

1. 삼각형 ABC에서 $\angle B$ 의 크기와 \overline{BC} 의 길이가 주어질 때, 다음 중 어느 것이 더 주어지면 삼각형이 SAS 조건에 의해 하나로 결정되는가?

① \overline{AC} 의 길이

② \overline{AB} 의 길이

③ $\angle A$ 의 크기

④ $\angle C$ 의 크기

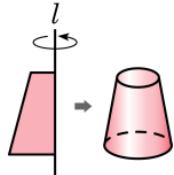
⑤ 더 주어지지 않아도 된다.

해설

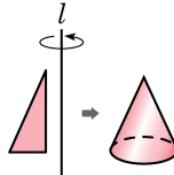
$\angle B$ 의 크기와 \overline{BC} 가 주어졌으므로 $\angle B$ 가 끼인각이 되기 위해서 \overline{AB} 의 길이가 주어져야 한다.

2. 다음 각각의 도형을 직선 l 을 축으로 회전시킬 때, 만들어지는 회전체로 바르게 연결되지 않은 것은?

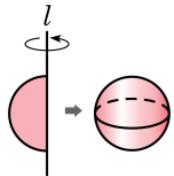
①



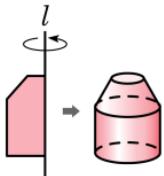
②



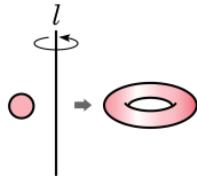
③



④

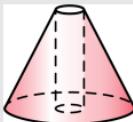


⑤

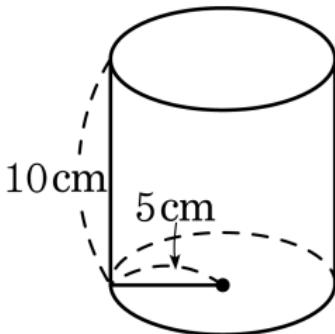


해설

②



3. 다음 원기둥의 겉넓이를 구하여라.



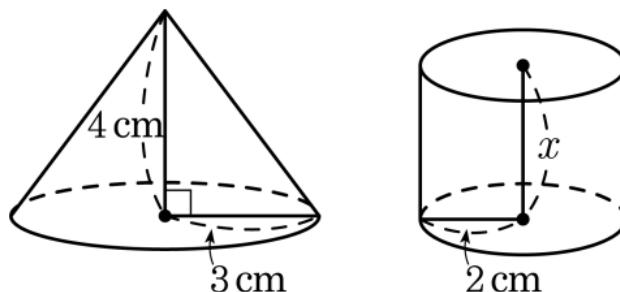
▶ 답 : cm²

▷ 정답 : $150\pi \text{cm}^2$

해설

$$\begin{aligned}\pi \times 5^2 \times 2 + 2\pi \times 5 \times 10 \\ = 50\pi + 100\pi = 150\pi(\text{cm}^2)\end{aligned}$$

4. 다음 그림의 원뿔과 원기둥의 부피가 서로 같을 때, 원기둥의 높이는?



- ① 2cm ② 3cm ③ 4cm ④ $2\pi\text{cm}$ ⑤ $3\pi\text{cm}$

해설

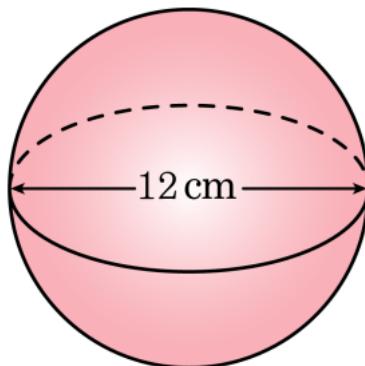
$$(\text{원뿔의 부피}) = \frac{1}{3} \times \pi \times 3^2 \times 4 = 12\pi(\text{cm}^3)$$

$$(\text{원기둥의 부피}) = \pi \times 2^2 \times x = 4\pi x(\text{cm}^2)$$

$$4\pi x = 12\pi$$

$$\therefore x = 3(\text{cm})$$

5. 다음 그림과 같은 지름의 길이가 12인 구의 부피는?



- ① $288\pi\text{cm}^3$ ② $268\pi\text{cm}^3$ ③ $248\pi\text{cm}^3$
④ $228\pi\text{cm}^3$ ⑤ $200\pi\text{cm}^3$

해설

$$V = \frac{4}{3}\pi r^3 = \frac{4}{3}\pi \times 6^3 = 288\pi(\text{cm}^3)$$

6. 다음 표는 준하네 반 학생들이 1 분 동안 넘은 줄넘기 횟수를 나타낸 도수분포표이다. 도수가 가장 큰 계급의 계급값을 x 회, 이 때의 도수를 y 명이라 할 때, $x + y$ 의 값을 구하여라.

횟수(회)	학생 수(명)
10이상 ~ 20미만	4
20이상 ~ 30미만	8
30이상 ~ 40미만	11
40이상 ~ 50미만	<input type="text"/>
50이상 ~ 60미만	2
합계	40

▶ 답 :

▷ 정답 : 60

해설

빈 칸에 들어갈 수는 $40 - (4 + 8 + 11 + 2) = 15$ 이므로

$$x = \frac{40 + 50}{2} = 45, y = 15$$

따라서 $x + y = 45 + 15 = 60$ 이다.

7. 어떤 자료의 변량 전체의 범위는 $10.5 \leq x < 24.5$ 이다. 10 부터 계급의 크기를 3 으로 할 때, 계급의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 5 개

해설

10 부터 계급의 크기를 3 으로 하여 계급을 나누어 보면 다음과 같다.

10 이상 13 미만

13 이상 16 미만

16 이상 19 미만

19 이상 22 미만

22 이상 25 미만

즉, 5 개의 계급으로 나누어진다.

8. 변량의 범위가 15.5 이상 41 미만인 어떤 자료가 있다. 15 부터 계급의 크기를 5로 할 때, 계급은 몇 개가 생기는지 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 6 개

해설

계급의 크기가 5 이므로

15 이상 ~ 20 미만

20 이상 ~ 25 미만

25 이상 ~ 30 미만

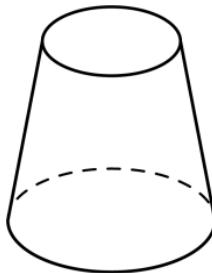
30 이상 ~ 35 미만

35 이상 ~ 40 미만

40 이상 ~ 45 미만

즉, 6 개이다.

9. 다음 도형은 면과 면이 서로 만나고 있다. 교점과 교선은 각각 몇 개인지 차례대로 구하여라.



▶ 답 : 개

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 0 개

▷ 정답 : 2 개

해설

원뿔대의 교점은 존재하지 않으며 교선은 윗면과 아랫면이 옆면과 만나므로 2개이다.

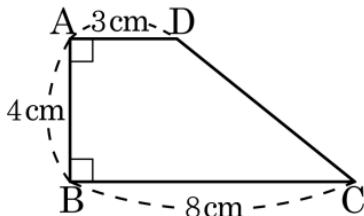
10. 다음 중 옳은 것은?

- ① 시작점이 같은 두 반직선은 같다.
- ② 한 점을 지나는 직선은 무수히 많다.
- ③ 두 점을 잇는 선 중에서 가장 짧은 것은 직선이다
- ④ 두 점을 지나는 직선은 무수히 많다.
- ⑤ 방향이 같은 두 반직선은 같다.

해설

- ①, ⑤ 같은 반직선의 경우 시작점과 방향이 모두 같다.
- ③ 두 점을 잇는 선 중에서 가장 짧은 것은 선분이다.
- ④ 두 점을 지나는 직선은 1 개이다.

11. 다음 그림과 같은 사각형 ABCD 에 대한 다음 설명 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

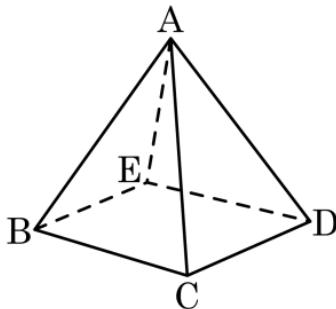


- ① 점 A에서 \overline{BC} 에 내린 수선의 발은 점 B이다.
- ② 점 B에서 \overline{AD} 사이의 거리는 3cm이다.
- ③ 점 D에서 \overline{AB} 사이의 거리는 3cm이다.
- ④ 점 B에서 \overline{AD} 에 내린 수선의 발은 점 A이다.
- ⑤ 점 C에서 \overline{AB} 사이의 거리는 4cm이다.

해설

- ② 점 B에서 \overline{AD} 사이의 거리는 4cm이다.
- ⑤ 점 C에서 \overline{AB} 사이의 거리는 8cm이다.

12. 다음 그림의 사각뿔에서 \overline{AC} 와 꼬인 위치에 있는 모서리를 구하여라.(단, 모서리 $AB = \overline{AB}$ 로 표기)



▶ 답 :

▶ 답 :

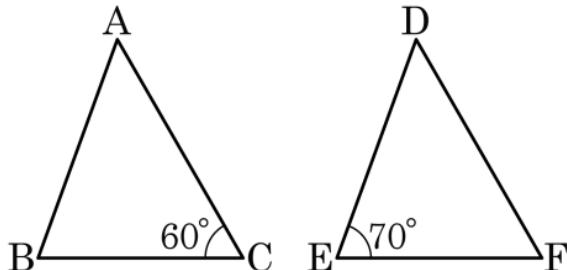
▷ 정답 : \overline{BE} 또는 \overline{EB}

▷ 정답 : \overline{ED} 또는 \overline{DE}

해설

\overline{AC} 와 꼬인 위치에 있는 모서리는 \overline{BE} , \overline{ED} 이다.

13. 다음 두 삼각형이 합동일 때, $\angle B$, $\angle F$ 의 크기는?



- ① $\angle B = 60^\circ$, $\angle F = 60^\circ$ ② $\angle B = 70^\circ$, $\angle F = 70^\circ$
③ $\angle B = 60^\circ$, $\angle F = 70^\circ$ ④ $\angle B = 75^\circ$, $\angle F = 60^\circ$
⑤ $\angle B = 70^\circ$, $\angle F = 60^\circ$

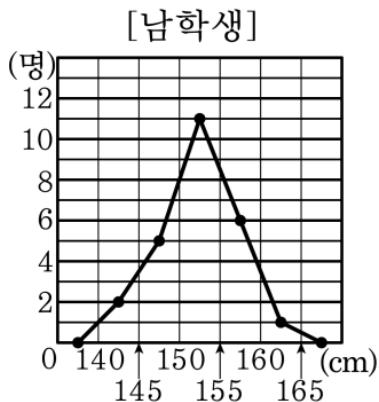
해설

$\triangle ABC \cong \triangle DEF$ 이므로

$\angle B$ 는 $\angle E$ 의 대응각이고 $\angle F$ 는 $\angle C$ 의 대응각이다.

$\therefore \angle B = \angle E = 70^\circ$, $\angle F = \angle C = 60^\circ$

14. 어느 학급 학생들의 키를 남학생은 도수분포다각형으로 여학생은 도수분포표로 나타낸 것이다. 여학생의 도수분포다각형을 그려서 남여 학생의 분포를 비교할 때 알 수 있는 것은?



[여학생]

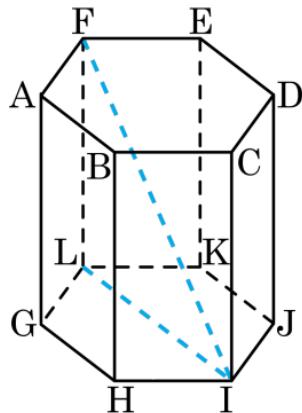
키(cm)	학생수(명)
140 이상 ~ 145 미만	3
145 ~ 150	6
150 ~ 155	12
155 ~ 160	3
160 ~ 165	1
합계	25

- ① 남학생과 여학생의 수는 같다.
② 남학생과 여학생의 분포는 같다.
③ 남학생이 여학생보다 전체적으로 크다.
④ 여학생이 남학생보다 전체적으로 크다.
⑤ 키가 제일 작은 학생은 남학생 중에 있다.

해설

- ② 정확하게 같은지는 알 수 없다.
③, ④ 학생이 제일 많은 구간이 같으므로 전체적으로 같다고 할 수 있다.
⑤ 알 수 없다.

15. 다음 그림에서 대각선 FI와 꼬인 위치에 있는 모서리의 개수를 구하여라.



▶ 답 : 개

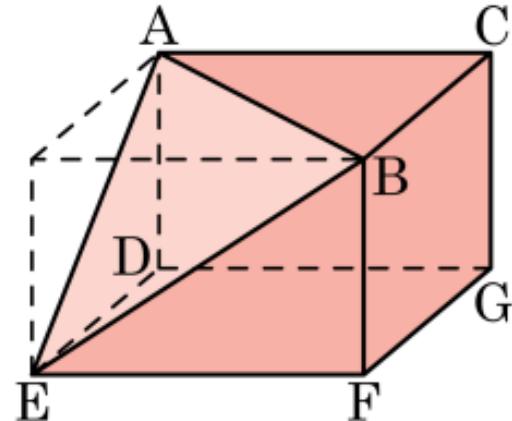
▷ 정답 : 12 개

해설

\overline{FI} 와 꼬인 위치에 있는 모서리는
 $\overline{AB}, \overline{BC}, \overline{CD}, \overline{DE}, \overline{AG}, \overline{BH}, \overline{DJ}, \overline{EK}, \overline{GL}, \overline{KL}, \overline{GH}, \overline{JK}$

16. 다음 그림은 직육면체에서 삼각뿔을 잘라낸 도형이다. 면 ADE 와 평행하지 않은 모서리는?

- ① \overline{BC}
- ② \overline{CG}
- ③ \overline{BE}
- ④ \overline{BF}
- ⑤ \overline{FG}



해설

\overline{BE} 는 면ADE와 평행하지 않다.

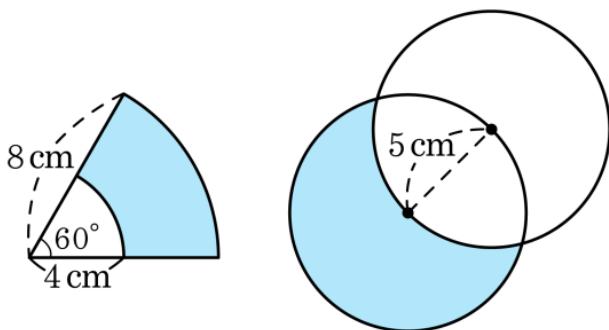
17. 다음 그림의 점들 사이의 거리는 모두 일정하다. 이 점들을 연결하여 만들 수 있는 정삼각형의 개수를 모두 구하여라. (단, 삼각형 안에 다른 점이 없도록 한다.)

▶ 답 : 개
▷ 정답 : 10 개

해설

점들 사이를 수직선을 제외하고 수평선과 사선을 그으면 8 개의 정삼각형이 존재하는 것을 볼 수 있다. 정삼각형 한 개가 만드는 정삼각형은 8 개, 정삼각형 4 개가 모여 만드는 정삼각형의 수는 2 개임을 알 수 있다. 따라서 총 10 개의 정삼각형이 존재한다.

18. 다음 그림에서 두 도형의 색칠한 부분의 둘레의 길이의 합을 구하면?



- ① $(7\pi + 4)\text{cm}$ ② $(7\pi + 8)\text{cm}$ ③ $(7\pi + 16)\text{cm}$
④ $(14\pi + 8)\text{cm}$ ⑤ $(14\pi + 16)\text{cm}$

해설

(부채꼴 둘레)

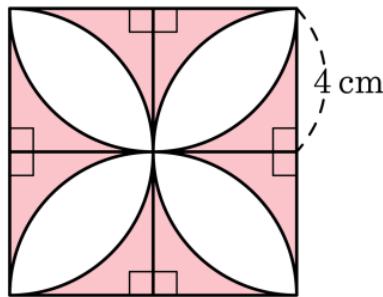
$$\begin{aligned}&= 2\pi \times 4 \times \frac{60^\circ}{360^\circ} + 2\pi \times 8 \times \frac{60^\circ}{360^\circ} + 4 \times 2 \\&= \frac{4}{3}\pi + \frac{8}{3}\pi + 8 \\&= 4\pi + 8(\text{cm})\end{aligned}$$

(원의 둘레)

$$= 2\pi \times 5 = 10\pi(\text{cm})$$

$$\therefore 4\pi + 8 + 10\pi = 14\pi + 8(\text{cm})$$

19. 다음 그림에서 색칠한 부분의 넓이는?



① $(126 - 30\pi)\text{cm}^2$

② $(126 - 32\pi)\text{cm}^2$

③ $(127 - 32\pi)\text{cm}^2$

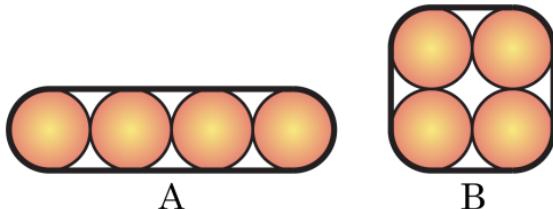
④ $(127 - 30\pi)\text{cm}^2$

⑤ $(128 - 32\pi)\text{cm}^2$

해설

$$\left\{ \left(4 \times 4 - \pi \times 4^2 \times \frac{1}{4} \right) \times 2 \right\} \times 4 = \{ (16 - 4\pi) \times 2 \} \times 4 = 128 - 32\pi (\text{cm}^2)$$

20. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 8cm인 원기둥 4개를 A, B 두 가지 방법으로 묶으려고 한다. 끈의 길이를 최소로 하려고 할 때, 길이가 긴 끈과 짧은 끈의 차를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 32cm

해설

A의 경우, 곡선의 길이는 반지름이 8cm인 원의 둘레이므로,
 $2\pi \times 8 = 16\pi$

직선의 길이는 $8 \times 6 \times 2 = 96$ (cm)

따라서 필요한 끈의 길이는 $16\pi + 96$ (cm) 이다.

B의 경우, 곡선의 길이는 반지름이 8cm인 원의 둘레이므로,

$2\pi \times 8 = 16\pi$

직선의 길이는 $8 \times 2 \times 4 = 64$ (cm)

따라서 필요한 끈의 길이는 $16\pi + 64$ (cm) 이다.

따라서 긴 끈은 A의 경우이고 짧은 끈은 B의 경우이므로 차이는

$(16\pi + 96) - (16\pi + 64) = 32$ (cm) 이다.