

1. 두 점 $A(3, -1), B(a, -3)$ 에 대하여 $\overline{AB} = 2$ 일 때, a 의 값을 구하면?

① 1

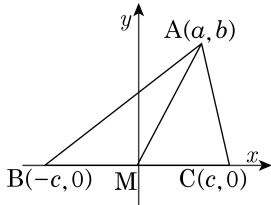
② 2

③ 3

④ 4

⑤ 5

2. 다음은 $\triangle ABC$ 에서 변 BC의 중점을 M이라 할 때, $\overline{AB}^2 + \overline{AC}^2 = 2(\overline{AM}^2 + \overline{BM}^2)$ 을 증명하는 과정이다.



직선 BC를 x 축, 중점 M을 지나고 변 BC에 수직인 직선을 y 축으로 잡고, 세 꼭짓점 A, B, C의 좌표를 각각

$A(a, b)$, $B(-c, 0)$, $C(c, 0)$ 라 하면

$$\overline{AB}^2 + \overline{AC}^2 = (a+c)^2 + b^2 + (a-c)^2 + b^2 = (\text{가}) \text{ 이고,}$$

$$\overline{AM}^2 = a^2 + b^2, \overline{BM}^2 = c^2$$

따라서 $\overline{AM}^2 + \overline{BM}^2 = (\text{나})$

$$\therefore \overline{AB}^2 + \overline{AC}^2 = (\text{다})(\overline{AM}^2 + \overline{BM}^2)$$

위

의 (가), (나), (다)에 알맞은 것을 순서대로 적으면?

- ① $a^2 + b^2 + c^2, a^2 + b^2 + c^2, 1$
- ② $2(a^2 + b^2 + c^2), 2(a^2 + b^2 + c^2), 1$
- ③ $2(a^2 + b^2 + c^2), a^2 + b^2 + c^2, 2$
- ④ $2(a^2 + b^2 + c^2), 2(a^2 + b^2 + c^2), 2$
- ⑤ $3(a^2 + b^2 + c^2), a^2 + b^2 + c^2, 3$

3. 유리식 $\frac{x^2 - 1}{x^4 + x^2 + 1} + \frac{x - 2}{x^2 - x + 1} - \frac{x + 2}{x^2 + x + 1}$ 를 간단히 하면

$\frac{ax^2 + bx + c}{x^4 + x^2 + 1}$ 일 때, 상수 a, b, c 에 대하여 abc 의 값은?

① -4

② -2

③ 0

④ 2

⑤ 4

4. 등식 $x^2 - 2x + 3 = a + b(x - 1) + c(x - 1)^2$ 이 x 에 관한 항등식일 때,
 $a^2 + b^2 + c^2$ 의 값을 구하여라.



답: _____

5. $x = -2 - i$ 일 때, $x^2 + 4x + 10$ 의 값을 구하시오.



답: _____

6. 연립부등식 $\begin{cases} 2x \leq x + 4 \\ x^2 - 4x - 5 < 0 \end{cases}$ 을 만족시키는 정수 x 의 개수를 구하여라.



답: _____

7. 좌표평면에서 두 점 $A(-1, 4)$, $B(5, -5)$ 를 이은 선분 AB 를 $2:1$ 로 내분하는 점이 직선 $y = 2x + k$ 위에 있을 때, 상수 k 의 값은?

① -8

② -7

③ -6

④ -5

⑤ -4

8. $1 + \frac{1}{1 - \frac{1}{1 - x}}$ 을 간단히 하면?

① $\frac{2x + 1}{x}$

② $\frac{2x - 1}{x}$

③ $\frac{x - 1}{x}$

④ $\frac{x + 1}{x}$

⑤ $\frac{1}{x}$

9. x 에 대한 삼차방정식 $x^3 + (a+2)x^2 + 4ax + 2a^2 = 0$ 이 한 개의 실근과 두 개의 허근을 가질 때, 실수 a 의 값의 범위는?

① $a > \frac{1}{2}$

② $a \geq \frac{1}{2}$

③ $a > 1$

④ $a < \frac{1}{2}$

⑤ $\frac{1}{2} < a < 1$

10. 다음 명제의 이가 참이 아닌 것은?

- ① 실수 a, b, c 에 대하여 $ac = bc$ 이면 $a = b$ 이다.
- ② 두 집합 A, B 에 대하여 $A \subset B$ 이면 $A \cap B = A$ 이다.
- ③ 실수 x, y 에 대하여 $x > 1, y > 1$ 이면 $xy > 1, x + y > 2$ 이다.
- ④ 대각선이 직교하면 마름모이다.
- ⑤ 두 각이 같으면, $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.

11. 두 명제 p 는 q 이기 위한 충분조건이고 $\sim q$ 는 r 이기 위한 필요조건이다. 다음 보기의 명제 중 반드시 참인 명제를 모두 고르면?

$$\textcircled{\neg} \quad q \rightarrow \sim r$$

$$\textcircled{\text{L}} \quad \sim p \rightarrow r$$

$$\textcircled{\text{C}} \quad p \rightarrow \sim r$$

$$\textcircled{\text{E}} \quad \sim r \rightarrow \sim p$$

$$\textcircled{1} \quad \textcircled{\neg}, \textcircled{\text{L}}$$

$$\textcircled{2} \quad \textcircled{\neg}, \textcircled{\text{C}}$$

$$\textcircled{3} \quad \textcircled{\text{L}}, \textcircled{\text{C}}$$

$$\textcircled{4} \quad \textcircled{\neg}, \textcircled{\text{L}}, \textcircled{\text{C}}$$

$$\textcircled{5} \quad \textcircled{\text{L}}, \textcircled{\text{C}}, \textcircled{\text{E}}$$

12. 부등식 $x^2 + (a+1)x + (a+1) \geq 0$ 이 절대부등식이 되기 위한 정수 a 의 개수는?

① 3개

② 4개

③ 5개

④ 6개

⑤ 7개

13. 두 집합 $A = \{x \mid x \text{는 } n \text{의 약수}\}$, $B = \{x \mid x \text{는 } 54 \text{의 약수}\}$ 에 대하여 $A \subset B$, $A \neq B$ 이기 위한 자연수 n 의 값은 모두 몇 개인지 구하여라.



답:

개

14. 다음은 조화평균에 관한 어떤 수학적 사실을 증명한 것이다.

증명

양수 a, b, H 에 대하여

적당한 실수 r 가 존재하여

$a = H + \frac{a}{r}, H = b + \frac{b}{r} \cdots (A)$ 가 성립한다고 하자.

그러면 $a \neq b$ 이고 $\frac{a-H}{a} = (가) \cdots (B)$ 이므로

$H = (나)$ 이다.

역으로, $a \neq b$ 인 양수 a, b 에 대하여

$H = (나)$ 이면,

식 (B) 가 성립하고 $\frac{a-H}{a} \neq 0$ 이다.

(B) 에서 $\frac{a-H}{a} = \frac{1}{r}$ 이라 놓으면

식 (A) 가 성립한다. 따라서 양수 a, b, H 에 대하여 적당한 실수 r 이 존재하여

식 (A) 가 성립하기 위한 $(다)$ 조건은

$a \neq b$ 이고 $H = (나)$ 이다.

위의 증명에서 (가), (나), (다)에 알맞는 것을 순서대로 적으면?

① $\frac{H-b}{b}, \frac{2ab}{a+b}$, 필요충분

② $\frac{H-b}{b}, \frac{ab}{a+b}$, 필요충분

③ $\frac{H-b}{b}, \frac{2ab}{a+b}$, 충분

④ $\frac{b-H}{b}, \frac{2ab}{a+b}$, 필요

⑤ $\frac{b-H}{b}, \frac{ab}{a+b}$, 충분

15. 임의의 양수 x, y 에 대하여 함수 f 가 $f(xy) = f(x) + f(y) - 2$ 를 만족하고 $f(2) = 3$ 일 때, $f\left(\frac{1}{2}\right)$ 의 값은?

① -1

② $-\frac{1}{2}$

③ 0

④ $\frac{1}{2}$

⑤ 1