

1. 다음 계산 중 옳은 것을 모두 고르면?

Ⓐ $a^3 \times a^7 = a^{10}$

Ⓑ $a^2 \times a^2 \times a^2 = a^8$

Ⓒ $(x^2)^2 \times (x^3)^2 = x^{10}$

Ⓓ $x^2 \times y^4 \times x^6 \times y^2 = x^8y^6$

Ⓔ $(x^3)^2 \times x^2 \times (x^2)^2 = x^{11}$

해설

Ⓑ $a^2 \times a^2 \times a^2 = a^{2+2+2} = a^6$

Ⓔ $(x^3)^2 \times x^2 \times (x^2)^2 = x^{3\times 2} \times x^2 \times x^{2\times 2} = x^{6+2+4} = x^{12}$

2. $18a^3b^3 \div 3a^2b \times 2b$ 를 간단히 하면?

- ① $3ab$ ② $6ab^2$ ③ $12ab^2$ ④ $3ab^3$ ⑤ $12ab^3$

해설

$$18a^3b^3 \times \frac{1}{3a^2b} \times 2b = 12ab^3$$

3. 다음 \square 안에 알맞은 식을 써넣어라.

$$\begin{array}{c} \boxed{\div} \quad \boxed{\times} \quad \boxed{=} \\ ab^3 \quad \boxed{} \quad \frac{a}{b} \quad a^3b \end{array}$$

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{b}{a}$

해설

$ab^3 \div \square \times \frac{a}{b} = a^3b$ 를 \square 에 대하여 나타내면 $\square = ab^3 \times \frac{a}{b} \div a^3b$ 이다.

$$\begin{aligned} \square &= ab^3 \times \frac{a}{b} \div a^3b \\ &= a^{1+1}b^{3-1} \times \frac{1}{a^3b} \\ &= a^2b^2 \times \frac{1}{a^3b} \\ &= \frac{b^{2-1}}{a^{3-2}} = \frac{b}{a} \end{aligned}$$

4. $\left(-\frac{x}{3y^2}\right)^3$ 을 간단히 하면?

① $\frac{x^3}{27y^6}$

④ $\frac{x^6}{27y^6}$

② $-\frac{x^3}{27y^6}$

⑤ $-\frac{x^3}{27y^3}$

③ $-\frac{x^6}{27y^6}$

해설

$$\left(-\frac{x}{3y^2}\right)^3 = -\frac{x^3}{27y^6}$$

5. $3^{x-1} = X$ 일 때, 27^x 을 X 에 관한 식으로 나타낸 것은?

- ① $3X^3$ ② $9X^3$ ③ $27X^3$ ④ $\frac{1}{9}X^3$ ⑤ $\frac{1}{27}X^3$

해설

$$3^{x-1} = X \quad | \text{므로 } 3^x \div 3 = X \quad \therefore 3^x = 3X$$

$$27^x = (3^3)^x = (3^x)^3 = (3X)^3 = 3^3 X^3 = 27X^3$$

6. 단항식 $x \times (x^3)^4 \times x^3$ 을 계산하면?

- ① x^{14} ② x^{15} ③ x^{16} ④ x^{17} ⑤ x^{18}

해설

$$x \times (x^3)^4 \times x^3 = x^{1+12+3} = x^{16}$$

7. $2^{10} \times 5^{14}$ 은 n 자리의 자연수이다. n 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 13

해설

$$2 \times 5 = 10 \text{이므로}$$

$$5^4 \times 2^{10} \times 5^{10} = 5^4 \times 10^{10} = 625 \times 10^{10}$$

따라서 13 자리의 자연수이다.

8. $12^5 = 2^m \times 3^n$ 일 때, $m + n$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$12^5 = (2^2 \times 3)^5 = 2^{10} \times 3^5$$

$$m = 10, n = 5$$

$$m + n = 15$$