

1. 조건  $x < 1$  또는  $x > 2$ 의 부정은?

- ①  $x < 1$  그리고  $x > 2$
- ②  $x \leq 1$  또는  $x \geq 2$
- ③  $x \geq 1$  또는  $x \leq 2$
- ④  $x \leq 1$  그리고  $x \geq 2$
- ⑤  $1 \leq x \leq 2$

해설

$x < 1$  또는  $x > 2$ 의 부정은  $1 \leq x \leq 2$ 이다.

2. 다음 두 조건  $p, q$  에 대하여 ' $\sim p$  또는  $q$ '의 부정은?

$$p : -1 < x \leq 3, \quad q : 0 < x \leq 2$$

①  $-1 < x \leq 0$  또는  $2 < x \leq 3$

②  $-1 < x < 0$  또는  $2 \leq x \leq 3$

③  $-1 < x \leq 3$

④  $0 < x \leq 2$

⑤  $x$  는 모든 실수

해설

$\sim (\sim p \text{ 또는 } q) \leftrightarrow p \text{ 이고 } \sim q$  그런데

$\sim q : x \leq 0$  또는  $x > 2$  이므로  $p$  이고  $\sim q$

$\leftrightarrow (-1 < x \leq 3) \text{ 이고 } (x \leq 0 \text{ 또는 } x > 2)$

$\leftrightarrow (-1 < x \leq 3 \text{ 이고 } x \leq 0) \text{ 또는 } (-1 < x \leq 3 \text{ 이고 } x > 2)$

$\leftrightarrow -1 < x \leq 0$  또는  $2 < x \leq 3$



3. 전체집합  $U = \{x \mid x \text{는 } 50 \text{ 이하의 양의 짝수}\}$  에 대하여 세 조건  $p : x$ 는 48의 약수,  $q : 0 < x < 30$ ,  $r : x^2 - 10x + 24 = 0$  일 때, ‘ $p$  이고  $q$ 이고  $\sim r$ ’를 만족하는 집합에 속하지 않는 것은?

① 6

② 8

③ 12

④ 16

⑤ 24

해설

조건  $p, q, r$  를 만족하는 집합을 각각  $P, Q, R$  라 하면

$$P = \{2, 4, 6, 8, 12, 16, 24, 48\}$$

$$Q = \{2, 4, 6, 8, 10, \dots, 28\}$$

$$R = \{4, 6\}$$

‘ $p$  이고  $q$ 이고  $\sim r$ ’를 만족하는 집합은  $P \cap Q \cap R^c$  이므로

$$P \cap Q \cap R^c = \{2, 8, 12, 16, 24\}$$

4. 전체집합  $U$ 에서 두 조건  $p, q$ 를 만족하는 집합을 각각  $P, Q$ 라 할 때, 다음 중 ‘ $\sim p$  이면  $\sim q$ 이다.’가 거짓임을 보이는 원소가 속하는 집합은?

①  $P \cap Q^c$

②  $P \cup Q^c$

③  $P \cap Q$

④  $P^c \cap Q$

⑤  $P^c \cap Q^c$

해설

‘ $\sim p$  이면  $\sim q$ 이다.’가 거짓이므로 대우명제 ‘ $q$  이면  $p$ 이다.’도 거짓이다. 즉  $Q \subset P$ 가 거짓이므로  $Q - P \neq \emptyset$ 임을 보이면 된다. 따라서  $Q \cap P^c$ 에 속하는 원소이다.

5. 다음 중에서 참인 명제는? (단, 문자는 실수이다.)

①  $x^2 = 1$  이면  $x^3 = 1$  이다.

②  $\sqrt{(-3)^2} = -3$

③  $|x| > 0$  이면  $x > 0$  이다.

④  $|x+y| = |x-y|$  이면  $xy = 0$  이다.

⑤ 대각선의 길이가 같은 사각형은 직사각형이다.

### 해설

①  $x = -1$  이면  $x^2 = 1$  이지만  $x^3 = -1$  이므로 거짓인 명제이다.

②  $\sqrt{(-3)^2} = |-3| = 3$  이므로 거짓인 명제이다.

③  $x = -2$  이면  $|-2| = 2 > 0$  이지만  $-2 < 0$  이므로 거짓인 명제이다.

④  $|x+y| = |x-y|$  의 양변을 제곱하면  $(x+y)^2 = (x-y)^2$   
 $\Leftrightarrow x^2 + 2xy + y^2 = x^2 - 2xy + y^2 \Leftrightarrow xy = 0$  따라서, 참인 명제이다.

⑤ 등변사다리꼴은 대각선의 길이가 같지만 직사각형은 아니다.  
따라서, 거짓인 명제이다.

6. 두 조건  $p, q$  를 만족하는 집합을 각각  $P, Q$  라 하고,  $P \cup Q = P$  일 때,  
다음 중 참인 명제는?

①  $p \rightarrow q$

②  $q \rightarrow p$

③  $\sim p \rightarrow q$

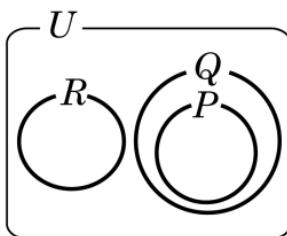
④  $q \rightarrow \sim p$

⑤  $\sim q \rightarrow \sim p$

해설

$P \cup Q = P$  이므로  $Q \subset P$  이다. 따라서,  $q \Rightarrow p$

7. 세 조건  $p$ ,  $q$ ,  $r$ 를 만족하는 집합을 각각  $P$ ,  $Q$ ,  $R$ 라고 할 때, 이들 사이의 포함 관계는 다음 그림과 같다. 다음 명제 중 거짓인 것은?



- ①  $r \rightarrow \sim q$       ②  $r \rightarrow \sim p$       ③  $p \rightarrow \sim r$   
④  $\sim q \rightarrow \sim p$       ⑤  $p \rightarrow \sim q$

### 해설

명제의 참, 거짓은 각각의 조건을 만족하는 집합의 포함 관계로 판별할 수 있다.

- ①  $R \subset Q^c$  이므로  $r \rightarrow \sim q$ 는 참이다.
- ②  $R \subset P^c$  이므로  $r \rightarrow \sim p$ 는 참이다.
- ③  $P \subset R^c$  이므로  $p \rightarrow \sim r$ 는 참이다.
- ④  $Q^c \subset P^c$  이므로  $\sim q \rightarrow \sim p$ 는 참이다.
- ⑤  $P \not\subset Q^c$  이므로  $p \rightarrow \sim q$ 는 거짓이다.

8. 다음 중 ‘모든 평화고등학교 학생들은 평화시에 살고 있다.’의 부정인 명제를 고르면?

- ① 평화시에 살고 있지 않으면 평화고등학교 학생이 아니다.
- ② 평화시에 사는 학생은 평화고등학교 학생이다.
- ③ 모든 평화고등학교 학생들은 평화시에 살고 있지 않다.
- ④ 평화시에 살고 있지 않은 평화고등학교 학생이 적어도 한명은 있다.
- ⑤ 어떤 평화고등학교 학생들은 평화시에 살고 있다.

해설

모든 ~ 이다. : (부정) ⇒ 어떤 ~ 아니다.  
적어도 ~ 아니다.

9. 아래의 두 조건에 대하여 명제  $p \rightarrow q$  가 거짓임을 보이는 반례들의 집합을 구하면?

「 $p : x$  는 18의 약수,  $q : x$  는 12의 약수」

- ① {1, 2, 3, 6}
- ② {6, 12, 9, 8}
- ③ {9, 18}
- ④ {12, 18}
- ⑤ {6, 9, 18}

해설

두 조건  $p$ ,  $q$  를 만족하는 집합을 각각  $P, Q$  라 하면,  $P = \{1, 2, 3, 6, 9, 18\}$ ,  $Q = \{1, 2, 3, 4, 6, 12\}$  이므로 반례들의 집합은  $P - Q = \{9, 18\}$

## 10. 실수 $x$ 에 대한 두 조건

$$p : |x - 2| < a \text{ (단, } a > 0\text{ )}$$

$$q : x < -3 \text{ 또는 } x > 1$$

에 대하여 명제  $p \rightarrow q$  가 참이 되기 위한  $a$ 의 값의 범위를  $\alpha < a \leq \beta$  라 할 때,  $\alpha + \beta$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 1

### 해설

$$|x - 2| < a \text{ 에서 } -a < x - 2 < a \therefore 2 - a < x < 2 + a \therefore$$

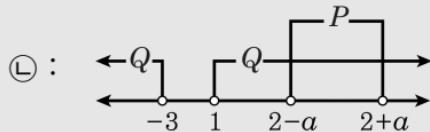
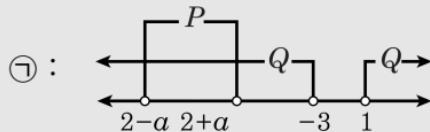
$$P = \{x | 2 - a < x < 2 + a\}, Q = \{x | x < -3 \text{ 또는 } x > 1\}$$

따라서  $P \subset Q$  가 되려면  $2 + a \leq -3 \cdots \textcircled{1}$  또는  $2 - a \geq 1 \cdots$

㉡,

즉,  $a \leq -5$  또는  $a \leq 1$

그런데  $a > 0$  이므로 구하는  $a$ 의 범위는  $0 < a \leq 1$



$$\therefore \alpha = 0, \beta = 1$$

$$\therefore \alpha + \beta = 1$$