$

14. 옷짝을 한 개 던질 때, 둥근 겉면이 나올 확률은 $\frac{1}{3}$ 이라고 한다. 옷을 던져서 걸 또는 도가 나올 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{40}{81}$

해설

$$4 \times \left(\frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{1}{3} \right) + 4 \times \left(\frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{3} \times \frac{2}{3} \right) = \frac{32}{81} + \frac{8}{81} = \frac{40}{81}$$

15. 어느 날 비가 왔다면 그 다음 날 비가 올 확률은 $\frac{1}{4}$ 이고, 비가 오지 않았다면 그 다음 날 비가 올 확률은 $\frac{1}{6}$ 이다. 어느 달의 5 일에 비가 왔다면, 7 일에도 비가 올 확률은?

① $\frac{1}{16}$

② $\frac{3}{16}$

③ $\frac{1}{24}$

④ $\frac{3}{24}$

⑤ $\frac{13}{16}$

해설

(7 일에 비가 올 확률)

= (6 일에 비가 오고 7 일에도 비가 올 확률) + (6 일에는 비가 오지 않고 7 일에 비가 올 확률)

$$= \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} + \left(1 - \frac{1}{4}\right) \times \frac{1}{6}$$

$$= \frac{1}{16} + \frac{3}{4} \times \frac{1}{6}$$

$$= \frac{1}{16} + \frac{1}{8} = \frac{3}{16}$$

16. 자격증 시험에서 A, B, C가 합격할 확률은 각각 $\frac{1}{3}$, $\frac{3}{4}$, $\frac{2}{5}$ 이다. 이때, A와 B만 합격할 확률은?

① $\frac{1}{20}$

② $\frac{3}{20}$

③ $\frac{4}{20}$

④ $\frac{6}{20}$

⑤ $\frac{9}{20}$

해설

$$\frac{1}{3} \times \frac{3}{4} \times \frac{3}{5} = \frac{3}{20}$$

17. 8발을 쏴서 평균 5발을 명중시키는 사수가 2발 이하로 총을 쏘았을 때, 명중시킬 확률은? (단, 명중시키면 더 이상 총을 쏘지 않는다.)

① $\frac{3}{20}$

② $\frac{1}{20}$

③ $\frac{3}{8}$

④ $\frac{5}{8}$

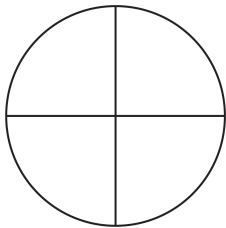
⑤ $\frac{55}{64}$

해설

(구하는 확률) = (첫 발에 맞출 확률) +
(첫 발 실패 후 두 번째 발에 맞출 확률)

$$= \frac{5}{8} + \frac{3}{8} \times \frac{5}{8} = \frac{55}{64}$$

18. 다음 그림의 네 부분에 빨강, 노랑, 초록, 보라 색을 한 번씩 칠할 때, 원이 움직일 때 칠하는 경우의 수를 구하여라.



▶ 답: 가지

▷ 정답: 6 가지

해설

$$\frac{4 \times 3 \times 2 \times 1}{4} = 6(\text{가지})$$

19. 1 에서 5 까지의 숫자가 각각 적힌 5 장의 카드에서 3 장을 뽑아 세 자리의 정수를 만들었을 때, 3 의 배수인 정수의 경우의 수는?

① 9 가지

② 10 가지

③ 12 가지

④ 16 가지

⑤ 24 가지

해설

3 의 배수가 되기 위해서는 각 자릿수의 합이 3 의 배수가 되어야 한다. 주어진 수를 더하여 3 의 배수를 만들 수 있는 경우는 (1, 2, 3), (2, 3, 4), (1, 3, 5), (3, 4, 5) 이다.

각각의 숫자로 3 의 배수를 만들면 $(3 \times 2 \times 1) \times 4 = 24$ (가지) 이다.

20. 마린과 메딕이 A, B 두 개의 주사위를 동시에 던져서 두 눈의 수의 차이만큼 계단을 오르는 게임을 하고 있다. 메딕이 주사위 두 개를 동시에 던질 차례에서 두 눈의 수의 차가 4 이상이면 이긴다고 한다. 마린이 이길 확률을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{5}{6}$

해설

눈의 차가 4이상인 경우의 수는

(1, 5), (1, 6), (2, 6), (5, 1), (6, 1), (6, 2) 의 6가지이므로

메딕이 이길 확률은 $\frac{6}{36} = \frac{1}{6}$

$\therefore$ (마린이 이길 확률) $= 1 - \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$

21. 천하장사 씨름 대회의 결승전에서는 5번의 시합에서 3번을 먼저 이기면 천하장사가 된다. 지금까지 2번의 시합에서 A가 2승을 하였다고 할 때, A가 천하장사가 될 확률은 B가 천하장사가 될 확률의 몇 배인가? (단, 두 사람이 한 게임에서 이길 확률이 서로 같다.)

① 2 배

② 4 배

③ 6 배

④ 7 배

⑤ 8 배

해설

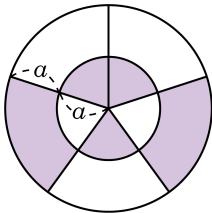
A가 이기는 경우는 3회째 이기거나, 4회째 이기거나, 5회째 이기는 방법이 있다. 5회까지 3경기를 지면 B가 먼저 3승이 되어 A가 지게 된다.

$$\text{A가 이길 확률} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{7}{8}$$

$$\text{B가 이길 확률} = 1 - \frac{7}{8} = \frac{1}{8}$$

따라서 A가 이길 확률이 B가 이길 확률의 7배이다.

22. 다음 그림과 같은 다트판이 있다. 다트를 한 번 던져서 색칠한 부분에 맞힐 확률을 구하여라.
(단, 원을 똑같이 5등분 하였다.)



▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{9}{20}$

해설

(구하는 확률)

$$\begin{aligned}
 &= \frac{\pi a^2 \times \frac{3}{5} + \{\pi \times (2a)^2 - \pi a^2\} \times \frac{2}{5}}{\pi \times (2a)^2} \\
 &= \frac{\frac{3}{5} + \frac{6}{5}}{4} \\
 &= \frac{9}{20}
 \end{aligned}$$

23. 다섯 자리 자연수 중, 십의 자리 숫자가 짝수이면 일의 자리 숫자가 0, 십의 자리 숫자가 홀수이면 일의 자리 숫자가 1 이고, 각 자리의 숫자가 모두 다른 수의 개수를 구하여라.



답 :

가지



정답 : 2520 가지

해설

(1) 일의 자리 수가 0 이고 십의 자리 수가 짝수이면 ABCD0 의 꼴이다.

D = 2 일 때, ABC 의 경우의 수는 0 과 2 를 제외한 한 자리 자연수 중에서 세 개를 일렬로 세우는 경우의 수와 같으므로 $8 \times 7 \times 6 = 336$ 가지이다.

D = 4, 6, 8 일 경우에도 마찬가지이므로 $336 \times 4 = 1344$ 가지이다.

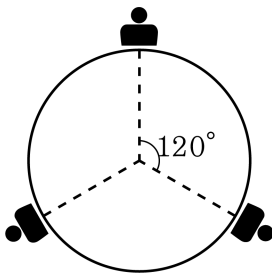
(2) 일의 자리 수가 1 이고 십의 자리 수가 홀수이면 ABCD1 의 꼴이다.

D 의 자리에는 3, 5, 7, 9 가 올 수 있고 ABC 의 경우의 수는 0 ~ 9 까지의 정수 중 1 과 다른 하나의 홀수를 제외한 나머지 정수를 일렬로 세우는 경우의 수와 같다.

이때, $A \neq 0$ 이므로 $(7 \times 7 \times 6) \times 4 = 1176$ 가지이다.

따라서 구하는 경우의 수는 $1344 + 1176 = 2520$ (가지)이다.

24. 아이 3 명과 어른 3 명이 둥근 탁자 둘레에 같은 간격으로 앉을 때, 다음 그림과 같이 어른 3 명이 탁자의 중심에 대하여 서로 120° 를 이루며 앉게 되는 경우의 수를 구하여라.



▶ 답 :

가지

▷ 정답 : 12가지

해설

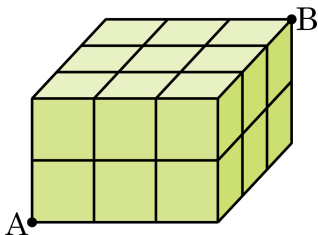
어른 A 의 자리를 고정하면 어른 B, C 의 자리가 정해진다. 순서는 시계방향으로 A, B, C 또는 A, C, B 의 두 가지가 가능하다. 나머지 3 자리에 아이 3 명이 앉는 경우의 수는 $3! = 6$ (가지) 이다.

따라서 구하고자 하는 경우의 수는

$$2 \times 3! = 12 \text{ (가지)}$$

(단, $n! = n \times (n-1) \times (n-2) \cdots 3 \times 2 \times 1$ 이다.)

25. 다음과 같이 크기가 같은 정육면체 18 개를 쌓아 만든 도형의 A 지점에서 B 지점까지 작은 정육면체의 모서리를 따라 갈 수 있는 최단 경로의 가짓수를 구하여라.



▶ 답 : 가지

▷ 정답 : 560 가지

해설

오른쪽으로 한 칸 가는 것을 a , 앞으로 한 칸 가는 것을 b , 위로 한 칸 가는 것을 c 라 하면 구하는 최단 경로의 수는 a, a, a, b, b, b, c, c 를 일렬로 배열하는 경우의 수와 같으므로

$$\frac{8!}{3!3!2!} = 560(\text{가지}) \text{ 이다.}$$

(단, $n! = n \times (n-1) \times (n-2) \cdots 3 \times 2 \times 1$ 이다.)