

1. 세 변의 길이가 각각 x , $x+2$, $x-7$ 인 삼각형이 직각삼각형일 때, 빗변의 길이를 구하여라.

① 15 ② 17 ③ 19 ④ 20 ⑤ 21

해설

$$(x+2)^2 = x^2 + (x-7)^2$$

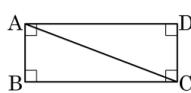
$$x^2 - 18x + 45 = 0$$

$$(x-15)(x-3) = 0$$

$$\therefore x = 15 (\because x > 7)$$

따라서 빗변의 길이는 $x+2$ 이므로 17이다.

2. 다음 그림과 같은 직사각형에서 $\overline{AB} = 2$, $\overline{AC} = 4\sqrt{2}$ 일 때, \overline{BC} 의 길이는?



- ① $\sqrt{7}$ ② $\sqrt{14}$ ③ $\sqrt{21}$ ④ $2\sqrt{7}$ ⑤ $\sqrt{35}$

해설

피타고라스 정리에 따라서

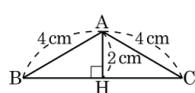
$$(4\sqrt{2})^2 = 2^2 + x^2$$

$$x^2 = 32 - 4 = 28$$

x 는 변의 길이이므로 $x > 0$

$$\therefore x = \sqrt{28} = 2\sqrt{7}$$

3. 다음 그림의 $\overline{AB} = \overline{AC} = 4\text{cm}$ 인 이등변삼각형 ABC 에서 $\overline{AH} \perp \overline{BC}$, $\overline{AH} = 2\text{cm}$ 일 때, \overline{BC} 의 길이를 구하면?



- ① $5\sqrt{3}\text{cm}$ ② $4\sqrt{3}\text{cm}$ ③ $3\sqrt{3}\text{cm}$
④ $2\sqrt{3}\text{cm}$ ⑤ $\sqrt{3}\text{cm}$

해설

$$\overline{BH} = \sqrt{4^2 - 2^2} = 2\sqrt{3}(\text{cm}) \therefore \overline{BC} = 4\sqrt{3}(\text{cm})$$

4. 좌표평면 위의 두 점 A(-3, 4), B(6, x) 사이의 거리가 $\sqrt{82}$ 일 때, x의 값을 모두 구하면?

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

해설

$$\overline{AB} = \sqrt{(-3-6)^2 + (4-x)^2} = \sqrt{82}$$

$$(4-x)^2 + 81 = 82$$

$$(4-x)^2 = 1$$

따라서 $x = 5$ 또는 3 이다.

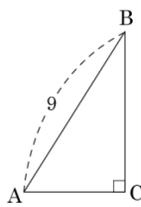
5. 어떤 정육면체의 대각선의 길이가 9cm 일 때, 이 정육면체의 겉넓이를 구하여라.

- ① $81\sqrt{3}\text{cm}^2$ ② $486\sqrt{3}\text{cm}^2$ ③ $162\sqrt{3}\text{cm}^2$
④ 486cm^2 ⑤ 162cm^2

해설

정육면체의 한 모서리의 길이를 a 라 하면
 $\sqrt{3}a = 9$ 이므로 한 모서리의 길이가 $3\sqrt{3}\text{cm}$ 이다.
정육면체의 겉넓이는 $6a^2$ 이므로
 $6 \times (3\sqrt{3})^2 = 162(\text{cm}^2)$

6. $\cos A = \frac{2}{3}$ 인 직각삼각형 ABC 에서 $\overline{AB} = 9$ 일 때, $\triangle ABC$ 의 넓이는? (단, $0^\circ < A < 90^\circ$)



- ① $9\sqrt{3}$ ② $9\sqrt{5}$ ③ $7\sqrt{5}$ ④ $9\sqrt{7}$ ⑤ $18\sqrt{5}$

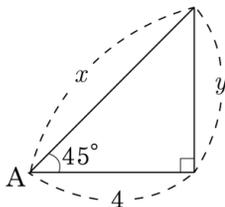
해설

$\cos A = \frac{\overline{AC}}{\overline{AB}} = \frac{2}{3}$ 이므로 $\overline{AC} = \overline{AB} \times \cos A = 9 \times \frac{2}{3} = 6$ 이다.

피타고라스 정리에 의해 $\overline{BC} = \sqrt{9^2 - 6^2} = \sqrt{45} = 3\sqrt{5}$ 이다.

따라서 삼각형 ABC 의 넓이는 $6 \times 3\sqrt{5} \times \frac{1}{2} = 9\sqrt{5}$ 이다.

7. 다음 그림의 직각삼각형에서 xy 의 값은?

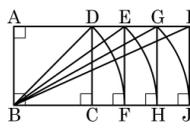


- ① $4\sqrt{2}$ ② $8\sqrt{2}$ ③ $16\sqrt{2}$ ④ $32\sqrt{2}$ ⑤ $48\sqrt{2}$

해설

$$\begin{aligned}\cos 45^\circ &= \frac{4}{x} = \frac{\sqrt{2}}{2}, \quad x = 4\sqrt{2} \\ \tan 45^\circ &= \frac{y}{4} = 1, \quad y = 4 \\ \therefore xy &= 4\sqrt{2} \times 4 = 16\sqrt{2}\end{aligned}$$

8. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 는 정사각형이고, $\overline{BD} = \overline{BF}$, $\overline{BE} = \overline{BH}$, $\overline{BG} = \overline{BJ}$ 이고, $\overline{BE} = 3\sqrt{3}$ 일 때, $\triangle BIJ$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 9

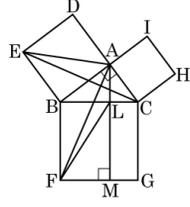
해설

$\overline{BC} = x$ 라고 두면 $\overline{BE} = \sqrt{x^2 + x^2 + x^2} = x\sqrt{3} = 3\sqrt{3}$, $x = 3$ 이다.

$\overline{BJ} = \sqrt{3^2 + 3^2 + 3^2 + 3^2} = 6$ 이다.

따라서 $\triangle BIJ$ 의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 3 \times 6 = 9$ 이다.

9. 다음 그림은 직각삼각형 ABC의 각 변을 한 변으로 하는 정사각형을 그린 것이다. 보기에서 옳은 것을 모두 골라라.



보기

- ㉠ $\triangle ABE = \triangle CBE$
- ㉡ $\triangle ABC = \triangle ABE$
- ㉢ $\triangle CBE \cong \triangle ABF$ (ASA합동)
- ㉣ $\square ADEB = \square BFML$
- ㉤ $\square ADEB + \square ACHI = \square BFGC$
- ㉥ $\overline{BC}^2 = \overline{AB} + \overline{AC}$

▶ 답:

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: ㉠

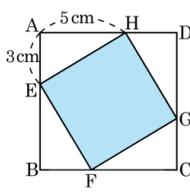
▷ 정답: ㉣

▷ 정답: ㉤

해설

- ㉠ $\triangle ABE = \triangle CBE$ (\overline{BE} 가 공통이고 평행선까지의 길이가 같다.) ○
- ㉡ $\triangle ABC = \triangle ABE$ ×
- ㉢ $\triangle CBE \cong \triangle ABF$ (SAS합동) ×
- ㉣ $\square ADEB = \square BFML$ ($\triangle ABE = \triangle LBF$) ○
- ㉤ $\square ADEB + \square ACHI = \square BFGC$ ○
- ㉥ $\overline{BC}^2 = \overline{AB}^2 + \overline{AC}^2$ ×

10. 다음 그림과 같은 정사각형 ABCD 에서 $\overline{AE} = \overline{BF} = \overline{CG} = \overline{DH} = 3\text{ cm}$, $\overline{AH} = \overline{BE} = \overline{CF} = \overline{DG} = 5\text{ cm}$ 일 때, $\square EFGH$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: cm^2

▶ 정답: 34 cm^2

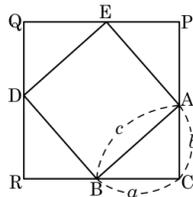
해설

$$\overline{EH} = \sqrt{3^2 + 5^2} = \sqrt{34}(\text{cm})$$

$\square EFGH$ 는 정사각형이므로

$$\therefore \square EFGH = 34(\text{cm}^2)$$

11. 다음은 그림을 이용하여 피타고라스 정리를 설명한 것이다. 이때 () 안에 들어갈 것으로 옳지 않은 것은?



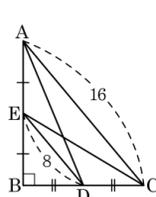
[가정] $\triangle ABC$ 에서 $\angle C = 90^\circ$
 [결론] $a^2 + b^2 = c^2$
 [증명] 직각삼각형 ABC 에서 두 선분 CB, CA 를 연장하여 정사각형 $CPQR$ 를 만들고, $PE = QD = b$ 인 두 점 D, E 를 잡아 정사각형 $AEDB$ 를 그린다.
 $\square CPQR = (\text{①}) + 4 \times (\text{②})$
 $(\text{③}) = c^2 + 4 \times \frac{1}{2} \times ab$
 $a^2 + 2ab + b^2 = c^2 + (\text{④})$
 따라서 (⑤) 이다.

- ① $\square AEDB$ ② $\triangle ABC$ ③ $\triangle ABC$
 ④ $2ab$ ⑤ $a^2 + b^2 = c^2$

해설

$$\square CPQR = (a + b)^2$$

12. 다음 그림에서 $\angle B = 90^\circ$ 이고, D, E는 각각 \overline{BC} , \overline{AB} 의 중점이다. $AC = 16$ 일 때, $\overline{AD}^2 + \overline{CE}^2$ 의 값을 구하여라.



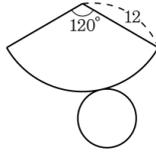
▶ 답:

▷ 정답: 320

해설

$$\begin{aligned}
 \overline{BE} = x, \overline{BD} = y \text{ 라고 하면 } \overline{AB} = 2x, \overline{BC} = 2y, (2x)^2 + (2y)^2 &= 16^2, 4x^2 + 4y^2 = 256 \\
 4(x^2 + y^2) = 256, x^2 + y^2 = 64, \overline{ED} = \sqrt{x^2 + y^2} = 8 \text{ 이므로} \\
 \overline{AD}^2 + \overline{CE}^2 &= \overline{ED}^2 + \overline{AC}^2 \\
 &= (\sqrt{x^2 + y^2})^2 + 16^2 \\
 &= x^2 + y^2 + 256 \\
 &= 64 + 256 \\
 &= 320
 \end{aligned}$$

13. 다음 전개도를 원뿔로 만들었을 때, 원뿔의 높이와 부피는?



- ① (높이) = $6\sqrt{2}$, (부피) = $\frac{124\sqrt{2}}{3}\pi$
 ② (높이) = $6\sqrt{2}$, (부피) = $\frac{128\sqrt{2}}{3}\pi$
 ③ (높이) = $8\sqrt{2}$, (부피) = $\frac{124\sqrt{2}}{3}\pi$
 ④ (높이) = $8\sqrt{2}$, (부피) = $\frac{127\sqrt{2}}{3}\pi$
 ⑤ (높이) = $8\sqrt{2}$, (부피) = $\frac{128\sqrt{2}}{3}\pi$

해설

$$\text{부채꼴의 호의 길이} : 2\pi \times 12 \times \frac{120}{360} = 8\pi$$

밑변의 반지름의 길이가 4이므로

높이를 h , 부피를 V 라 하면

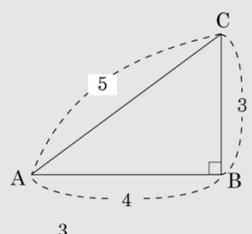
$$h = \sqrt{12^2 - 4^2} = \sqrt{128} = 8\sqrt{2}$$

$$V = 4 \times 4 \times \pi \times 8\sqrt{2} \times \frac{1}{3} = \frac{128\sqrt{2}}{3}\pi$$

14. $\cos A = \frac{4}{5}$ 일 때, $20 \sin A \times \tan A$ 의 값은? (단, $0^\circ < A < 90^\circ$)

- ① 4.5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

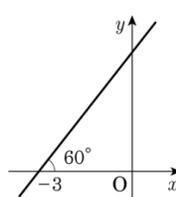
해설



$\cos A = \frac{4}{5}$ 이므로 $\sin A = \frac{3}{5}$, $\tan A = \frac{3}{4}$
따라서 $20 \sin A \times \tan A = 20 \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{4} = 9$ 이다.

15. 다음 그림과 같이 x 절편이 -3 이고 x 축의 양의 방향과 이루는 각이 60° 인 직선을 그래프로 하는 일차함수의 식은?

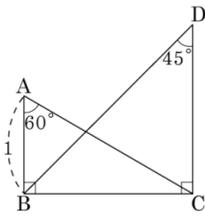
- ① $y = x + \sqrt{2}$
- ② $y = x + 2\sqrt{2}$
- ③ $y = \sqrt{2}x + \sqrt{3}$
- ④ $y = \sqrt{3}x + \sqrt{3}$
- ⑤ $y = \sqrt{3}x + 3\sqrt{3}$



해설

$\tan 60^\circ = \sqrt{3}$ 이므로 $y = \sqrt{3}x + b$ 에 $(-3, 0)$ 을 대입하면
 $0 = -3\sqrt{3} + b \quad \therefore b = 3\sqrt{3}$
따라서 구하는 일차함수의 식은 $y = \sqrt{3}x + 3\sqrt{3}$ 이다.

16. 다음 그림에서 $\angle ABC = \angle BCD = 90^\circ$, $\overline{AB} = 1$, $\angle BAC = 60^\circ$, $\angle BDC = 45^\circ$ 일 때, \overline{BD} 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

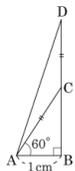
▷ 정답: $\sqrt{6}$

해설

$\triangle ABC$ 에서 $\tan 60^\circ = \frac{\overline{BC}}{1} = \sqrt{3}$, 따라서 $\overline{BC} = \sqrt{3}$ 이다.

$\triangle BCD$ 에서 $\sin 45^\circ = \frac{\overline{BC}}{\overline{BD}} = \frac{\sqrt{3}}{2}$, 따라서 $\overline{BD} = \sqrt{6}$ 이다.

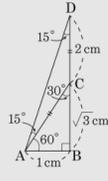
17. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = 1$, $\angle ABC = 90^\circ$, $\angle CAB = 60^\circ$ 인 직각삼각형이고 $\overline{AC} = \overline{CD}$ 이다. 이때, $\tan 75^\circ$ 의 값은?



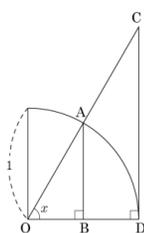
- ① $2 + \sqrt{3}$ ② $\frac{2 + 2\sqrt{3}}{2}$ ③ $\frac{2 + \sqrt{2}}{3}$
 ④ $\frac{2 + 2\sqrt{3}}{3}$ ⑤ $\frac{2 + 3\sqrt{3}}{3}$

해설

$$\tan 75^\circ = 2 + \sqrt{3}$$



18. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 1 인 사분원에서 $\cos x$ 를 나타내는 선분은?



- ① \overline{AB} ② \overline{CD} ③ \overline{OB} ④ \overline{OD} ⑤ \overline{BD}

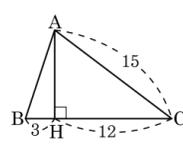
해설

$$\overline{AO} = 1, \triangle AOB \text{ 에서 } \cos x = \frac{\overline{OB}}{\overline{AO}} = \overline{OB}$$

$$\therefore \cos x = \overline{OB}$$

19. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC 에서 \overline{AB} 의 길이를 구하여라.

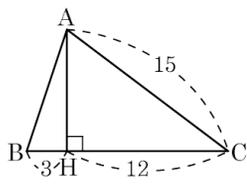
- ① $7\sqrt{2}$ ② 13 ③ $6\sqrt{2}$
④ $3\sqrt{10}$ ⑤ 5



해설

$$\begin{aligned} \triangle AHC \text{ 에서 } \overline{AH} &= \sqrt{15^2 - 12^2} = \sqrt{81} = 9 \\ \triangle ABH \text{ 에서 } \overline{AB} &= \sqrt{9^2 + 3^2} = \sqrt{90} = 3\sqrt{10} \end{aligned}$$

21. 다음 그림과 같은 삼각형 ABC 에 대하여 \overline{AB} 의 길이는?

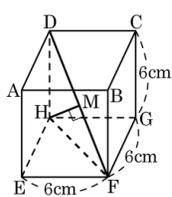


- ① $7\sqrt{2}$ ② 13 ③ $6\sqrt{2}$ ④ $3\sqrt{10}$ ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned} \triangle AHC \text{ 에서 } \overline{AH} &= \sqrt{15^2 - 12^2} = \sqrt{81} = 9 \\ \triangle ABH \text{ 에서 } \overline{AB} &= \sqrt{9^2 + 3^2} = \sqrt{90} = 3\sqrt{10} \end{aligned}$$

22. 다음 그림은 한 모서리의 길이가 6cm인 정육면체이다. 점 H에서 대각선 DF에 내린 수선의 발 M까지의 거리를 구하여라.



- ① $2\sqrt{6}$ cm
 ② $6\sqrt{3}$ cm
 ③ $2\sqrt{5}$ cm
 ④ $6\sqrt{6}$ cm
 ⑤ $3\sqrt{6}$ cm

해설

$$\overline{HF} = 6\sqrt{2}, \overline{DF} = \sqrt{6^2 + (6\sqrt{2})^2} = 6\sqrt{3}$$

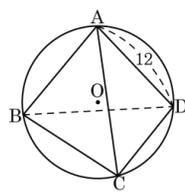
$$\triangle DHF = \overline{DH} \times \overline{HF} \times \frac{1}{2} = \overline{DF} \times \overline{HM} \times \frac{1}{2} \text{ 이므로}$$

$$6 \times 6\sqrt{2} \times \frac{1}{2} = 6\sqrt{3} \times \overline{HM} \times \frac{1}{2}$$

$$18\sqrt{2} = 3\sqrt{3} \times \overline{HM}$$

$$\therefore \overline{HM} = \frac{6\sqrt{2}}{\sqrt{3}} = \frac{6\sqrt{6}}{3} = 2\sqrt{6}(\text{cm})$$

23. 다음 그림은 한 모서리의 길이가 12 인 정사면체에 외접하는 구를 그린 것이다. 이 구의 반지름의 길이는?



- ① $2\sqrt{3}$ ② $3\sqrt{5}$ ③ $3\sqrt{6}$ ④ $4\sqrt{3}$ ⑤ $5\sqrt{2}$

해설

정사면체의 부피는 $\frac{\sqrt{2}}{12} \times 12^3 = 144\sqrt{2}$

구의 중심 O 에서 점 A, B, C, D 에 선을 그으면, 밑면은 한 변의 길이가 12 인 정삼각형인 사면체 4 개가 된다.

이 사면체의 높이를 h

구의 반지름의 길이를 R 이라고 하면

$R^2 = h^2 + (4\sqrt{3})^2$ 에서

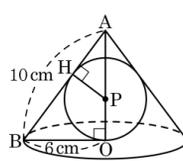
$h = \sqrt{R^2 - 48}$ 이므로

그 정사면체들의 부피의 합은

$$\frac{\sqrt{3}}{4} \times 12^2 \times \sqrt{R^2 - 48} \times \frac{1}{3} \times 4 = 144\sqrt{2}$$

따라서 $R = 3\sqrt{6}$ 이다.

24. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 6cm, 모선의 길이가 10cm인 원뿔에 내접하는 구가 있다. 이 구의 반지름의 길이는?

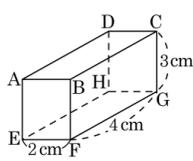


- ① 3cm ② 45cm ③ 15cm
 ④ $15\sqrt{3}$ cm ⑤ $\frac{45}{16}$ cm

해설

$\overline{AO} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8$
 내접한 구의 반지름의 길이를 x 라 두면
 $\overline{OP} = x = \overline{HP}$, $\overline{AP} = 8 - x$ 이다.
 $\triangle AHP \sim \triangle AOB$ 이므로 ($\because \angle HAP$ 를 공유)
 $\frac{\overline{AP}}{\overline{AB}} = \frac{\overline{HP}}{\overline{BO}}$
 $8 - x : 10 = x : 6$
 $x = 3$ (cm)

25. 다음 그림은 세 모서리의 길이가 각각 2 cm, 4 cm, 3 cm 인 직육면체이다. 꼭짓점 A 에서 G 까지 면을 따라 움직일 때, 가장 짧은 거리를 구하여라.



▶ 답: cm

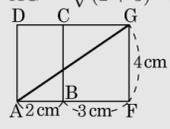
▶ 정답: $\sqrt{41}$ cm

해설

(i) \overline{BC} 를 지날 때, $\triangle AGF$ 는 직각삼각형이므로

$$\overline{AG}^2 = \overline{AF}^2 + \overline{FG}^2$$

$$\overline{AG} = \sqrt{(2+3)^2 + 4^2} = \sqrt{41} \text{ (cm)}$$

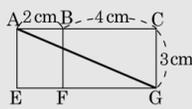


(ii) \overline{BF} 를 지날 때, $\triangle ACG$ 는 직각삼각형이므로

$$\overline{AG}^2 = \overline{AC}^2 + \overline{CG}^2$$

$$\overline{AG} = \sqrt{(2+4)^2 + 3^2}$$

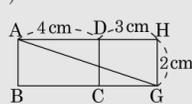
$$= \sqrt{45} = 3\sqrt{5} \text{ (cm)}$$



(iii) \overline{CD} 를 지날 때, $\triangle AHG$ 는 직각삼각형이므로

$$\overline{AG}^2 = \overline{AH}^2 + \overline{HG}^2$$

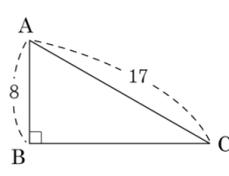
$$\overline{AG} = \sqrt{(3+4)^2 + 2^2} = \sqrt{53} \text{ (cm)}$$



(i), (ii), (iii)에 의하여 최단거리는 $\sqrt{41}$ (cm) 이다.

26. 다음과 같은 직각삼각형에서 $\tan C \sin C$ 의 값으로 바르게 구한 것은?

- ① $\frac{63}{255}$ ② $\frac{64}{255}$ ③ $\frac{66}{255}$
 ④ $\frac{67}{255}$ ⑤ $\frac{68}{255}$

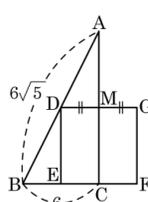


해설

$$\overline{BC} = \sqrt{17^2 - 8^2} = \sqrt{289 - 64} = \sqrt{225} = 15$$

$$\tan C \sin C = \frac{8}{15} \times \frac{8}{17} = \frac{64}{255}$$

27. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = 6\sqrt{5}\text{m}$, $\overline{BC} = 6$, $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형이고, $\square DEFG$ 는 정사각형이다. $\overline{DM} = \overline{MG}$ 일 때, 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 6

해설

$\triangle ABC$ 에서 $\overline{AC} = \sqrt{(6\sqrt{5})^2 - 6^2} = 12(\text{cm})$ 이 때, 정사각형의 한 변의 길이를 x 라 하면

$\overline{DM} = \overline{MG} = \frac{x}{2}$ 이므로

$\overline{BE} = 6 - \frac{x}{2}$, $\overline{AM} = 12 - x$ 이다.

또한, $\triangle ADM \sim \triangle DBE$ (\because AA 닮음)이므로

$\overline{DM} : \overline{BE} = \overline{AM} : \overline{DE}$

$\frac{x}{2} : \left(6 - \frac{x}{2}\right) = (12 - x) : x$

$\frac{x^2}{2} = \left(6 - \frac{x}{2}\right)(12 - x)$

$12x = 72$

$\therefore x = 6$

28. 삼각형 ABC의 변 AB, BC의 중점을 각각 D, E이라 할 때, $\overline{AE} \perp \overline{CD}$, $AD = 4$, $BC = 6$ 이다. 이때 변 AC의 길이를 구하여라

▶ 답:

▷ 정답: $2\sqrt{5}$

해설

$\overline{AC} = x$ 라 하면 삼각형의 중점연결 정리에 의하여 $\overline{DE} = \frac{1}{2}x$

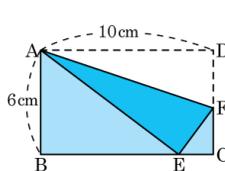
$\square DECA$ 에서 $\overline{AE} \perp \overline{DC}$ 이므로

$$\overline{AD}^2 + \overline{EC}^2 = \overline{DE}^2 + \overline{AC}^2$$

$$4^2 + 3^2 = \left(\frac{1}{2}x\right)^2 + x^2$$

$$\therefore x = 2\sqrt{5}$$

29. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = 6\text{cm}$, $\overline{AD} = 10\text{cm}$ 인 직사각형 모양의 종이를 점 D가 \overline{BC} 위에 오도록 접었을 때, \overline{EF} 의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: $\frac{10}{3}\text{cm}$

해설

$\triangle ADF \cong \triangle AEF$ 이므로 $\overline{EF} = \overline{DF} = x(\text{cm})$ 라 하면
 $\overline{AE} = \overline{AD} = 10(\text{cm})$, $\overline{AB} = 6(\text{cm})$ 이므로
 $\triangle ABE$ 에서 $\overline{BE} = \sqrt{10^2 - 6^2} = 8(\text{cm})$
 $\therefore \overline{CE} = \overline{BC} - \overline{BE} = 10 - 8 = 2(\text{cm})$
 $\overline{CF} = \overline{CD} - \overline{DF} = 6 - x(\text{cm})$
 $\triangle ECF$ 에서 $x^2 = 2^2 + (6 - x)^2$, $12x = 40$,
 $\therefore x = \frac{10}{3}(\text{cm})$