

1. 등식 $x^2 + 2x + 3 = a(x - 1)^2 + bx + c$ 가 x 에 대한 항등식이 되도록
상수 a, b, c 의 값을 정할 때, $a + b + c$ 의 값은?

① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

해설

우변을 전개하여 동류항으로 묶는다.

$$\begin{aligned}x^2 + 2x + 3 &= a(x - 1)^2 + bx + c \\&= ax^2 + (b - 2a)x + a + c\end{aligned}$$

$$a = 1, b - 2a = 2, a + c = 3$$

$$a = 1, b = 4, c = 2$$

$$a + b + c = 7$$

2. 다항식 $f(x) = -4x^3 + kx + 1$ 가 일차식 $x - 1$ 로 나누어 떨어 지도록 상수 k 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$f(x) = -4x^3 + kx + 1 = (x - 1)Q(x)$$

$$f(1) = -4 + k + 1 = 0$$

$$\therefore k = 3$$

3. x 에 대한 다항식 $(4x^2 - 3x + 1)^5$ 을 전개하였을 때, 모든 계수들(상수항 포함)의 합은?

- ① 0 ② 16 ③ 32 ④ 64 ⑤ 1024

해설

$(4x^2 - 3x + 1)^5$ 을 전개하여 x 에 대한 내림차순으로 정리하면
 $(4x^2 - 3x + 1)^5 = a_0x^{10} + a_1x^9 + a_2x^8 + \dots + a_9x + a_{10}$ 과 같으 된다.

여기서 모든 계수들의 합

$a_0 + a_1 + a_2 + \dots + a_{10}$ 을 구하려면

$x = 1$ 을 대입하면 된다.

$\therefore (4 - 3 + 1)^5 = a_0 + a_1 + a_2 + \dots + a_{10}$

모든 계수들의 합은 $2^5 = 32$

4. 다항식 $f(x)$ 를 $(x+3)(x-6)$ 으로 나누었을 때의 나머지가 $x-2$ 이었다.
 $f(x)$ 를 $(x+3)$ 으로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

① -5 ② -4 ③ -3 ④ -2 ⑤ -1

해설

$$f(x) = (x+3)(x-6)Q(x) + x-2 \text{ } \square \text{므로}$$

$$f(-3) = -5$$

5. 다항식 $f(x)$ 를 두 일차식 $x - 1, x - 2$ 로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때, $f(x)$ 를 $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?

- ① $x + 3$ ② $-x + 3$ ③ $x - 3$
④ $-x - 3$ ⑤ $-x + 1$

해설

$f(x)$ 를 $x - 1, x - 2$ 로 나눈 나머지는 각각 2, 1이므로
 $f(1) = 2, f(2) = 1$, 구하는 나머지를 $ax + b$ 라 하자.

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b \\&= (x - 1)(x - 2)Q(x) + ax + b\end{aligned}$$

양변에 각각 $x = 1, x = 2$ 를 대입하면

$$f(1) = a + b = 2, f(2) = 2a + b = 1$$

두 식을 연립하여 구하면 $a = -1, b = 3$

$$\therefore \text{구하는 나머지는 } -x + 3$$

6. x 에 대한 다항식 $4x^3 - 3x^2 + ax + b$ 가 $(x+1)(x-3)$ 을 인수로 갖도록 $a + b$ 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -37

해설

$$\begin{aligned} P(x) &= 4x^3 - 3x^2 + ax + b \text{ 라 하고 } P(x) \text{ 가} \\ (x+1)(x-3) &\text{을 인수로 가지려면} \\ P(-1) &= P(3) = 0 \\ P(-1) &= -4 - 3 - a + b = 0 \quad \therefore a - b = -7 \\ P(3) &= 108 - 27 + 3a + b = 0 \quad \therefore 3a + b = -81 \\ \therefore a &= -22, b = -15 \end{aligned}$$