

1. 다음과 같은 특징을 가지는 다각형의 대각선의 총수는?

- ㉠ 10 개의 내각을 가지고 있다.

㉡ 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 수는 7 개이다.

① 25 개 ② 28 개 ③ 32 개 ④ 35 개 ⑤ 38 개

해설

10 개의 내각을 가지고 있고, 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 수가 7 개인 다각형은 십각형이다.

십각형의 대각선의 총수는

$$\frac{10(10-3)}{2} = 35(\text{개})$$

2. 다음 보기의 조건을 모두 만족하는 다각형은?

보기

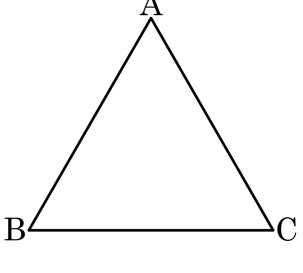
- ㄱ. 모든 변의 길이와 내각의 크기가 같다.
- ㄴ. 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수가 15 개이다.

- ① 정십각형
- ② 십사각형
- ③ 정십육각형
- ④ 십팔각형
- ⑤ 정십팔각형

해설

모든 변의 길이와 내각의 크기가 같으므로 정다각형이다.
구하는 다각형을 정 n 각형이라 하면
 $n-3=15 \quad \therefore n=18$
따라서 구하는 정다각형은 정십팔각형이다.

3. 다음은 $\triangle ABC$ 의 세 내각의 합이 180° 임을 보이는 과정이다. ㉠ ㉡에 들어갈 것으로 알맞은 것은?



$\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB}$ 와 평행한 반직선 CE 를 그으면
 (㉠) = $\angle ECD$ (동위각)
 $\angle BAC = \angle ACE$ (엇각)
 따라서 $\triangle ABC$ 세 내각의 합은
 $\angle ABC + (\text{㉡}) + \angle BAC = \angle ECD + \angle BCA + \angle ACE = 180^\circ$

- ① $\angle ABC, \angle BCE$

③ $\angle ACE, \angle BCE$

⑤ $\angle BCE, \angle ECD$

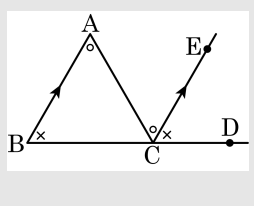
② $\angle ABC, \angle BCA$

④ $\angle ACE, \angle BCA$

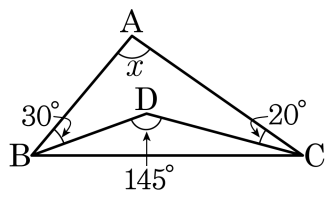
해설

$\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB}$ 와 평행한 반직선 CE 를 그으면 $\angle ABC = \angle ECD$ (동위각)
 $\angle BAC = \angle ACE$ (엇각)

따라서, $\triangle ABC$ 세 내각의 합은
 $\angle ABC + \angle BCA + \angle BAC = \angle ECD + \angle BCA + \angle ACE = 180^\circ$



4. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?

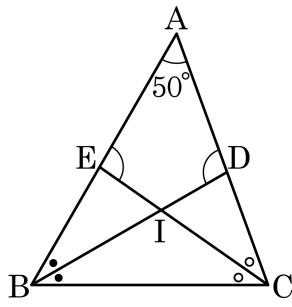


- ① 90° ② 95° ③ 100° ④ 105° ⑤ 110°

해설

$$\angle x + 30^\circ + 20^\circ = 145^\circ, \therefore \angle x = 95^\circ$$

5. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\angle B$ 와 $\angle C$ 의 이등분선의 교점을 I라 할 때, $\angle ADI + \angle AEI$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: 1

▶ 정답 : 195°

해설

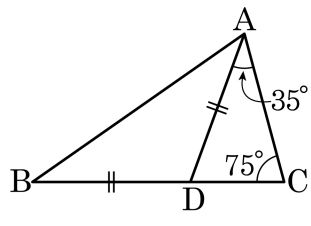
$\angle ABD = \angle a$, $\angle ACE = \angle b$ 라고 하면

$$2\angle a + 2\angle b + 50^\circ = 180^\circ$$

$$\therefore \angle a + \angle b = 65^\circ$$

$$\therefore \angle ADI + \angle AEI = (\angle a + 2\angle b) + (2\angle a + \angle b) = 3(\angle a + \angle b) = 3 \times 65^\circ = 195^\circ$$

6. 다음 그림과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AD} = \overline{BD}$ 일 때, $\angle BAD$ 의 크기는?

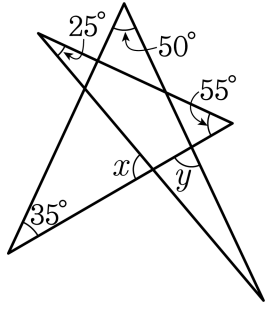


- ① 20° ② 25° ③ 30° ④ 35° ⑤ 40°

해설

$$\angle ADB = 35^\circ + 75^\circ = 110^\circ$$
$$\overline{AD} = \overline{BD} \text{ 이므로}$$
$$\angle ABD = (180^\circ - 110^\circ) \div 2 = 35^\circ$$

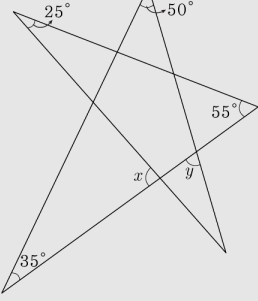
7. 다음 그림에서 $\angle x$ 와 $\angle y$ 의 크기는 각각 얼마인가?



- ① $\angle x = 75^\circ$, $\angle y = 80^\circ$
- ② $\angle x = 80^\circ$, $\angle y = 85^\circ$
- ③ $\angle x = 85^\circ$, $\angle y = 75^\circ$
- ④ $\angle x = 75^\circ$, $\angle y = 85^\circ$
- ⑤ $\angle x = 70^\circ$, $\angle y = 80^\circ$

해설

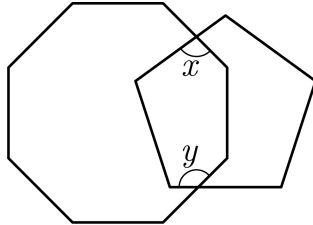
다음 그림에서 보면,



$\angle x = 25^\circ + 55^\circ = 80^\circ$

$\angle y = 35^\circ + 50^\circ = 85^\circ$

8. 다음 그림은 정팔각형과 정오각형의 일부를 겹쳐 놓은 것이다. $\angle x + \angle y$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 1

▷ 정답 : 234°

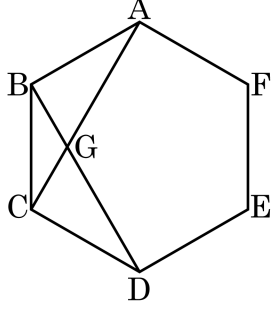
해설

정팔각형의 한 내각의 크기는 $\frac{180^\circ \times (8-2)}{8} = 135^\circ$ 이고,

정오각형의 한 내각의 크기는 $\frac{180^\circ \times (5-2)}{5} = 108^\circ$ 이다.

또한 육각형의 내각의 크기의 합은 $180^\circ \times (6-2) = 720^\circ$ 이므로
 $\angle x + \angle y + 2 \times 108^\circ + 2 \times 135^\circ = 720^\circ$
 따라서 $\angle x + \angle y = 224^\circ$ 이다.

9. 다음 정육각형에 대한 설명이다. 옳은 것은?

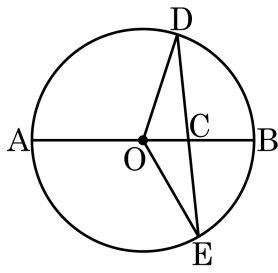


- ① $\overline{BG} = \overline{GD}$
- ② 정육각형의 외각의 크기의 합은 720° 이다.
- ③ 정육각형의 한 내각의 크기는 108° 이다.
- ④ $\triangle CGD \equiv \triangle BGA$
- ⑤ $\angle AGD = 150^\circ$

해설

- ② 모든 다각형의 외각의 크기의 합은 360° 이다.
- ③ 정육각형의 한 내각의 크기는 120° 이다.
- ⑤ $\angle AGD = 120^\circ$

10. 아래 그림에서 $\overline{AB}$ 는 원O 의 지름이고 $\angle DOC = 3\angle ODC$ 이다.
 $5.0\text{pt}\widehat{AE}$ 가 원O 의 원주의 $\frac{1}{3}$ 일 때, $\angle BOD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 1

▶ 정답 : 72 °

해설

$$\angle AOE = 360^\circ \times \frac{1}{3} = 120^\circ$$

$\angle ODC = a$ 라 하면 $\angle DOC = 3a$, $\angle DEO = a$

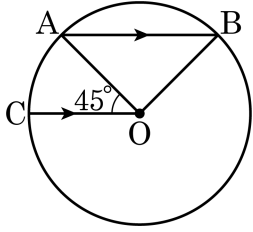
$\triangle ODE$ 에서 $\angle EOC = 60^\circ$

$$5a = 180^\circ - 60^\circ = 120^\circ$$

$a = 24^\circ$

$$\therefore \angle BOD = 3a = 72^\circ$$

11. 다음 그림과 같은 원 O에서 $\overline{AB} \parallel \overline{CO}$, $\angle AOC = 45^\circ$, $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 6$ 일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AB}$ 의 길이는?

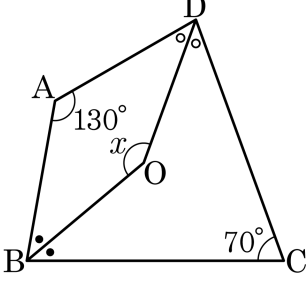


- ① 10 ② 11 ③ 12 ④ 13 ⑤ 14

해설

$\overline{AB} \parallel \overline{CO}$ 이므로 $\angle COA = \angle BAO = 45^\circ$ 이고,
 $\triangle AOB$ 는 이등변 삼각형이므로
 $\angle AOB = 90^\circ$ 에서 $45^\circ : 90^\circ = 6 : 5.0\text{pt}\widehat{AB}$, $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 12$ 이다.

12. 다음 그림과 같은 사각형 ABCD 에서 $\angle B$ 와 $\angle D$ 의 이등분선의 교점을 O 라고 할 때, $\angle x$ 의 크기는?

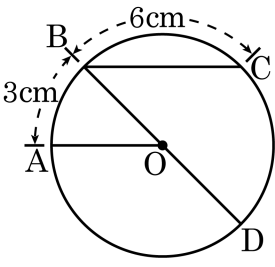


- ① 110° ② 120° ③ 130° ④ 140° ⑤ 150°

해설

□ABCD 에서 $130^\circ + 70^\circ + 2\angle ADO + 2\angle ABO = 360^\circ$ 이므로 $\angle ABO + \angle ADO = 80^\circ$ 이다.
또한, □ABOD 에서 $130^\circ + \angle ABO + \angle ADO + \angle x = 360^\circ$ 이므로 $\angle x = 150^\circ$ 이다.

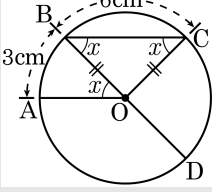
13. 다음 그림 원 O 에서 $\overline{AO} \parallel \overline{BC}$, $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 6\text{cm}$, $5.0\text{pt}\widehat{AB} = 3\text{cm}$ 이다. $\widehat{BD}$ 가 원 O 의 지름일 때, $5.0\text{pt}\widehat{AD}$ 의 길이는?



- ① 6cm ② 9cm ③ 12cm ④ 15cm ⑤ 18cm

해설

$\angle AOB = x$ 라 할 때, $\overline{AO} \parallel \overline{BC}$ 이므로,



$\angle OBC = \angle OCB = \angle AOB = x$ ($\because \triangle OBC$ 가 이등변삼각형, 엇각)

$$\angle BOC = 180^\circ - 2 \times x = 180^\circ - 2x$$

$$5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} = \angle AOB : \angle BOC = 1 : 2$$

$$\angle BOC = 2\angle AOB = 2x$$

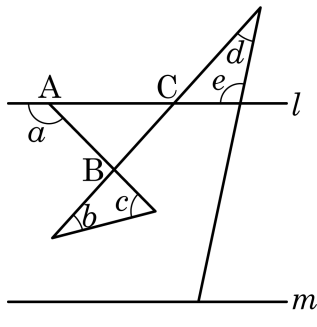
$$\therefore 180^\circ - 2x = 2x, \quad x = 45^\circ$$

$$\therefore \angle AOD = 180^\circ - x = 135^\circ$$

$$\angle AOB : \angle AOD = 1 : 3 \text{ 이므로}$$

$$\therefore 5.0\text{pt}\widehat{AD} = 3 \times 3 = 9(\text{cm})$$

14. 다음 그림에서 $l//m$ 일 때, $\frac{1}{2}(\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e)$ 의 크기를 구하여라.



▶ 注意

▶ 정답 : 180°

해설

△ABC에서 외각의 성질을 이용하여

$$\angle A = 180^\circ - \angle a$$

$$\angle B = 180^\circ - (\angle b + \angle c)$$

$$\angle C = 180^\circ - (\angle d + \angle e)$$

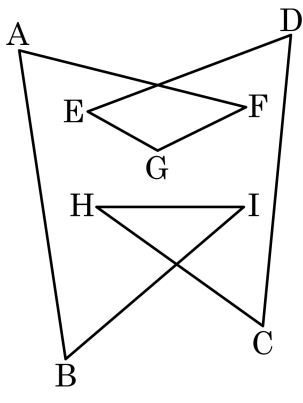
삼각형 세 내각의 크기의 합은 180° 이므로

$$\angle A + \angle B + \angle C = (180^\circ - \angle a) + \{180^\circ - (\angle b + \angle c)\} + \{180^\circ - (\angle d + \angle e)\} = 180^\circ$$

$$\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e = 360^\circ$$

$$\therefore \frac{1}{2}(\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e) = 180^\circ$$

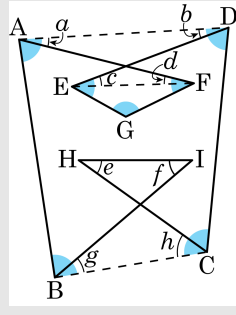
15. 다음 그림에서 $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D + \angle E + \angle F + \angle G + \angle H + \angle I$ 의 값을 구하여라.



▶ 답: 1

▶ 정답 : 540°

해설



$\angle a + \angle b = \angle c + \angle d$, $\angle e + \angle f = \angle g + \angle h$
 이므로 구하는 값은 색칠된 각들의 크기의 합과 같다.
 $\therefore 360^\circ + 180^\circ = 540^\circ$