

1. 올해 A 중학교의 학생 수는 작년보다 5 % 증가하여 189명이 되었다.
증가한 학생 수로 알맞은 것은?

- ① 10 명 ② 9 명 ③ 8 명 ④ 7 명 ⑤ 6 명

해설

작년 학생 수를 x 명이라 할 때

$$x + \frac{5}{100}x = 189$$

$$105x = 18900$$

$$\therefore x = 180$$

따라서 증가한 학생 수는 $180 \times 0.05 = 9$ 명

2. 어느 학교는 올해 학생 수가 작년 보다 8% 감소하여 552명이 되었다.
이 학교의 작년 학생 수는?

① 570 명

② 580 명

③ 590 명

④ 600 명

⑤ 610 명

해설

작년 학생 수를 x 명이라 할 때

$$x - \frac{8}{100}x = 552$$

$$92x = 55200$$

$$\therefore x = 600$$

3. A 중학교의 올해 1학년 남학생 수는 작년에 비하여 10 % 감소하고, 여학생 수는 12 % 증가했다. 작년 전체 학생수가 750명이었고 올해는 작년보다 9명이 줄었다. 올해의 남학생 수는?

① 300 명

② 450 명

③ 336 명

④ 345 명

⑤ 405 명

해설

작년 남학생 수 : x , 작년 여학생 수 : $750 - x$

남학생 증감 인원 : $-\frac{10}{100}x$,

여학생 증감 인원 : $\frac{12}{100}(750 - x)$

전체 증감인원은

$$-\frac{10}{100}x + \frac{12}{100}(750 - x) = -9$$

양변에 100을 곱하면,

$$-10x + 12(750 - x) = -900,$$

$$-22x = -9900$$

$$x = 450$$

올해 남학생 수 = 작년 남학생 수 + 증감 인원 이므로

$$x - \frac{10}{100}x = 450 - \frac{1}{10} \times 450 = 405 \text{ (명)}$$

4. 어느 학교의 작년 학생 수는 700 명이었다. 올해는 남학생의 수가 작년보다 12% 증가하고, 여학생은 6%가 감소하여 전체적으로 3명 증가하였다. 올해의 여학생 수는?

① 250 명

② 450 명

③ 280 명

④ 423 명

⑤ 500 명

해설

작년 여학생 수를 x 명, 남학생 수를 $700 - x$ 명이라 하자.

올해 남학생 수는 $0.12 \times (700 - x)$ 명 만큼 늘어났고 여학생 수는 $0.06x$ 명 만큼 줄어들었으므로

$$-0.06x + 0.12(700 - x) = 3$$

$$-6x + 8400 - 12x = 300$$

$$18x = 8100$$

$$x = 450$$

작년 여학생 수가 450 명이므로 올해의 여학생 수는 6% 감소한 423 명이다.

5. 어느 학교의 작년 전체 학생 수가 1200 명이었다. 그런데 올해에는 작년에 비하여 남학생은 5% 증가하고, 여학생은 3% 감소하여 전체적으로는 20 명이 늘었다. 이 학교의 올해의 남학생 수는?

- ① 500 명 ② 535 명 ③ 700 명
④ 735 명 ⑤ 800 명

해설

작년 남학생 수를 x 명이라 하면

작년 여학생 수 : $1200 - x$

증가한 남학생 수 : $\frac{5}{100}x$

감소한 여학생 수 : $\frac{3}{100}(1200 - x)$

증가한 학생 수는 20 명이므로

$$\frac{5}{100}x - \frac{3}{100}(1200 - x) = 20$$

$$5x - 3600 + 3x = 2000$$

$$x = 700$$

작년의 남학생 수는 700 명이므로

$$\text{금년의 남학생 수는 } 700 + \frac{5}{100} \times 700 = 735(\text{명})$$

6. A 중학교의 작년 학생 수가 750명이었다. 올해의 남학생 수는 작년보다 6%가 증가하였고, 여학생 수는 4%가 감소하였다. 전체적으로는 10명이 증가하였다고 할 때, 올해의 여학생 수는?

① 350 명

② 400 명

③ 336 명

④ 418 명

⑤ 414 명

해설

작년 여학생 수를 x 명이라 하고 남학생 수를 $750 - x$ 명이라 하자.
올해 감소한 여학생 수는 $0.04x$ 명이고 증가한 남학생 수는 $0.06(750 - x)$ 명이다.

$$-0.04x + 0.06(750 - x) = 10$$

$$-0.1x + 45 = 10$$

$$x = 350$$

작년 여학생 수가 350명이므로 올해 여학생 수는 작년보다 14명이 감소한 336명이다.

7. K중학교의 작년 학생 수가 800명이었다. 올해 남학생이 6% 증가하고 여학생이 10% 감소하여 전체적으로 2% 감소하였다. 올해 여학생 수를 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 360 명

해설

작년 남학생 수를 x 명, 작년 여학생 수를 $800 - x$ 명이라 하자.

$$0.06x - 0.1(800 - x) = -800 \times 0.02$$

$$0.16x - 80 = -16$$

$$x = 400$$

작년 여학생 수는 400명이므로 10% 감소한 360명이 올해 여학생 수가 된다.

8. 작년 어느 학교의 학생 수가 500명 이었다. 올해 남학생의 수는 8% 감소하였고 여학생은 5% 증가하여 전체적으로는 2.8% 감소하였다. 올해 남학생 수를 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 276 명

해설

작년 남학생 수를 x , 여학생 수를 $500 - x$ 라 하면 올해 남학생은 $0.08x$ 명 감소하였고 여학생은 $0.05(500 - x)$ 명 증가하였다.

$$-0.08x + 0.05(500 - x) = -0.028 \times 500$$

$$-0.13x = -39$$

$$x = 300$$

작년 남학생 수는 300 명이므로 올해는 8% 감소한 276 명이다.

9. 어느 학교의 작년 학생 수가 700명 이었다고 한다. 올해 여학생은 8% 증가하고 남학생은 6% 증가하였는데 증가한 인원수가 같다고 한다. 올해 전체 학생 수는 몇 명인지 구하여라.



답 :

명



정답 : 748 명

해설

작년 여학생 수를 x 명, 남학생 수를 $700 - x$ 명이라 하면 올해 여학생의 증가 인원은 $0.08x$ 명, 남학생의 증가 인원은 $0.06(700 - x)$ 명이다. 증가한 인원 수가 같다고 했으므로 식은 다음과 같다.

$$0.08x = 0.06(700 - x)$$

$$4x = 2100 - 3x$$

$$x = 300$$

작년 여학생은 300 명, 남학생은 400 명이고 올해 여학생은 324 명, 남학생은 424 명이므로 전체 학생 수는 748 명이다.

10. 지훈이네 학교의 올해 남학생과 여학생 수는 작년에 비하여 남학생은 10% 감소하고, 여학생을 6% 증가했다. 작년 전체 학생 수가 880 명인데 올해는 작년보다 24 명이 줄었다고 할 때, 올해 남학생의 수는?

① 426 명

② 432 명

③ 448 명

④ 460 명

⑤ 480 명

해설

작년의 남학생 수를 x 명이라 하면
작년의 여학생 수는 $(880 - x)$ 명이다.

$$-\frac{10}{100} \times x + \frac{6}{100} \times (880 - x) = -24$$

$$-10x + 5280 - 6x = -2400$$

$$\therefore x = 480$$

따라서 올해 남학생 수는

$$480 - 480 \times \frac{10}{100} = 480 - 48 = 432 \text{ (명)}$$

11. 어느 반에서 필요한 회비를 걷는데 200 원씩 걷으면 2000 원이 모자라고 300 원씩 걷으면 1000 원이 남는다고 한다. 이 반의 학생 수와 필요한 회비가 옳게 짝지어진 것은?

- ① 30 명, 8000 원 ② 30 명, 4000 원 ③ 40 명, 8000 원
④ 40 명, 10000 원 ⑤ 50 명, 10000 원

해설

학생 수를 x 명이라 하면

필요한 금액은 $200x + 2000 = 300x - 1000$ $100x = 3000$

$\therefore x = 30$ (명)

$x = 30$ 을 $200x + 2000$ 에 대입하면 필요한 금액은 8000 (원)

12. 1학년 9반에서 회비를 모으는데 한 명당 100 원씩 걷으면 1000 원이 모자라고 150 원씩 걷으면 1500 원이 남는다고 한다. 이 반의 학생 수를 x 라 할 때, 필요한 식은?

① $100x + 1000 = 150x - 1500$

② $100x - 1000 = 150x + 1500$

③ $100x - 1000 = 150x - 1500$

④ $100x + 1500 = 150x + 1000$

⑤ $100x - 1500 = 150x - 1000$

해설

필요한 회비는 일정하다.

한 명당 100 원씩 걷었을 때 1000 원이 모자라므로 $100x + 1000$

한 명당 150 원씩 걷었을 때 1500 원이 남으므로 $150x - 1500$

$$\therefore 100x + 1000 = 150x - 1500$$

13. 1 학년 9 반에서 회비를 모으는데 한 명당 100 원씩 걷으면 1000 원이 모자라고 150 원씩 걷으면 1500 원이 남는다고 한다. 이 반의 학생 수를 구하여라.



답 :

명



정답 : 50명

해설

학생 수 : x 명이라 하면

$$100x + 1000 = 150x - 1500$$

$$-50x = -2500 \quad \therefore x = 50$$

14. 어느 마을의 작년 남학생 수와 여학생 수의 비율이 $5:3$ 이었다. 올해 남학생 수는 10% 감소하고 여학생 수가 10% 증가하니 남학생 수가 여학생의 수보다 12명 많다. 올해 이 마을의 학생 수를 구하여라.



답:

명



정답: 78명

해설

작년 남학생 수를 $5x$, 여학생 수를 $3x$ 라 하면 작년 전체 학생 수는 $8x$ 명이다.

올해 남학생 수는 $0.9 \times 5x$ 명이고, 여학생 수는 $1.1 \times 3x$ 명이다.

$$4.5x = 3.3x + 12$$

$$1.2x = 12$$

$$x = 10$$

이 마을은 작년에 남학생이 50명이었고, 여학생은 30명이었다. 올해는 남학생이 45명 여학생이 33명이 되었으므로 78명이 되었다.

15. 작년 어느 학교의 남학생과 여학생의 학생 수 비율이 4 : 5 이었다. 올해 남학생은 작년보다 8% 증가하였고, 여학생은 4% 감소하였다. 올해의 학생수가 456명일 때, 올해 남학생 수를 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 216 명

해설

작년 남학생의 수를 $4x$ 명, 여학생의 수를 $5x$ 명이라 하자.

올해 남학생 수는 $1.08 \times 4x$ 명, 여학생 수는 $0.96 \times 5x$ 명이다.

$$4.32x + 4.8x = 456$$

$$9.12x = 456$$

$$x = 50$$

즉, 작년 남학생의 수는 200 명, 여학생의 수는 250 명이었다.

올해 남학생 수는 216 명이다.

16. 어느 중학교의 올해 전체 학생 수는 작년보다 8% 감소한 1242 명이다. 작년 남학생 수는 여학생 수의 $1\frac{1}{3}$ 배보다 15 명 적었다. 작년 남학생 수를 구하여라.

▶ 답: 명

▷ 정답: 765 명

해설

$$\begin{aligned}(\text{작년 전체 학생 수}) &= 1242 \div (1 - 0.08) \\ &= 1350 \text{ (명)}\end{aligned}$$

작년의 여학생 수를 x 명이라 하면

$$1\frac{1}{3}x - 15 + x = 1350$$

$$\frac{7}{3}x = 1365, x = 585$$

따라서, 작년 남학생 수는 $1350 - 585 = 765$ (명)이다.

17. 어느 입학 시험에서 지원자의 남녀의 비는 $4 : 3$, 합격자의 남녀의 비는 $7 : 5$, 불합격자의 남녀의 비는 $1 : 1$ 이다. 합격자의 수가 180 명일 때, 지원자의 수를 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 210 명

해설

합격자의 남녀의 비는 $7 : 5$ 이고 합격자의 수가 180 명이므로

$$(\text{남자 합격자의 수}) = 180 \times \frac{7}{12} = 105 \text{ (명)}$$

$$(\text{여자 합격자의 수}) = 180 \times \frac{5}{12} = 75 \text{ (명)}$$

남자 지원자의 수를 $4x$ 명, 여자 지원자의 수를 $3x$ 명이라 할 때,
남자 불합격자의 수는 $(4x - 105)$ 명, 여자 불합격자의 수는 $(3x - 75)$ 명이고,

불합격자의 남녀의 비는 $1 : 1$ 이므로

$$4x - 105 = 3x - 75$$

$$\therefore x = 30$$

따라서, 지원자의 수는

$$4x + 3x = 7x = 7 \times 30 = 210 \text{ (명)}$$

18. 어느 학교의 입학시험에서 입학 지원자의 남녀의 비는 3 : 2 이고 합격자의 남녀의 비는 5 : 2 , 불합격자의 남녀의 비는 1 : 1 . 합격자의 수는 210 명이였다. 입학 지원자의 수는?

① 300 명

② 350 명

③ 400 명

④ 450 명

⑤ 500 명

해설

$$\text{남자 합격자} : 210 \times \frac{5}{5+2} = 150 \text{ (명)}$$

$$\text{여자 합격자} : 210 \times \frac{2}{5+2} = 60 \text{ (명)}$$

남자 지원자 수를 $3x$ 명, 여자 지원자 수를 $2x$ 명이라고 하면 남자, 여자 불합격자의 수는 각각 $(3x - 150)$ 명, $(2x - 60)$ 명이므로
 $3x - 150 = 2x - 60$

$$\therefore x = 90$$

따라서 지원자 수는 $5x = 5 \times 90 = 450$ (명)

19. 진경이네 학교의 학생 수는 작년보다 5% 줄어서 1425 명이다. 작년의 남학생 수는 여학생 수의 $\frac{3}{2}$ 배보다 25 명 적었다. 작년 남학생 수를 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 890 명

해설

작년 여학생 : x

작년 남학생 : $\frac{3}{2}x - 25$

작년 전체 학생 수 = $x + \frac{3}{2}x - 25$

작년 학생 수 $\times 0.95$ = 올해 학생 수이므로

$$\left(x + \frac{3}{2}x - 25\right) \times 0.95 = 1425$$

$$\frac{3}{2}x - 25 + x = 1500$$

$$\frac{5}{2}x - 25 = 1500$$

$$\frac{5}{2}x = 1525, x = 1525 \times \frac{2}{5}$$

$$\therefore x = 610$$

작년 남학생 수 : $1500 - 610 = 890$ (명)

20. 진영이네 학교의 학생 수는 작년보다 5% 줄어서 1425 명이다. 작년의 남학생 수는 여학생 수의 $\frac{3}{2}$ 배보다 35 명 많았다. 작년 남학생 수는?

① 911 명

② 912 명

③ 913 명

④ 914 명

⑤ 915 명

해설

작년 여학생 : x

작년 남학생 : $\frac{3}{2}x + 35$

(작년 전체 학생 수) = (작년 남학생 수) + (작년 여학생 수)

$$\left(\frac{3}{2}x + 35 + x\right) \times 0.95 = 1425$$

$$\frac{3}{2}x + 35 + x = 1500$$

$$\frac{5}{2}x + 35 = 1500$$

$$\frac{5}{2}x = 1465, x = 1465 \times \frac{2}{5}$$

$$\therefore x = 586$$

작년 남학생 수 : $1500 - 586 = 914(\text{명})$

21. 인도의 수학자 바스카라(Bhaskara, A., .. 14 ~ 1185)는 사랑하는 외동딸 리라버티를 위하여 아름다운 문장으로 수학 책을 쓰고, 책의 제목도 ‘리라버티’라고 지었다. 다음 글은 그 내용의 일부이다. 글에 맞게 방정식을 세우고, 해를 구하여라.

선녀같이 아름다운 눈동자의 아가씨여!

참새 몇 마리가 들판에서 놀고 있는데 두 마리가 더 날아왔어요.
그리고 저 푸른 숲에서 전체의 다섯 배가 되는 귀여운 참새 떼가
날아와서 함께 놀았어요.

저녁 노을이 질 무렵, 열 마리의 참새가 숲으로 돌아가고, 남은
참새 스무 마리는 밀밭으로 숨었대요.

처음 참새는 몇 마리였는지 내게 말해 주세요.

▶ 답 :

마리

▷ 정답 : 3마리

해설

처음 참새를 x 마리라고 하자.

두 마리가 더 날아 왔으므로 $(x + 2)$ 마리이고,

전체의 5배가 되는 귀여운 참새 떼가 날아 왔으므로 $5(x + 2)$
마리이다.

현재는 $6(x + 2)$ 마리이고, 열마리의 참새가 숲으로 돌아갔으므로
 $6(x + 2) - 10$ 이다.

남은 참새가 20마리이므로

$$6(x + 2) - 10 = 20$$

$$6(x + 2) = 30$$

$$x + 2 = 5$$

$$\therefore x = 3$$

따라서 처음 참새는 3마리이다.

22. 체력 시험에서 100미터 달리기 15초 이하, 턱걸이는 10회 이상이 합격 기준이다. 전체 시험 응시생 중 100미터 달리기의 기준을 통과한 사람은 $\frac{2}{3}$, 턱걸이 기준을 통과한 사람은 $\frac{3}{4}$, 두 종목 모두 기준에 미달한 사람은 $\frac{1}{6}$ 이다. 두 종목을 모두 통과한 사람이 70명일 때, 체력 시험에 응시한 학생의 수를 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 120명

해설

$$\begin{aligned}
 &(\text{체력시험에 응시한 학생의 수}) \\
 &= (100\text{m달리기의 기준을 통과한 사람}) \\
 &\quad + (\text{턱걸이 기준을 통과한 사람}) \\
 &\quad - (\text{두 종목을 모두 통과한 사람}) \\
 &\quad + (\text{두 종목 모두 기준에 미달한 사람})
 \end{aligned}$$

체력 시험에 응시한 학생의 수를 x 라 두면,

$$x = \frac{2}{3}x + \frac{3}{4}x - 70 + \frac{1}{6}x \text{ 이므로 } \frac{7}{12}x = 70$$

따라서 $x = 120$

∴ 체력 시험에 응시한 학생의 수는 120명이다.

23. 전체 학생 중에 버스로 통학하는 학생은 $\frac{3}{5}$, 지하철로 통학하는 학생은 $\frac{1}{4}$, 지하철과 버스를 모두 이용하는 학생은 $\frac{1}{10}$ 이다. 지하철과 버스 둘 다 이용하지 않는 학생이 25명일 때, 전체 학생은 몇 명인지 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 100명

해설

(전체 학생의 수)

= (버스로 통학하는 학생)

+ (지하철로 통학하는 학생)

- (지하철과 버스를 모두 이용하는 학생)

+ (지하철과 버스를 둘 다 이용하지 않는 학생)

전체 학생의 수를 x 라 두면,

$$x = \frac{3}{5}x + \frac{1}{4}x - \frac{1}{10}x + 25 \text{ 이므로, } \frac{1}{4}x = 25$$

따라서 $x = 100$

∴ 전체 학생의 수는 100명이다.

24. 극장에 몇 명의 사람이 있고 매 분마다 일정한 수의 사람이 극장에 들어오고, 역시 일정한 수의 사람이 극장에서 나간다. 만약 1분에 평균 $\frac{7}{9}$ 명의 사람이 나가면 1시간 12분 후에 극장은 텅 비게 되고, 1분에 평균 0.5 명의 사람이 빠져나가면 2시간 32분 후에 극장이 텅 비게 된다. 처음 극장에 있던 사람의 수를 구하여라.

▶ 답 : 명

▷ 정답 : 38 명

해설

처음 극장에 있는 사람을 x 명, 매 분마다 들어오는 사람의 수를 y 명이라 두면,

$$x + 72y - \frac{7}{9} \times 72 = 0, x = 56 - 72y \text{ 이다.}$$

$$\text{또한 } x + 152y - \frac{1}{2} \times 152 = 0, x + 152y - 76 = 0 \text{ 이다. } 56 - 72y +$$

$$152y - 76 = 0 \text{ 이므로}$$

$$80y = 20$$

$$y = \frac{1}{4}, x = 38$$

따라서 처음 극장에 있던 사람의 수는 38 명이다.

25. 승기네 학교의 올해 학생 수는 작년에 비하여 남학생이 9% 감소하고, 여학생은 6% 증가하였다. 작년의 전체 학생수는 950 명이었고 올해의 전체 학생 수는 작년보다 18 명이 줄었다고 할 때, 올해의 남학생 수는?

① 450 명

② 455 명

③ 460 명

④ 465 명

⑤ 470 명

해설

$$-\frac{9}{100}x + \frac{6}{100}(950 - x) = -18$$

$$-9x + 5700 - 6x = -1800$$

$$-15x = -7500$$

$$\therefore x = 500$$

작년의 남학생 수는 500 명이고, 올해의 남학생 수는 9% 감소한

$$500 \left(500 \times \frac{9}{100} \right) = 455 \text{ (명) 이다.}$$