

1. 등식  $x^2 + 2x + 3 = a(x - 1)^2 + bx + c$  가  $x$ 에 대한 항등식이 되도록 상수  $a, b, c$ 의 값을 정할 때,  $a + b + c$ 의 값은?

① 4

② 5

③ 6

④ 7

⑤ 8

해설

우변을 전개하여 동류항으로 묶는다.

$$\begin{aligned}x^2 + 2x + 3 &= a(x - 1)^2 + bx + c \\&= ax^2 + (b - 2a)x + a + c\end{aligned}$$

$$a = 1, b - 2a = 2, a + c = 3$$

$$a = 1, b = 4, c = 2$$

$$a + b + c = 7$$

2. 등식  $3x^2 + 5x = a(x-1)^2 + b(x+1) + c$  가  $x$ 에 관한 항등식이 되도록 하는 상수  $a, b, c$ 에 대하여  $a+b-c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 28

해설

우변을 전개하여 계수비교법으로 미정계수를 구한다.

$$\begin{aligned}3x^2 + 5x &= a(x-1)^2 + b(x+1) + c \\&= ax^2 + (-2a+b)x + a + b + c \\a = 3, -2a + b &= 5, a + b + c = 0 \\∴ a = 3, b &= 11, c = -14 \\∴ a + b - c &= 28\end{aligned}$$

해설

수치대입법으로 미정계수를 구해도 된다.

양변에  $x = 0$ 을 대입하면

$$0 = a + b + c \cdots \textcircled{1}$$

양변에  $x = 1$ 을 대입하면

$$8 = 2b + c \cdots \textcircled{2}$$

양변에  $x = -1$ 을 대입하면

$$-2 = 4a + c \cdots \textcircled{3}$$

$\textcircled{1}, \textcircled{2}, \textcircled{3}$ 을 연립하면

$$a = 3, b = 11, c = -14$$

$$\therefore a + b - c = 28$$

3. 다항식  $f(x) = -4x^3 + kx + 1$  가 일차식  $x - 1$ 로 나누어 떨어 지도록 상수  $k$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 3

해설

$$f(x) = -4x^3 + kx + 1 = (x - 1)Q(x)$$

$$f(1) = -4 + k + 1 = 0$$

$$\therefore k = 3$$

4.  $x$ 에 대한 다항식  $(4x^2 - 3x + 1)^5$ 을 전개하였을 때, 모든 계수들(상수항 포함)의 합은?

- ① 0      ② 16      ③ 32      ④ 64      ⑤ 1024

해설

$(4x^2 - 3x + 1)^5$ 을 전개하여  $x$ 에 대한 내림차순으로 정리하면  
 $(4x^2 - 3x + 1)^5 = a_0x^{10} + a_1x^9 + a_2x^8 + \cdots + a_9x + a_{10}$ 과 같아  
된다.

여기서 모든 계수들의 합

$a_0 + a_1 + a_2 + \cdots + a_{10}$ 을 구하려면

$x = 1$ 을 대입하면 된다.

즉,  $(4 - 3 + 1)^5 = a_0 + a_1 + a_2 + \cdots + a_{10}$

모든 계수들의 합은  $2^5 = 32$

5. 다항식  $f(x)$ 를  $(x+3)(x-6)$ 으로 나누었을 때의 나머지가  $x-2$ 이었다.  
 $f(x)$ 를  $(x+3)$ 으로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

① -5

② -4

③ -3

④ -2

⑤ -1

해설

$$f(x) = (x+3)(x-6)Q(x) + x-2 \text{ 이므로}$$

$$f(-3) = -5$$

6. 다항식  $f(x)$ 를 두 일차식  $x - 1$ ,  $x - 2$ 로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때,  $f(x)$ 를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?

①  $x + 3$

②  $-x + 3$

③  $x - 3$

④  $-x - 3$

⑤  $-x + 1$

해설

$f(x)$ 를  $x - 1$ ,  $x - 2$ 로 나눈 나머지는 각각 2, 1이므로  
 $f(1) = 2$ ,  $f(2) = 1$ , 구하는 나머지를  $ax + b$ 라 하자.

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b \\&= (x - 1)(x - 2)Q(x) + ax + b\end{aligned}$$

양변에 각각  $x = 1$ ,  $x = 2$ 를 대입하면

$$f(1) = a + b = 2, f(2) = 2a + b = 1$$

두 식을 연립하여 구하면  $a = -1, b = 3$

$\therefore$  구하는 나머지는  $-x + 3$

7.  $x$ 에 대한 다항식  $4x^3 - 3x^2 + ax + b$  가  $(x+1)(x-3)$ 을 인수로 갖도록  $a+b$ 의 값을 정하여라.

▶ 답:

▶ 정답: -37

해설

$P(x) = 4x^3 - 3x^2 + ax + b$  라 하고  $P(x)$  가

$(x+1)(x-3)$ 을 인수로 가지려면

$$P(-1) = P(3) = 0$$

$$P(-1) = -4 - 3 - a + b = 0 \quad \therefore a - b = -7$$

$$P(3) = 108 - 27 + 3a + b = 0 \quad \therefore 3a + b = -81$$

$$\therefore a = -22, b = -15$$

8. 다항식  $f(x)$ 를  $x - 3$ 으로 나누었을 때의 몫이  $Q(x)$ , 나머지가 1이고, 또  $Q(x)$ 를  $x - 2$ 로 나누었을 때의 나머지가 -2이다.  $f(x)$ 를  $x - 2$ 로 나누었을 때의 나머지를 구하면?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$f(x) = (x - 3)Q(x) + 1$$

$$Q(2) = -2$$

$f(x)$ 를  $x - 2$ 로 나눈 나머지는  $f(2)$ 이다.

$$f(2) = (2 - 3)Q(2) + 1$$

$$= -1 \times (-2) + 1 = 3$$