

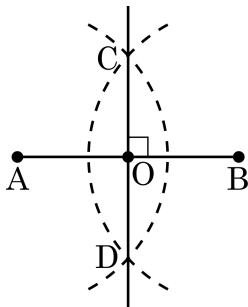
1. 작도에 관한 설명이다. 다음 중 옳은 것을 두 가지 고르면?

- ① 눈금 있는 자와 컴퍼스를 이용하여 도형을 그린다.
- ② 눈금 있는 자는 선분의 길이를 옮기는 데 사용한다.
- ③ 컴퍼스는 두 점을 지나는 직선을 그리는 데 사용한다.
- ④ 눈금 없는 자는 두 점을 이을 때 사용한다.
- ⑤ 컴퍼스는 선분의 길이를 재서 옮기는 데 사용한다.

해설

- ① 눈금없는 자와 컴퍼스를 이용한다.
- ② 눈금 없는 자는 직선을 긋거나 선분을 연장할 때 사용한다.
- ③ 컴퍼스는 선분의 길이를 옮기거나 원을 그릴 때 사용한다.

2. 다음 그림은 선분 AB 의 수직이등분선을 작도한 것이다. 옳지 않은 것은?



① $\overline{AB} \perp \overline{CD}$

② $\overline{DA} = \overline{DB}$

③ $\overline{AO} = \overline{BO}$

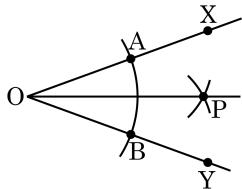
④ $\overline{CO} = \overline{DO}$

⑤ $\overline{CA} = \overline{OA}$

해설

$\overline{CA} = \overline{CB}$

3. 다음은 $\angle XOY$ 의 이등분선을 작도한 것이다.
그림을 보고 나눈 대화 중 잘못 말한 사람을
찾으시오.



보기

새롬 : 점 O를 중심으로 하는 적당한 원을 그려.

보라 : 그리고 이때의 교점은 A, B라고 해.

진희 : 두 점 A, B를 각각 중심으로 하여 반지름의 길이가 같은
두 원을 그려.

태욱 : 이때의 반지름의 길이는 반드시 $\overline{OA}$ 와 같게 해야 해.

소명 : 그때 교점 P와 점 O를 이은 선이 각의 이등분선이야.

▶ 답 :

▷ 정답 : 태욱

해설

태욱 : 교점 P를 구할 때 반지름의 길이는 반드시 $\overline{OA}$ 와 같지
않아도 된다.

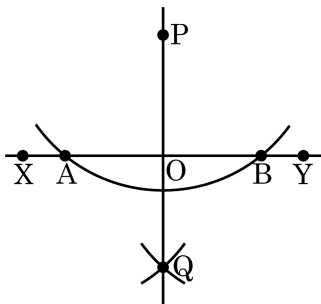
4. 45° 를 작도하려고 할 때, 다음에서 필요한 작도법을 모두 고르면?

- ① 각의 이등분선의 작도
- ② 평행선의 작도
- ③ 직각의 삼등분선의 작도
- ④ 선분의 수직이등분선의 작도
- ⑤ 크기가 같은 각의 작도

해설

선분의 수직이등분선을 작도한 후 각의 이등분선을 작도한다.

5. 다음 그림은 점 P를 지나면서 $\overleftrightarrow{XY}$ 에 수직인 직선을 작도하는 과정을 나타낸 것이다. 임의의 점 P에서 가장 먼저 그려야 하는 것은?



① 5.0pt $\widehat{AB}$

② $\overline{PQ}$

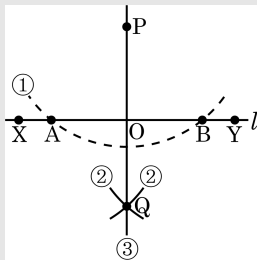
③ $\overline{XY}$

④ $\overline{PX}$

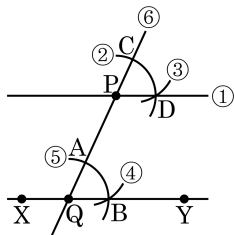
⑤ $\overline{AX}$

해설

$\overleftrightarrow{XY}$ 밖의 한 점 P에서 $\overleftrightarrow{XY}$ 에 수선을 긋는 방법은 다음과 같다.



6. 다음 그림은 점 P 를 지나고 $\overleftrightarrow{XY}$ 에 평행한 직선을 작도한 것이다. 보기에서 옳은 것을 모두 골라라.



보기

- ㉠ 각의 이등분선의 작도가 사용된다.
- ㉡ 동위각이 같으면 평행하다는 성질을 이용한다.
- ㉢ 작도 순서는 ⑥ - ⑤ - ② - ④ - ③ - ①이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉡

▶ 정답 : ㉢

해설

㉠ 크기가 같은 각의 작도 방법이 사용된다.

7. 다음 중 45° 를 작도할 때, 이용되는 작도 방법을 모두 고르면? (정답 2개)

- ① 각의 이등분선의 작도
- ② 크기가 같은 각의 작도
- ③ 선분의 수직이등분선의 작도
- ④ 길이가 같은 선분의 작도
- ⑤ 평행선의 작도

해설

먼저 선분의 수직이등분선 작도를 이용하여 90° 를 작도한다.
각의 이등분선의 작도를 이용하여 $90^\circ \times \frac{1}{2} = 45^\circ$ 를 작도한다.

8. 다음 중 삼각형의 모양과 크기가 하나로 결정되는 경우가 아닌 것을 모두 고르면?

① 세 변의 길이가 주어질 때

② 두 변의 길이와 한 각의 크기가 주어질 때

③ 두 변의 길이와 그 끼인 각의 크기가 주어질 때

④ 세 각의 크기가 주어질 때

⑤ 한 변의 길이와 그 양 끝각의 크기가 주어질 때

해설

④ 삼각형의 모양과 크기가 무수히 많다.

9. $\overline{AB}$ 와 길이가 같은 $\overline{MN}$ 를 작도하는 순서를 바르게 나열한 것은?

보기

- ㉠ 컴퍼스로 점 M 을 중심으로 반지름의 길이가 $\overline{AB}$ 인 원을 그려 직선 l 과 만나는 점 N 을 잡는다.
- ㉡ 컴퍼스로 $\overline{AB}$ 의 길이를 잰다.
- ㉢ 눈금 없는 자를 사용하여 점 M 을 지나는 직선 l 을 그린다.

① ㉢-㉡-㉠

② ㉢-㉠-㉡

③ ㉡-㉠-㉢

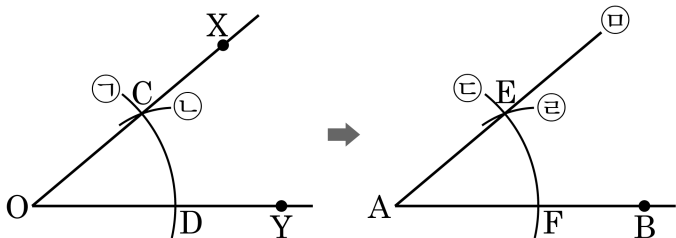
④ ㉡-㉢-㉠

⑤ ㉠-㉢-㉡

해설

길이가 같은 선분을 작도하기 위해선 직선 l 을 먼저 그리고 반지름이 $\overline{AB}$ 의 길이와 같은 원을 컴퍼스를 이용하여 그린다.

10. 다음 그림은 $\angle XOY$ 와 크기가 같은 각을 선분 AB 위에 작도하는 과정이다. 이 작도의 순서를 작성한 것이 잘못되었다. 바른 것을 고르면?



주어진 그림의 작도 순서는 ㉠-㉡-㉢-㉣-㉤이다.

① ㉤-㉢-㉣-㉠-㉡

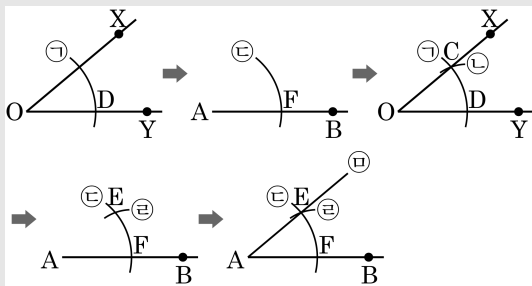
② ㉣-㉠-㉡-㉤-㉢

③ ㉣-㉤-㉢-㉡-㉠

④ ㉣-㉤-㉢-㉠-㉡

⑤ ㉣-㉢-㉤-㉠-㉡

해설



주어진 그림에서 작도 순서는

㉣-㉠-㉡-㉤-㉢

11. 다음은 평각 $\angle XOY$ 의 이등분선을 작도하는 과정이다. 안에 알맞은 것을 차례대로 써넣어라.

- ① 점 O 를 중심으로 하는 원을 그려 직선 X, Y 와의 교점을 각각 A, B 라고 한다.
② 두 점 A, B 를 각각 중심으로 하고 의 길이가 같은 두 원을 그려 그 교점을 P 라고 한다.
③ 두 점 O, P 를 이은 $\overline{OP}$ 가 $\angle XOY$ 의 이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

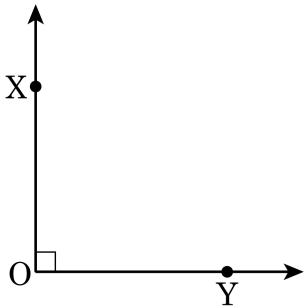
▷ 정답 : 반지름

▷ 정답 : 이등분선

해설

점 O 를 중심으로 하는 원을 그려 직선 X, Y 와의 교점을 각각 A, B 라고 한다. 두 점 A, B 를 각각 중심으로 하고 반지름의 길이가 같은 두 원을 그려 그 교점을 P 라고 한다. 두 점 O, P 를 이은 $\overline{OP}$ 가 $\angle XOY$ 의 이등분선이다.

12. 다음 $\angle XOY = 90^\circ$ 에서 60° 인 각을 작도하려고 한다. 어느 것을 이용하면 작도할 수 있는가?

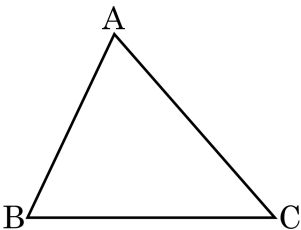


- ① 각의 이동 ② 선분의 이동 ③ 각의 삼등분선
④ 수직이등분선 ⑤ 정삼각형

해설

60° 인각은 정삼각형을 작도하면 된다.

13. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에 대하여 안에 알맞은 것으로 짝지어진 것은?



$\angle A$ 의 대변은 이고, $\overline{AC}$ 의 대각은 이다.

① $\overline{AB}$, $\angle B$

② $\overline{BC}$, $\angle A$

③ $\overline{BC}$, $\angle B$

④ $\overline{AC}$, $\angle C$

⑤ $\overline{AC}$, $\angle A$

해설

대변: 한 각과 마주 보는 변, 대각: 한 변과 마주 보는 각

14. 삼각형의 세 변의 길이가 5 cm, 7 cm, x cm 이고, x 는 정수일 때, x 의 최솟값은?

① 2 cm

② 3 cm

③ 4 cm

④ 5 cm

⑤ 6 cm

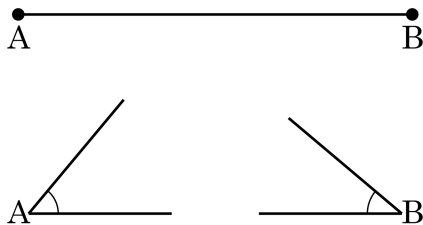
해설

가장 긴 변이 7일 때, $5 + x > 7$, $x > 2$

가장 긴 변이 x 일 때, $5 + 7 > x$, $12 > x$

따라서 $2 < x < 12$ 이므로 x 의 최솟값은 3 이다.

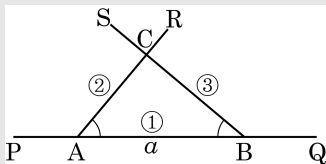
15. 그림과 같이 한 변 AB와 그 양 끝각 $\angle A$, $\angle B$ 가 주어졌을 때, 다음 중 $\triangle ABC$ 를 작도하는 순서로 옳지 않은 것은?



- ① $\angle A \rightarrow \overline{AB} \rightarrow \angle B$ ② $\angle B \rightarrow \overline{AB} \rightarrow \angle A$
 ③ $\overline{AB} \rightarrow \angle A \rightarrow \angle B$ ④ $\overline{AB} \rightarrow \angle B \rightarrow \angle A$
 ⑤ $\angle A \rightarrow \angle B \rightarrow \overline{AB}$

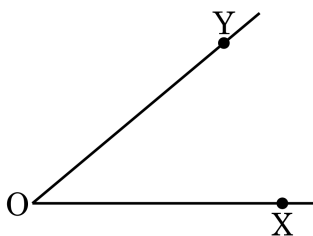
해설

일반적인 $\triangle ABC$ 의 작도순서는



1. $\overleftrightarrow{PQ}$ 를 긋고, 그 위에 $\overline{AB}$ 를 긋는다.
 2. $\overline{AB}$ 를 한 변으로 하는 $\angle A$ 를 작도하고, 그 각을 $\angle RAB$ 라 한다.
 3. $\overline{AB}$ 를 한 변으로 하는 $\angle B$ 를 작도하고, 그 각을 $\angle SBA$ 라 한다.
 4. $\overrightarrow{AR}$ 와 $\overrightarrow{BS}$ 의 교점을 C라 하면, $\triangle ABC$ 가 나온다.
- ⑤ $\angle A \rightarrow \angle B \rightarrow \overline{AB}$ 의 순서로 하면 삼각형이 나올 수 없다.

16. 다음 $\angle XOY$ 와 크기가 같은 각을 작도하는 과정이다. ㉠, ㉡에 들어갈 알맞은 말을 차례대로 써 넣어라.



- (㉠) 적당한 반직선 $O'X'$ 를 그린다.
 (㉡) 점 O 를 중심으로 하는 적당한 원을 그려서 ㉠, $\overline{OY}$ 와의 교점을 각각 A, B 라고 한다.
 점 O' 를 중심으로 하여 (㉡)에서 그린 원과 반지름의 길이가 같은 원을 그린 다음 $\overline{O'X'}$ 와의 교점을 A' 이라고 한다.
 점 A' 를 중심으로 하고 ㉡을 반지름으로 하는 원을 그려 (㉡)에서 그린 원과의 교점을 B' 라고 한다.
 점 O' 와 B' 를 이어 반직선 $O'Y'$ 을 그으면 된다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $\overline{OX}$

▷ 정답 : $\overline{AB}$

해설

적당한 반직선 $O'X'$ 를 그린다.

점 O 를 중심으로 하는 적당한 원을 그려서 $\overline{OX}$, $\overline{OY}$ 와의 교점을 각각 A, B 라고 한다.

점 O' 를 중심으로 하여 앞에서 그린 원과 반지름의 길적당한 반직선 $O'X'$ 를 그린다.

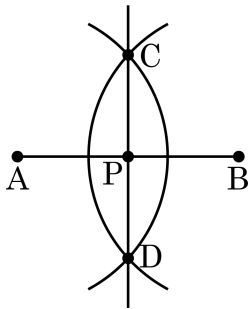
점 O 를 중심으로 하는 적당한 원을 그려서 $\overline{OX}$, $\overline{OY}$ 와의 교점을 각각 A, B 라고 한다.

점 O' 를 중심으로 하여 앞에서 그린 원과 반지름의 길이가 같은 원을 그린 다음 $\overline{O'X'}$ 와의 교점을 A' 이라고 한다.

점 A' 를 중심으로 하고 $\overline{AB}$ 를 반지름으로 하는 원을 그려 앞에서 그린 원과의 교점을 B' 라고 한다.

점 O' 와 B' 를 이어 반직선 $O'Y'$ 를 그으면 된다.

17. 다음 그림은 선분 AB의 수직이등분선을 작도한 것이다. $\overline{AC}$ 를 그으면 $\overline{AC} = 20\text{cm}$, $\overline{AP} = 16\text{cm}$ 일 때, $\overline{BD}$ 의 길이를 구하여라.



▶ 답 :

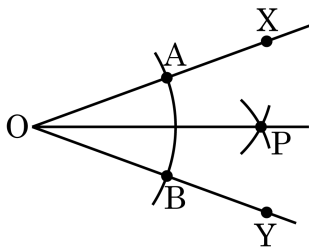
cm

▶ 정답 : 20cm

해설

수직이등분선의 작도이므로 $\overline{AC} = \overline{AD} = \overline{BC} = \overline{BD} = 20\text{cm}$ 이다.

18. 다음 그림을 보고 나눈 대화 중 잘못 말한 사람을 찾아라.



보기

보라: 다음은 $\angle XOY$ 의 이등분선을 작도한 것이야.

새롬: 점 O를 중심으로 하는 적당한 원을 그리고 이때의 교점은 A, B라고 해.

진희: 두 점 A, B를 각각 중심으로 하여 반지름의 길이가 같은 두 원을 그려.

태욱: 이때의 반지름의 길이는 $\overline{OA}$ 와 같게 해야 해.

소명: 그때 교점 P와 점 O를 이은 선이 각의 이등분선이야.

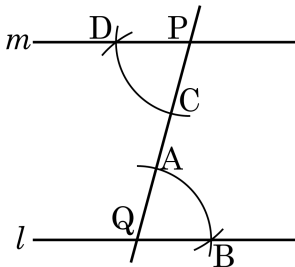
▶ 답:

▷ 정답: 태욱

해설

태욱: 교점 P를 구할 때 반지름의 길이는 반드시 $\overline{OA}$ 와 같지 않아도 된다.

19. 다음은 직선 l 밖의 한 점 P 를 지나고 직선 l 에 평행한 직선을 작도한 것이다. 다음 중 옳지 않은 것은?



① $\overline{QB} = \overline{PC}$

② $\overline{DP} = \overline{CP}$

③ $\overline{AB} = \overline{DP}$

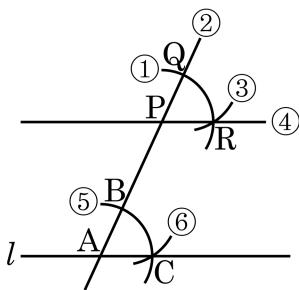
④ $\overline{CD} = \overline{AB}$

⑤ $\angle AQB = \angle CPD$

해설

$\overline{QB} = \overline{QA} = \overline{PC} = \overline{PD}$, $\overline{AB} = \overline{CD}$, $\angle AQB = \angle CPD$ 이다.

20. 다음 그림은 점 P 를 지나고, 직선 l 에 평행한 직선을 작도한 것이다.
다음 보기 중 옳은 것을 모두 골라라.



보기

- ㉠ 각의 이등분선의 작도가 사용된다.
㉡ $\overline{AB} = \overline{PQ}$, $\overline{BC} = \overline{QR}$
㉢ $\angle BAC = \angle QPR$
㉣ 작도순서는 ② - ⑤ - ⑥ - ① - ③ - ④이다.
㉤ 동위각이 같으면 두 직선은 평행하다는 성질이 이용된다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉡

▶ 정답 : ㉢

▶ 정답 : ㉤

해설

- ㉠ 동위각의 작도가 사용된다.
㉣ 작도 순서는 ② - ⑤ - ① - ⑥ - ③ - ④

21. 다음 보기의 도형을 작도할 때 컴퍼스의 사용 횟수의 곱을 구하여라.

보기

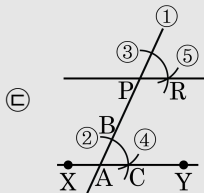
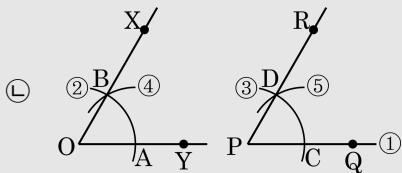
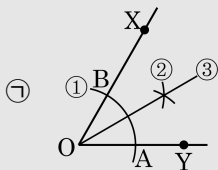
- ㉠ 각의 이등분선의 작도 ㉡ 크기가 같은 각의 작도
㉢ 평행선의 작도

▶ 답 :

회

▶ 정답 : 48 회

해설



$$\therefore 3 \times 4 \times 4 = 48(\text{회})$$

22. 삼각형의 세 변의 길이가 각각 $4+2x$, $6-x$, 4 일 때, x 의 값의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-2 < x < 2$

해설

세 변의 길이는 모두 양수이어야 하므로

$$4+2x > 0, 6-x > 0$$

$$\text{즉, } -2 < x < 6 \cdots \textcircled{㉠}$$

가장 긴 변은 $4+2x$ 이고, 삼각형의 두 변의 길이의 합이 나머지 한 변의 길이보다 커야 하므로

$$(6-x) + 4 > 4+2x$$

$$\therefore x < 2 \cdots \textcircled{㉡}$$

$\textcircled{㉠}$, $\textcircled{㉡}$ 에 의하여 x 의 값의 범위는 $-2 < x < 2$

23. 삼각형의 세 변의 길이 a cm, b cm, c cm에 대하여 $a+b+c = 10$ 일 때, a, b, c 를 세 변으로 하는 삼각형의 개수를 구하여라. (단, $a \leq b \leq c$ 이고 a, b, c 는 정수)

▶ 답: 개

▶ 정답: 2 개

해설

$a \leq b \leq c$, $a + b + c = 10$ 이고, $c < a + b$ 이므로

$$2c < a + b + c < 3c, \quad 2c < 10 < 3c$$

$$\frac{10}{3} < c < 5$$

그런데 c 는 정수이므로 4 이다.

$c = 4$ 이면 $a + b = 6$, $a \leq b$ 이므로

가능한 a, b, c 의 순서쌍은 (2, 4, 4), (3, 3, 4) 이고 가장 긴 변의 길이가 두 변의 길이의 합보다 작으므로 삼각형이 될 수 있다.

따라서 a, b, c 세 변으로 만들어지는 삼각형의 개수는 2 개이다.

24. 세 변의 길이가 4 cm, 5 cm, a cm 인 삼각형을 작도할 때, a 의 값이 정수인 삼각형은 몇 개나 작도할 수 있는가?

- ① 7개 ② 9개 ③ 11개 ④ 13개 ⑤ 15개

해설

$$5 - 4 < a < 5 + 4$$

$$1 < a < 9$$

따라서 정수인 a 의 개수는 7 개이다.

25. 삼각형의 세 변의 길이가 $x-3$, $x+2$, $x+7$ 일 때, 이 삼각형을 작도할 수 있는 x 의 값의 범위를 구하면?

① $x < 7$

② $x < 8$

③ $x > 3$

④ $x > 7$

⑤ $x > 8$

해설

$$x + 7 < (x - 3) + (x + 2)$$

$$x > 8$$