

1. 다음 중 60° 를 작도할 때, 이용되는 작도 방법을 골라라.

- ☐ ㉠ 길이가 같은 선분의 작도
- ☐ ㉡ 선분의 수직이등분선의 작도
- ☐ ㉢ 평행선의 작도
- ☐ ㉣ 수선의 작도

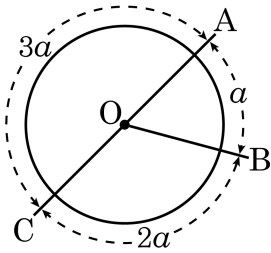
▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

해설

㉠ 길이가 같은 선분의 작도를 이용하여 정삼각형을 작도한다.

2. 다음 그림과 같이 $5.0\text{pt}\widehat{AB} = a$, $5.0\text{pt}\widehat{BC} = 2a$, $5.0\text{pt}\widehat{AC} = 3a$ 일 때, $\angle BOC$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 0

▶ 정답 : 120°

해설

$5.0\text{pt}\widehat{AB} : 5.0\text{pt}\widehat{BC} : 5.0\text{pt}\widehat{AC} = a : 2a : 3a = 1 : 2 : 3$ 이고
 부채꼴의 호의 길이는 중심각의 크기에 정비례하므로 $\angle BOC =$
 $360^\circ \times \frac{2}{6} = 120^\circ$ 이다.

3. 다음 중 칠각뿔에 대한 설명으로 옳은 것은?

- ① 옆면은 모두 직사각형이다.
- ② 밑면은 칠각형이다.
- ③ 꼭짓점의 개수는 9 개이다.
- ④ 모서리의 개수는 12 개이다.
- ⑤ 면의 개수는 10 개이다.

해설

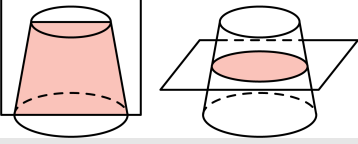
- ① 옆면은 모두 삼각형이다.
- ③ 꼭짓점의 개수는 8 개이다.
- ④ 모서리의 개수는 14 개이다.
- ⑤ 면의 개수는 8 개이다.

4. 원뿔대를 두 밑면과 수직으로 만나는 평면으로 자른 단면의 모양과 두 밑면과 평행인 평면으로 자른 단면의 모양을 순서대로 짝지은 것은?

- ① 삼각형-원
- ② 사다리꼴-원
- ③ 원-사다리꼴
- ④ 원-삼각형
- ⑤ 평행사변형-원

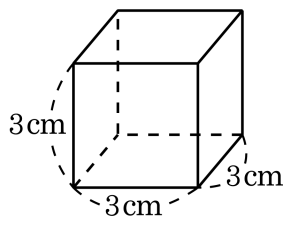
해설

원뿔대를 밑면에 수직인 평면으로 자를 때, 다음과 같다.



수직으로 만나는 평면으로 자른 단면의 모양은 사다리꼴이고, 평행인 평면으로 자른 단면의 모양은 원이다.

5. 다음 그림과 같이 한 모서리의 길이가 3cm 인 정육면체의 겉넓이는 얼마인가?



- ① 270cm^2 ② 54cm^2 ③ 18cm^2
④ 36cm^2 ⑤ 9cm^2

해설

정육면체는 모든 면의 넓이가 같으므로
 $3 \times 3 \times 6 = 54(\text{cm}^2)$

6. 계급의 크기가 8인 도수분포표에서 계급값이 14인 계급의 범위가 a 이상 b 미만일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

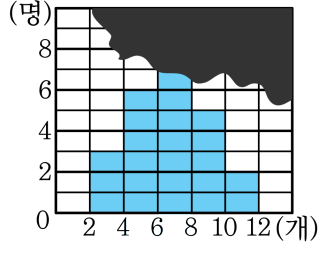
▷ 정답 : 28

해설

$$a = 14 - \frac{8}{2} = 10, \quad b = 14 + \frac{8}{2} = 18$$

$$\therefore a + b = 10 + 18 = 28$$

7. 다음은 어느 학급의 학생들이 가지고 있는 볼펜의 개수를 조사하여 나타낸 히스토그램인데 일부가 얼룩져 보이지 않는다고 한다. 2 개 이상 4 개 미만의 학생 수가 6 개 이상 8 개 미만의 학생 수의 $\frac{1}{3}$ 배라고 할 때, 전체 학생수를 구하여라.



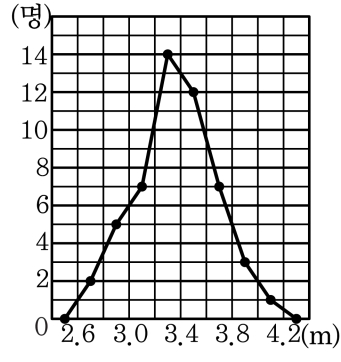
▶ 답 : 명

▷ 정답 : 25명

해설

2 개 이상 4 개 미만의 학생 수가 3 명이므로 6 개 이상 8 개 미만의 학생 수는 $3 \times 3 = 9$ (명)이다.
따라서 전체 학생 수는 $3 + 6 + 9 + 5 + 2 = 25$ (명)이다.

8. 다음 그래프는 T 중학교 1 학년 5 반 학생들의 멀리뛰기 기록을 조사하여 그린 도수분포다각형이다. 다음 중 옳지 않은 것은?

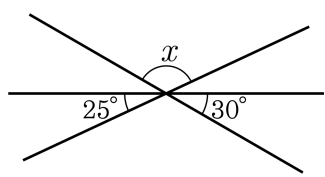


- ① 계급의 개수는 8 개이다.
- ② 가장 멀리 퓌 학생의 기록이 4.2m 를 넘지 않는다.
- ③ 3.5m 를 퓌 학생은 12 명이다.
- ④ 3m 미만을 퓌 학생은 7 명이다.
- ⑤ 3.8m 이상을 퓌 학생은 4 명이다.

해설

③ 3.4m 이상 3.6m 미만 퓌 학생은 12 명이다. 그러나 3.5m 를 퓌었다고 할 수 없다.

10. 다음 그림에서 $\angle x$ 의 크기는?



- ① 110° ② 115° ③ 120° ④ 125° ⑤ 135°

해설

$\angle x = 180^\circ - 30^\circ - 25^\circ = 125^\circ$ 이다.

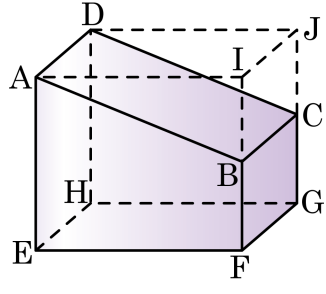
11. 같은 평면 위의 서로 다른 세 직선 l, m, n 에 대하여 다음 중 옳은 것은?

- ① $l // m, m // n$ 이면 $l \perp n$ 이다.
- ② $l // m, m \perp n$ 이면 $l // n$ 이다.
- ③ $l \perp n, m \perp n$ 이면 $l \perp m$ 이다.
- ④ $l \perp m, m \perp n$ 이면 $l // n$ 이다.
- ⑤ $l // n, m // n$ 이면 $l \perp m$ 이다.

해설

- ① $l // m, m // n$ 이면 $l // n$
- ② $l // m, m \perp n$ 이면 $l \perp n$
- ③ $l \perp n, m \perp n$ 이면 $l // m$
- ⑤ $l // n, m // n$ 이면 $l // m$

12. 다음 도형은 직육면체의 일부분을 자른 것이다. 옳지 않은 것은?

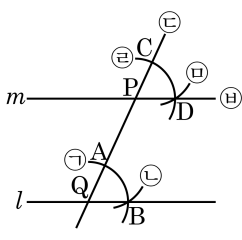


- ① 면 EFGH 에 수직인 면은 4 개이다.
- ② 면 AEHD 에 수직인 모서리는 2 개이다.
- ③ 면 BFGC 에 평행인 모서리는 4 개이다.
- ④ 면 ABCD 에 수직인 모서리는 없다.
- ⑤ 모서리 EF 와 꼬인 위치 모서리는 4 개이다.

해설

⑤ 모서리 EF 와 꼬인 위치에 있는 모서리는 5 개이다.(모서리 DC, AD, DH, BC, CG)

13. 다음 그림은 직선 l 밖의 한 점 P 를 지나 직선 l 에 평행한 직선 m 을 작도하는 방법을 나타낸 것이다. 순서가 바르게 된 것은?



- ① $\ominus \rightarrow \textcircled{7} \rightarrow \omin� \rightarrow \textcircled{L} \rightarrow \oplus \rightarrow \opl�$
- ② $\omin� \rightarrow \textcircled{L} \rightarrow \textcircled{7} \rightarrow \oplus \rightarrow \omin� \rightarrow \opl�$
- ③ $\opl� \rightarrow \textcircled{7} \rightarrow \omin� \rightarrow \oplus \rightarrow \textcircled{L} \rightarrow \omin�$
- ④ $\opl� \rightarrow \textcircled{L} \rightarrow \textcircled{7} \rightarrow \oplus \rightarrow \omin� \rightarrow \omin�$
- ⑤ $\textcircled{7} \rightarrow \textcircled{L} \rightarrow \omin� \rightarrow \omin� \rightarrow \oplus \rightarrow \opl�$

해설

작도 순서는 $\omin� \rightarrow \textcircled{7} \rightarrow \omin� \rightarrow \textcircled{L} \rightarrow \oplus \rightarrow \opl�$ 이다.

14. 다음 표는 어느 반 학생들의 수학 성적을 나타낸 도수분포표이다. 계급값이 75 점인 계급의 학생 수는 수학 성적이 70 점 이상인 학생 수의 $\frac{1}{4}$ 이라 할 때, b 의 값은?

계급 (점)	도수 (명)
50 ^{이상} ~ 60 ^{미만}	4
60 ^{이상} ~ 70 ^{미만}	10
70 ^{이상} ~ 80 ^{미만}	
80 ^{이상} ~ 90 ^{미만}	16
90 ^{이상} ~ 100 ^{미만}	b
합계	50

- ① 9 ② 10 ③ 11 ④ 12 ⑤ 13

해설

70 이상 80 미만인 학생 수는

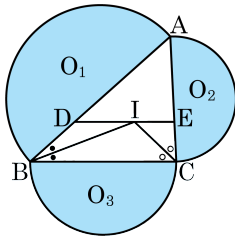
$$a = 50 - (4 + 10 + 16 + b) = 20 - b$$

계급값이 75 점인 계급의 학생 수는 70 점 이상인 학생 수의 $\frac{1}{4}$

$$\text{이므로 } 20 - b = \frac{1}{4} \times 36$$

$$\therefore b = 11$$

15. 다음 그림의 삼각형 ABC는 반지름의 길이가 각각 4.5 cm, 3 cm, 3.5 cm인 반원 O_1 , O_2 , O_3 를 각각 서로 한 점씩 만나게 하여 만들어진 도형이다. 점 I는 $\angle B$ 와 $\angle C$ 의 이등분선의 교점이고 선분 DE와 BC는 평행할 때, 삼각형 ADE의 둘레의 길이를 구하여라.



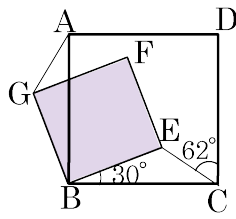
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 15 cm

해설

$\overline{DE} \parallel \overline{BC}$ 이므로
 $\angle IBC = \angle BID$ (엇각), $\angle ICB = \angle CIE$ (엇각)
따라서 두 삼각형 BDI, CEI는 이등변삼각형이다.
 $\overline{BD} = \overline{DI}$, $\overline{CE} = \overline{EI}$
반원 O_1 , O_2 , O_3 는 각각 지름이 9 cm, 6 cm, 7 cm인 반원이므로
(삼각형 ADE의 둘레의 길이)
 $= \overline{AB} + \overline{AC} = 4.5 \times 2 + 3 \times 2 = 15$ (cm)

16. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 와 $\square BEFG$ 가 각각 정사각형이고, $\angle DCE = 62^\circ$, $\angle EBC = 30^\circ$ 일 때, $\angle AGF$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답: 1

▶ 정답 : 32°

해설

 $\triangle BGA$ 와 $\triangle BEC$ 에서

□ABCD가 정사각형이므로 $\overline{BA} = \overline{BC} \dots \textcircled{1}$

□BEFG가 정사각형이므로 $\overline{BG} = \overline{BE} \dots ②$

$$\angle GBA = 90^\circ - \angle ABE = \angle EBC \dots \textcircled{3}$$

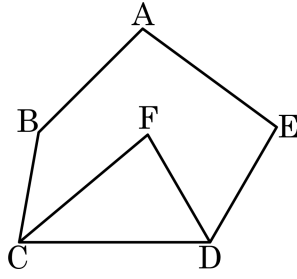
① ② ③에 의하여 $\triangle BGA \equiv \triangle BEC$ (SAS 합동)

①, ②, ③에 의하여 $\triangle BGA \equiv$
 하트인 드형인 석지에 일치인

합동인 도형의 성질에 의하여

$$\angle AGB = \angle CEB = 180^\circ - (30^\circ + 28^\circ) = 122^\circ$$

17. 다음 그림의 오각형 ABCDE에서 $\angle C$ 와 $\angle D$ 의 이등분선의 교점이 점 F이고, $\angle A + \angle B + \angle E = 340^\circ$ 일 때, $\angle CFD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답 :

°

▷ 정답 : 80°

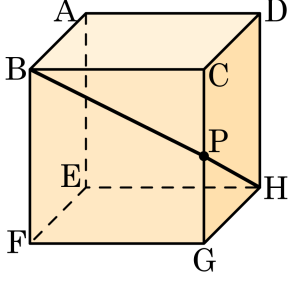
해설

$\angle A + \angle B + \angle E = 340^\circ$ 이므로 $\angle C + \angle D = 540^\circ - 340^\circ = 200^\circ$
또 $\angle C$ 와 $\angle D$ 의 이등분선의 교점이 점 F 이므로 $\angle FCD + \angle FDC = \frac{1}{2}(\angle C + \angle D) = \frac{1}{2} \times 200^\circ = 100^\circ$

그런데 $\angle FCD + \angle FDC + \angle CFD = 180^\circ$ 이므로

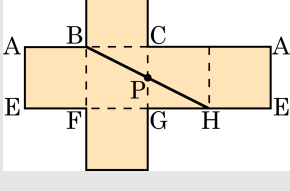
$\angle CFD = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ$

18. 다음 그림은 한 변의 길이가 26cm 인 정육면체이다. 점 B 에서 선분 CG 를 지나 점 H 까지 최단 거리의 선을 그을 때, PG 의 길이를 구하면?



- ① 10cm ② 13cm ③ 15cm ④ 17cm ⑤ 19cm

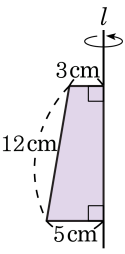
해설



선분 BH 를 그었을 때 최단 거리가 된다.
 $\triangle BCP$ 와 $\triangle HGP$ 에서
 $\angle BCP = \angle HGP$, $\angle CBP = \angle GHP$, $\overline{BC} = \overline{GH}$ 이므로
 $\triangle BCP \cong \triangle HGP$ (ASA 합동)
 $\overline{GP} = \overline{CP} = \frac{1}{2}\overline{CG} = \frac{1}{2} \times 26 = 13(\text{cm})$

19. 다음 평면도형을 직선 n 을 회전축으로 회전시켰다. 이 회전체의 전개도에서 옆면의 둘레의 길이는?

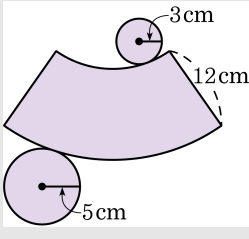
- ① $(16\pi + 24)$ cm
- ② $(18\pi + 24)$ cm
- ③ $(24\pi + 24)$ cm
- ④ $(16\pi + 12)$ cm
- ⑤ $(18\pi + 12)$ cm



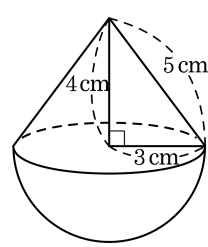
해설

회전체의 전개도를 그리면 옆면의 둘레의 길이는

$$\begin{aligned} &2\pi \times 3 + 2\pi \times 5 + 12 \times 2 \\ &= \pi \times 16 + 24 \\ &= 16\pi + 24(\text{ cm}) \end{aligned}$$



20. 다음 그림과 같이 길이가 3 cm 인 반구와 모선의 길이가 5 cm , 높이가 4 cm 인 원뿔이 있다. 이 때, 겉넓이를 구하여라.

▶ 답: cm²

▷ 정답 : $33\pi \text{ cm}^2$

해설

$$\frac{1}{2} \times 6\pi \times 5 + \frac{1}{2} \times 4\pi \times 3^2 = 33\pi (\text{cm}^2)$$