

1. 등식  $2x^2 - 6x - 2 = a(x+1)(x-2) + bx(x-2) + cx(x+1)$  가  $x$  의 값에 관계없이 항상 성립할 때, 상수  $a+b+c$  의 값을 구하면?

① 2      ② 1      ③ 0      ④ -1      ⑤ -2

해설

$x = 0$  을 대입하면:  $a = 1$

$x = -1$  을 대입하면:  $b = 2$

$x = 2$  을 대입하면:  $c = -1$

$\therefore a + b + c = 2$

2. 다항식  $ax + ay - bx - by$ 를 인수분해 하면?

- ①  $x(a - b)$       ②  $(a - b)(x - y)$       ③  $(a + b)(x - y)$   
④  $(a - b)(x + y)$       ⑤  $(a + b)(x + y)$

해설

$$\begin{aligned} ax + ay - bx - by &= a(x + y) - b(x + y) \\ &= (a - b)(x + y) \end{aligned}$$

3. 실수  $x$ 에 대하여  $|x - 2|^2 - |3 - x|^2 - \sqrt{-9} + \sqrt{-16}$  을  $a + bi$  꼴로 나타낼 때  $a + b$ 의 값을 구하면?

- ①  $-5$       ②  $2x - 4$       ③  $2x$   
④  $2x - 5$       ⑤  $0$

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= (x - 2)^2 - (3 - x)^2 - 3i + 4i \\&= 2x - 5 + i \\&\therefore a = 2x - 5, b = 1 \\&\therefore a + b = 2x - 4\end{aligned}$$

4. 다음 등식을 만족하는 실수  $x + y$  의 값을 구하시오.

$$3x + 3 + (2y - 9)i = 9 + 5i$$

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

복소수가 서로 같을 조건에서

$$3x + 3 = 9, 2y - 9 = 5$$

이것을 연립하여 풀면  $x = 2, y = 7$

5. 방정식  $|x + 5| = 1$ 를 만족하는  $x$ 의 값들의 합은?

- ① -9      ② -10      ③ -11      ④ -12      ⑤ -13

해설

$$|x + 5| = 1$$

$$\Rightarrow x + 5 = 1 \text{ 또는 } x + 5 = -1$$

$$\therefore x = -4 \text{ 또는 } x = -6$$

6. 이차방정식  $2x^2 - 2x + 3 = 0$ 의 두 근을 구하면?

- ①  $-1 \pm \sqrt{5}i$       ②  $1 \pm \sqrt{5}$       ③  $\frac{-1 \pm \sqrt{5}i}{2}$   
④  $\frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$       ⑤  $\frac{1 \pm \sqrt{5}i}{2}$

해설

$$2x^2 - 2x + 3 = 0 \text{에서}$$

$$x = \frac{1 \pm \sqrt{1^2 - 2 \times 3}}{2} = \frac{1 \pm \sqrt{5}i}{2}$$

7. 다항식  $x^3 - 3x - 3$ 을 다항식  $x^2 - 2x - 1$ 로 나누었을 때의 몫이  $ax + b$ 이고, 나머지가  $cx + d$ 이었다. 이 때,  $a + b + c + d$ 의 값은?

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$x^3 - 3x - 3 = (x^2 - 2x - 1)(ax + b) + cx + d$$

에서 계수를 비교하면

$$a = 1, -b + d = -3, -a - 2b + c = -3, b - 2a = 0$$

에서  $a = 1, b = 2, d = -1, c = 2$

$$\therefore a + b + c + d = 1 + 2 + (-1) + 2 = 4$$

8.  $(a + b - c)(a - b + c)$ 를 전개하면?

- ①  $a^2 + b^2 - c^2 - 2bc$       ②  $a^2 - b^2 + c^2 - 2bc$   
③  $a^2 + b^2 - c^2 + 2ab$       ④  $\textcircled{4} a^2 - b^2 - c^2 + 2bc$   
⑤  $a^2 - b^2 - c^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}(a + b - c)(a - b + c) \\ &= \textcolor{red}{(a + (b - c))}(a - (b - c)) \\ &= a^2 - (b - c)^2 \\ &= a^2 - b^2 - c^2 + 2bc\end{aligned}$$

9. 함수  $y = -x^2 - 2x + 5$  ( $-2 \leq x \leq 2$ )의 최댓값을  $M$ , 최솟값을  $m$ 이라 할 때,  $M + m$  을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

$$y = -x^2 - 2x + 5 = -(x^2 + 2x + 1 - 1) + 5 = -(x + 1)^2 + 6$$

점  $(-1, 6)$  을 꼭지점으로 하고 위로 볼록한 포물선으로 다음 그림과 같다.

$$f(-2) = 5, f(2) = -3$$

따라서 최댓값은  $x = -1$  일 때  $f(-1) = 6$

이며

최솟값은  $x = 2$  일 때  $f(2) = -3$  이다.

$$\therefore M + m = 6 - 3 = 3$$



10. 사차방정식  $x(x-1)(x+1)(x+2)-8=0$  의 모든 해의 곱을 구하면?

- ① -8      ② -2      ③ 1      ④ 4      ⑤ 8

해설

$$\begin{aligned}x(x-1)(x+1)(x+2)-8 &= 0 \\ \{x(x+1)\}\{(x-1)(x+2)\}-8 &= 0 \\ (x^2+x)(x^2+x-2)-8 &= 0 \\ x^2+x = t \text{ 라 하면, } t(t-2)-8 &= 0 \\ \therefore t^2-2t-8 &= x^4+2x^3-x^2-2x-8 = 0\end{aligned}$$

근과 계수와의 관계에 의해서, 근을  $\alpha, \beta, \gamma, \delta$  라 하면  $\therefore$  모든 해의 곱은 -8

해설

근과 계수의 관계에서 모든 해의 곱을 나타내는 것은 다항식을 전개했을 때의 상수항이므로 -8 (단, 다항식의 최고차항의 차수가 홀수일 때는 상수항의 부호를 반대로 바꾼것이 모든 해의 곱이다.)

11. 다음 방정식의 모든 해의 합을 구하여라.

$$x^4 - 13x^2 + 36 = 0$$

▶ 답:

▷ 정답: 0

해설

$$x^4 - 13x^2 + 36 = 0 \text{에서}$$

$$x^2 = t \text{로 놓으면}$$

$$t^2 - 13t + 36 = 0, (t - 4)(t - 9) = 0$$

$$\therefore t = 4 \text{ 또는 } t = 9$$

$$(i) t = 4 \text{ 일 때, } x^2 = 4$$

$$\therefore x = \pm 2$$

$$(ii) t = 9 \text{ 일 때, } x^2 = 9$$

$$\therefore x = \pm 3$$

따라서 모든 해의 합은

$$(-2) + 2 + (-3) + 3 = 0$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x + y - z = 1 \\ x + 2y - z = 2 \end{array} \right. \dots\dots$$

- ▶ 답 :
- ▶ 답 :
- ▶ 답 :
- ▶ 정답 :  $x = 1$
- ▶ 정답 :  $y = 2$

1

11

$$\therefore x =$$

10

13. 연립방정식  $\begin{cases} x + 2y = 2 & \dots\dots\dots \textcircled{\text{N}} \\ 2y + 3z = 0 & \dots\dots\dots \textcircled{\text{L}} \\ x + 3z = 0 & \dots\dots\dots \textcircled{\text{S}} \end{cases}$   
의 해를  $x = a, y = b, z = c$  라 할 때,  $a(b + c)$ 의 값을 구하면?

①  $\frac{1}{2}$       ②  $\frac{1}{3}$       ③  $\frac{1}{4}$       ④  $\frac{1}{5}$       ⑤  $\frac{1}{6}$

해설

$$\textcircled{\text{L}} - \textcircled{\text{S}} \text{에서 } 2y - x = 0 \dots\dots\dots \textcircled{\text{B}}$$

$$\textcircled{\text{N}} + \textcircled{\text{B}} \text{에서 } 4y = 2 \quad \therefore y = \frac{1}{2} \dots\dots\dots \textcircled{\text{D}}$$

$$\textcircled{\text{N}}, \textcircled{\text{L}}, \textcircled{\text{D}} \text{에서 } x = 1, z = -\frac{1}{3}$$

$$\therefore a(b + c) = 1 \cdot \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{3} \right) = \frac{1}{6}$$

14. 조건  $x^2 - 2kx + k^2 + 2k + 3 = 0$  의 두 근의 차가 2 를 만족하는 실수  $k$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

두 근을  $\alpha, \alpha + 2$  라 하면

근과 계수와의 관계에서

$$\begin{cases} \alpha + \alpha + 2 = 2k & \dots\dots\dots \textcircled{\text{①}} \\ \alpha(\alpha + 2) = k^2 + 2k + 3 & \dots\dots\dots \textcircled{\text{②}} \end{cases}$$

①에서  $\alpha = k - 1$  을 ②에 대입하면,

$$(k - 1)(k + 1) = k^2 + 2k + 3$$

$$\therefore k = -2$$

15. 원점을 지나고 이차함수  $f(x) = x^2 + ax + 2$ 에 접하는 두 개의 직선이 서로 직교할 때, 점  $(a, b)$ 의 자취를 나타내는 방정식은? (단,  $b > 0$ 이다.)

①  $b = \frac{1}{2}(a+1)$       ②  $b = \frac{1}{8}(a^2+1)$       ③  $b = \frac{1}{4}a^2$   
④  $b = \frac{1}{6}(a-3)^2$       ⑤  $b = \frac{1}{12}a^2 - 4$

해설

원점을 지나는 직선  $y = mx$  라 두면,

$$x^2 + ax + 2b = mx$$

$$x^2 + (a-m)x + 2b = 0$$

$$D = (a-m)^2 - 8b = 0 \\ = m^2 - 2am + a^2 - 8b = 0$$

두 직선이 직교할 때, 기울기의 곱은  $-1$  이므로,

근과 계수의 관계에서

$$a^2 - 8b = -1$$

$$\therefore b = \frac{1}{8}(a^2+1)$$

16.  $x, y, z$ 가 실수일 때, 다음 식의 최댓값을 구하여라.

$$4x - x^2 - y^2 - z^2 + 5$$

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

$$\begin{aligned} & 4x - x^2 - y^2 - z^2 + 5 \\ &= -(x^2 - 4x) - y^2 - z^2 + 5 \\ &= -(x - 2)^2 - y^2 - z^2 + 9 \\ &x, y, z \text{는 실수이므로} \\ &(x - 2)^2 \geq 0, y^2 \geq 0, z^2 \geq 0 \\ &\text{따라서 } 4x - x^2 - y^2 - z^2 + 5 \text{는} \\ &x = 2, y = 0, z = 0 \text{ 일 때,} \\ &\text{최댓값 9를 갖는다.} \end{aligned}$$

17. 다항식  $x^3 + 5x^2 - kx - k$  가  $x - 1$  로 나누어 떨어지도록 상수  $k$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 3

해설

인수정리에 의해서  $x = 1$  을 대입하면

$$1^3 + 5 \times 1^2 - k \times 1 - k = 0$$

$$\therefore k = 3$$

18. 다항식  $f(x)$ 를  $x - 2$ 로 나눈 몫을  $Q(x)$ 라 할 때, 나머지는?

- ①  $f(2)$       ②  $f(-2)$       ③  $f(2) + Q(2)$   
④  $Q(2)$       ⑤  $Q(-2)$

해설

$$f(x) = (x - 2)Q(x) + R$$

$$\therefore f(2) = R$$

19. 다음 연립방정식의 해를 바르게 구한 것은?

$$\begin{cases} x + 3y + 1 = 0 \\ 2x + 6y + 3 = 0 \end{cases}$$

①  $x = 1, y = 1$       ②  $x = 2, y = 2$

③  $x = 3, y = 3$

④ 해가 없다.

⑤ 해가 무수히 많다.

해설

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{6} \neq \frac{1}{3}$$
 이므로 해가 없다.

20.  $x$ 에 대한 항등식  $(x^2 - x - 1)^3 = a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_6x^6$ 에서  $a_1 + a_3 + a_5$ 의 값은?

① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

양변에  $x = 1$ 을 대입하면,

$$-1 = a_0 + a_1 + \dots + a_6 \quad \dots \textcircled{⑦}$$

양변에  $x = -1$ 을 대입하면,

$$1 = a_0 - a_1 + \dots + a_6 \quad \dots \textcircled{⑧}$$

$$\textcircled{⑦} - \textcircled{⑧}: -2 = 2(a_1 + a_3 + a_5)$$

$$\therefore a_1 + a_3 + a_5 = -1$$