

1. 이차함수 $y = x^2$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것을 고르면? (정답 3 개)

- ① 꼭짓점의 좌표는 $(1, 1)$ 이다.
- ② 아래로 볼록하다.
- ③ 축의 방정식은 $x = 0$ 이다.
- ④ 점 $(-3, 9)$ 를 지난다.

- ⑤ $y = -2x^2$ 의 그래프보다 폭이 더 좁다.

해설

$y = x^2$ 의 그래프는 아래로 볼록하고 축의 방정식은 $x = 0$ 이다.

2. 다음 중 아래 주어진 이차함수의 그래프를 x 축에 대칭인 것끼리 바르게 짹지어 놓은 것은?

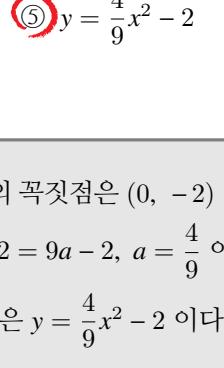
<input type="checkbox"/> Ⓛ $y = x^2$	<input type="checkbox"/> Ⓜ $y = -x^2 - 1$
<input type="checkbox"/> Ⓝ $y = (x + 1)^2$	<input type="checkbox"/> Ⓞ $y = x^2 + 1$

① Ⓛ, Ⓜ ② Ⓜ, Ⓞ ③ Ⓝ, Ⓟ ④ Ⓛ, Ⓟ ⑤ Ⓜ, Ⓟ

해설

$y = ax^2 + q$ 와 x 축에 대칭인 함수는 $y = -ax^2 - q$ 이다.

3. 다음 그림과 같은 그래프를 가지는 이차함수의 식은?



① $y = 4x^2 + 2$ ② $y = -4x^2 - 2$ ③ $y = 3x^2 - 2$

④ $y = \frac{2}{9}x^2 - 2$ ⑤ $y = \frac{4}{9}x^2 - 2$

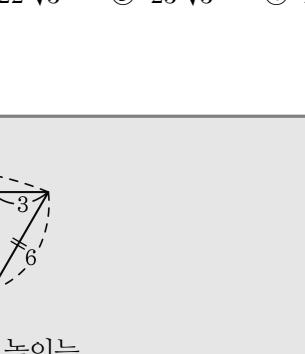
해설

그래프의 이차함수의 꼭짓점은 $(0, -2)$ 이므로 $y = ax^2 - 2$ 이고

$(3, 2)$ 를 지나므로 $2 = 9a - 2$, $a = \frac{4}{9}$ 이다.

따라서 그래프의 식은 $y = \frac{4}{9}x^2 - 2$ 이다.

4. 윗변의 길이가 12, 아랫변의 길이가 6, 나머지 두변의 길이가 6인
등변사다리꼴의 넓이는?



- ① $21\sqrt{3}$ ② $22\sqrt{3}$ ③ $23\sqrt{3}$ ④ $25\sqrt{3}$ ⑤ $27\sqrt{3}$

해설

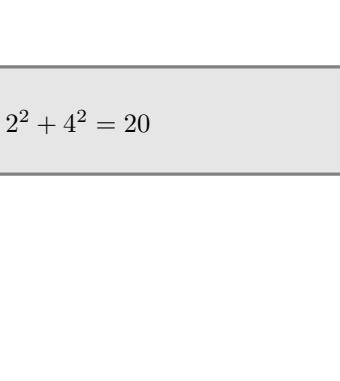


등변사다리꼴의 높이는

$$\begin{aligned} h &= \sqrt{6^2 - 3^2} \\ &= \sqrt{36 - 9} \\ &= \sqrt{27} \\ &= 3\sqrt{3} \end{aligned}$$

$$(\text{넓이}) = (6 + 12) \times 3\sqrt{3} \times \frac{1}{2} = 27\sqrt{3}$$

5. 정사각형 ABCD 의 내부의 한 점 P 를 잡아 A, B, C, D 와 연결할 때, $\overline{AP} = 2$, $\overline{CP} = 4$ 이면, $\overline{BP}^2 + \overline{DP}^2$ 의 값은?



- ① 15 ② 20 ③ 25 ④ 30 ⑤ 35

해설

$$\overline{BP}^2 + \overline{DP}^2 = 2^2 + 4^2 = 20$$

6. 대각선의 길이가 12 인 정사각형의 넓이는?

- ① 36 ② 56 ③ 64 ④ 72 ⑤ 144

해설

정사각형 한 변을 a 라 하면 대각선은 $\sqrt{2}a$ 이므로

$$\sqrt{2}a = 12, a = \frac{12\sqrt{2}}{2} = 6\sqrt{2}$$

따라서, 정사각형의 넓이는 $6\sqrt{2} \times 6\sqrt{2} = 72$ 이다.

7. 다음 중 원점 $O(0,0)$ 와의 거리가 가장 먼 점은?

- ① A(-1, -2) ② B(1, -1) ③ C(2, 3)
④ D($\sqrt{2}$, 1) ⑤ E(-2, -1)

해설

- ① $\sqrt{5}$
② $\sqrt{2}$
③ $\sqrt{13}$
④ $\sqrt{3}$
⑤ $\sqrt{5}$

8. 이차함수 $f(x) = -x^2 + ax - 1$ 에 대하여 $f(1) = 2$, $f(-1) = b$ 일 때,
상수 a , b 의 합 $a+b$ 의 값은?

- ① 2 ② 1 ③ 0 ④ -2 ⑤ -4

해설

$$f(1) = 2, \quad -1^2 + a \times 1 - 1 = 2, \quad -1 + a - 1 = 2$$

$$\therefore a = 4$$

$$f(x) = -x^2 + 4x - 1 \text{ } \circ] \text{므로}$$

$$f(-1) = -(-1)^2 + 4(-1) - 1 = -1 - 4 - 1 = -6$$

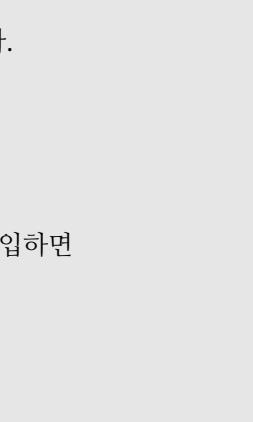
$$\therefore b = -6$$

$$\therefore a + b = 4 + (-6) = -2$$

9. 이차함수 $y = a(x - b)^2$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, $ax^2 + bx - 2 = 0$ 의 해는?

① $x = 1$ ② $x = 2$ ③ $x = 0$

④ $x = -1$ ⑤ $x = -2$



해설

꼭짓점의 좌표가 $(2, 0)$ 이므로 $b = 2$ 이다.

$y = a(x - 2)^2$ 이 점 $(0, -2)$ 를 지나므로

$$-2 = a(0 - 2)^2$$

$$\therefore a = -\frac{1}{2}$$

$$ax^2 + bx - 2 = 0 \quad \text{or} \quad a = -\frac{1}{2}, \quad b = 2 \quad \text{를 대입하면}$$

$$-\frac{1}{2}x^2 + 2x - 2 = 0$$

$$x^2 - 4x + 4 = 0$$

$$(x - 2)^2 = 0$$

$$\therefore x = 2$$

10. 이차함수 $y = -\frac{1}{2}x^2 - 4x + 3$ 의 그래프는 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를 x

축의 방향으로 -4 만큼, y 축의 방향으로 k 만큼 평행이동한 것이다.

k 의 값은?

- ① -13 ② -5 ③ 3 ④ 11 ⑤ 13

해설

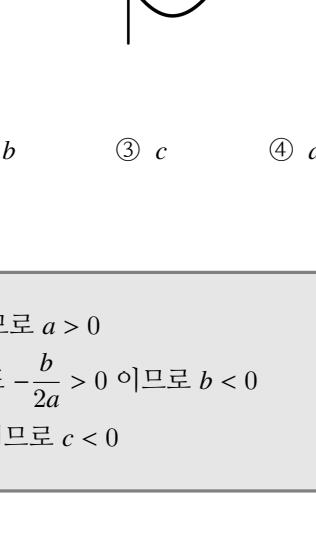
$$\begin{aligned}y &= -\frac{1}{2}x^2 - 4x + 3 \\&= -\frac{1}{2}(x^2 - 8x + 16 - 16) + 3 \\&= -\frac{1}{2}(x - 4)^2 + 8 + 3 \\&= -\frac{1}{2}(x - 4)^2 + 11\end{aligned}$$

따라서 $y = -\frac{1}{2}x^2$ 의 그래프를 x 축으로 4 만큼

y 축으로 11 만큼 평행이동한 것이다.

$$\therefore k = 11$$

11. 이차함수 $y = ax^2 + bx + c (a \neq 0)$ 의 그래프가 다음과 같을 때, a , b , c 중에서 양수인 것을 모두 고른 것은?



- ① a ② b ③ c ④ a, b ⑤ a, c

해설

아래로 볼록하므로 $a > 0$
꼭짓점의 x 좌표 $-\frac{b}{2a} > 0$ 이므로 $b < 0$
 y 절편이 음수이므로 $c < 0$

12. 이차함수 $y = 3x^2 + a(2+b)x - 4$ 는 축의 방정식이 $x = 2$ 이고, 최솟값은 b 이다. 이때, 상수 a , b 의 곱 ab 의 값을 구하면?

① $-\frac{9}{7}$ ② $\frac{6}{7}$ ③ 30 ④ $-\frac{16}{7}$ ⑤ $-\frac{96}{7}$

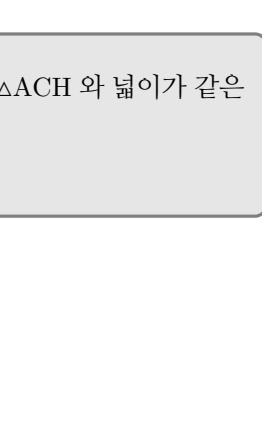
해설

$$\begin{aligned}y &= 3(x-2)^2 + b \\&= 3(x^2 - 4x + 4) + b \\&= 3x^2 - 12x + 12 + b \\12 + b &= -4 \therefore b = -16 \\2a + ab &= 2a - 16a = -12 \\-14a &= -12 \\\therefore a &= \frac{6}{7} \\\therefore ab &= \frac{6}{7} \times (-16) = -\frac{96}{7}\end{aligned}$$

13. 다음 그림은 $\angle A = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 세 변을 각각 한 변으로 하는 정사각형을 그린 것이다. 이 때, $\triangle ACH$ 와 넓이가 같지 않은 것을 모두 고르면?

- ① $\triangle CBH$ ② $\triangle ABC$ ③ $\triangle CGA$

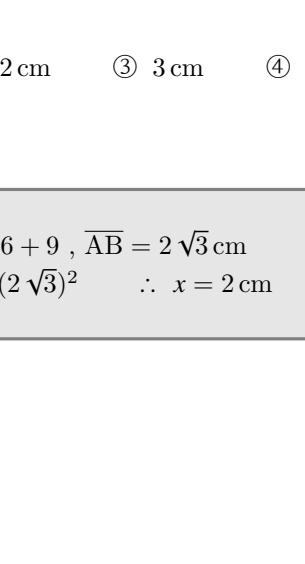
- ④ $\triangle CGL$ ⑤ $\triangle ABE$



해설

삼각형의 합동조건과 평행선을 이용해서 $\triangle ACH$ 와 넓이가 같은 것을 찾으면
 $\triangle CBH, \triangle CGA, \triangle CGL$ 이다.

14. 다음 그림의 □ABCD에서 $\overline{AC} \perp \overline{BD}$ 일 때, \overline{BP} 의 길이는?



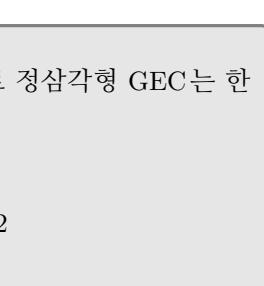
- ① 1 cm ② 2 cm ③ 3 cm ④ 4 cm ⑤ 5 cm

해설

$$(\overline{AB})^2 + 13 = 16 + 9, \overline{AB} = 2\sqrt{3} \text{ cm}$$

$$x^2 + (2\sqrt{2})^2 = (2\sqrt{3})^2 \quad \therefore x = 2 \text{ cm}$$

15. 다음 그림과 같이 한 변의 길이가 $4\sqrt{3}$ 인 두 정삼각형 ABC, DEF 를 $\overline{BE} = \overline{EC} = \overline{CF}$ 가 되도록 포개어 놓았을 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



- ① $18\sqrt{2}$ ② $18\sqrt{3}$ ③ $13\sqrt{3}$ ④ $36\sqrt{3}$ ⑤ $9\sqrt{3}$

해설

한 변의 길이가 $4\sqrt{3}$ 인 정삼각형이므로 정삼각형 GEC는 한 변이 $2\sqrt{3}$ 인 정삼각형이다.

(색칠한 부분의 넓이)

$$= \left\{ \frac{\sqrt{3}}{4} \times (4\sqrt{3})^2 - \frac{\sqrt{3}}{4} \times (2\sqrt{3})^2 \right\} \times 2$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{4} \times 2 \times \left\{ (4\sqrt{3})^2 - (2\sqrt{3})^2 \right\}$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{4} \times 2 \times (48 - 12)$$

$$= 18\sqrt{3}$$

16. 이차함수 $y = x^2 + 2x + 3$ 가 있다. 꼭짓점을 P, y 축과 만나는 점을 Q 라 할 때, 선분 PQ 의 길이를 구하면?

① $\sqrt{2}$ ② $2\sqrt{2}$ ③ $3\sqrt{2}$ ④ $4\sqrt{2}$ ⑤ $5\sqrt{2}$

해설

$$y = x^2 + 2x + 3 = (x + 1)^2 + 2$$

꼭짓점 P(-1, 2)

Q 는 y 절편이므로 (0, 3)

$$PQ = \sqrt{(-1 - 0)^2 + (2 - 3)^2} = \sqrt{2}$$

17. 다음 그림은 모두 꼭짓점이 원점인 포물선이고, $y = x^2$ ⋯ (ㄱ), $y = -x^2$ ⋯ (ㄴ)이다. $-1 < a < 0$ 일 때, $y = -ax^2$ 의 그래프로 알맞은 것은?

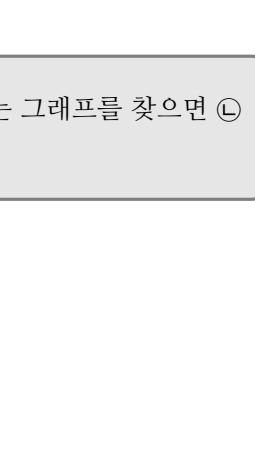
① ㉠

② ㉡

③ ㉢

④ ㉣

⑤ ㉤



⑥ ㉥

해설

$0 < -a < 1$ 이므로 (ㄱ)와 x 축 사이에 있는 그래프를 찾으면 ④이다.

18. 이차함수 $y = x^2 - 4kx + 2k^2 + k - 1$ 의 최솟값을 m 이라 할 때, m 의 최댓값은?

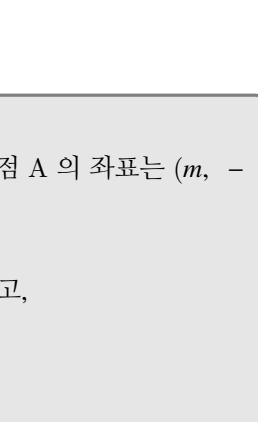
① $-\frac{7}{8}$ ② -1 ③ $\frac{1}{8}$ ④ 1 ⑤ $-\frac{9}{8}$

해설

$$y = x^2 - 4kx + 2k^2 + k - 1 = (x - 2k)^2 - 2k^2 + k - 1$$
$$m = -2k^2 + k - 1 = -2 \left(k - \frac{1}{4} \right)^2 - \frac{7}{8}$$

이므로 m 의 최댓값은 $-\frac{7}{8}$ 이다.

19. $y = -x^2 + x + 6$ 의 그래프와 x 축에 평행인
직선 l 이 만나는 두 점 A, B에서 x 축에 수선
을 그어 그 수선의 발을 각각 D, C라 하고,
점D의 x 좌표를 m 이라고 할 때, $\square ABCD$
의 둘레의 길이의 최댓값은? $\left(\frac{1}{2} < m < 3\right)$



- ① $\frac{11}{2}$ ② $\frac{31}{4}$ ③ 10 ④ $\frac{49}{4}$ ⑤ $\frac{29}{2}$

해설

$y = -x^2 + x + 6 = -\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{25}{4}$ 의 점 A의 좌표는 $(m, -m^2 + m + 6)$ 이다.

직사각형의 가로의 길이는 $2\left(m - \frac{1}{2}\right)$ 이고,

직사각형의 세로의 길이는 $-m^2 + m + 6$
($\square ABCD$ 둘레의 길이)

$$= 2\left(2\left(m - \frac{1}{2}\right) - m^2 + m + 6\right)$$

$$= 2(2m - 1 - m^2 + m + 6)$$

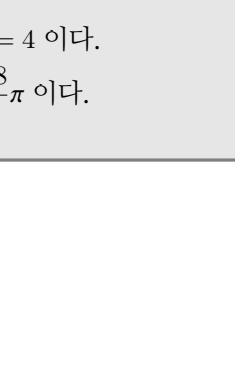
$$= 2(-m^2 + 3m + 5)$$

$$= -2\left(m - \frac{3}{2}\right)^2 + \frac{29}{2}$$

$$m = \frac{3}{2} \text{ 일 때, 최댓값은 } \frac{29}{2} \text{ 이다.}$$

20. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 5 인 구에
내접해 있는 원뿔의 부피를 구하면?

① $\frac{74}{3}\pi$ ② $\frac{86}{3}\pi$ ③ $\frac{92}{3}\pi$
④ $\frac{112}{3}\pi$ ⑤ $\frac{128}{3}\pi$



해설

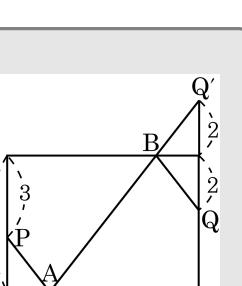
구의 반지름이 5 이므로 $\overline{OH} = 3$ 이고 $\overline{CH} = 4$ 이다.

따라서 원뿔의 부피는 $\pi \times 4^2 \times 8 \times \frac{1}{3} = \frac{128}{3}\pi$ 이다.

21. 다음 그림과 같은 직사각형 모양의 상자에서 개미가 입구 P를 출발하여 다음 그림과 같이 움직여 출구 Q로 빠져 나왔다. 이 때, 개미가 지나간 최단 거리는?

① $\sqrt{70}$ ② $\sqrt{105}$ ③ $\sqrt{130}$

④ $2\sqrt{35}$ ⑤ $5\sqrt{5}$

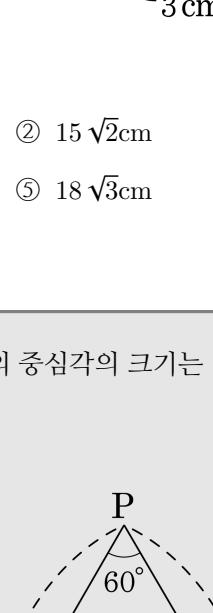


해설

그림에서 점 Q를 선분에 대칭이동한 점을 Q' , 점 P를 선분에 대칭이동한 점을 P' 라 하면
 $\overline{BQ} = \overline{BQ'}$, $\overline{AP} = \overline{AP'}$ 이므로 $P \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow Q$ 로 가는 경로의 최단 거리는 $\overline{P'Q'}$ 과 같다.
 \therefore 최단 거리 = $\overline{P'Q'} = \sqrt{7^2 + 9^2} = \sqrt{130}$ 이다.



22. 다음 그림과 같이 모선의 길이가 18cm, 밑면의 원의 반지름의 길이가 3cm인 원뿔이 있다. 밑면의 한 점 A에서 옆면을 지나 다시 점 A로 되돌아오는 최단거리는?



- ① 15cm ② $15\sqrt{2}$ cm ③ 18cm
 ④ $18\sqrt{2}$ cm ⑤ $18\sqrt{3}$ cm

해설

전개도에서 부채꼴의 중심각의 크기는
 $\frac{3}{18} \times 360^\circ = 60^\circ$,



삼각형 PAA'은 정삼각형이므로
 최단 거리 AA' = 18 cm 이다.