

1. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \sqrt{13}$ cm, $\overline{AC} = 2$ cm 일 때, $\square JKEC$ 의 넓이를 구하여라.

- ① $\frac{\sqrt{13}}{2}$ ② $\sqrt{13}$ ③ 4
④ 7 ⑤ 9



해설

$$\square JKEC = \square ACFG \text{ 이므로}$$
$$\square ACFG = \square JKEC = 2 \times 2 = 4$$

2. 세 변의 길이가 각각 $x - 14$, x , $x + 4$ 인 삼각형이 직각삼각형일 때,
빗변의 길이는?

- ① 6 ② 10 ③ 22 ④ 30 ⑤ 34

해설

가장 긴 변이 $x + 4$ 이므로 $(x + 4)^2 = x^2 + (x - 14)^2$

$$x^2 + 8x + 16 = x^2 + x^2 - 28x + 196$$

$$x^2 - 36x + 180 = 0$$

$$(x - 30)(x - 6) = 0$$

$$\therefore x = 30 \text{ 또는 } x = 6$$

그런데 $x - 14 > 0$ 에서 $x > 14$ 이므로 $x = 30$ 이다.

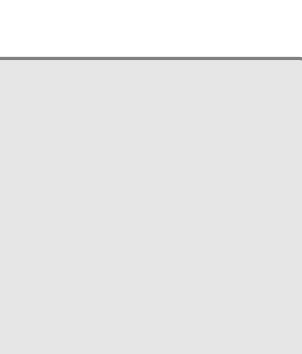
따라서 빗변의 길이는 $x + 4 = 34$

3. 다음 그림과 같이 $\angle ACB = \angle CDB = 90^\circ$ 일 때 x 와 y 의 값을 순서대로 바르게 짹지은 것은?

$$\textcircled{1} \frac{3\sqrt{6}}{2}, \frac{3\sqrt{6}}{4} \quad \textcircled{2} \frac{5\sqrt{6}}{2}, \frac{\sqrt{6}}{4}$$

$$\textcircled{3} \frac{5\sqrt{6}}{2}, \frac{7\sqrt{6}}{4} \quad \textcircled{4} \frac{3\sqrt{5}}{2}, \frac{3\sqrt{5}}{4}$$

$$\textcircled{5} \frac{5\sqrt{7}}{2}, \frac{3\sqrt{7}}{4}$$



해설

$$3\sqrt{2} : x = 2 : \sqrt{3}$$

$$2x = 3\sqrt{6} \quad \therefore x = \frac{3\sqrt{6}}{2}$$

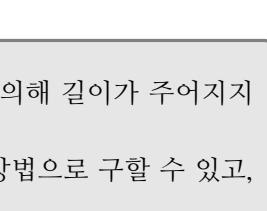
$$x : y = 2 : 1$$

$$\frac{3\sqrt{6}}{2} : y = 2 : 1$$

$$2y = \frac{3\sqrt{6}}{2}$$

$$\therefore y = \frac{3\sqrt{6}}{4}$$

4. 다음은 빗변을 밑변으로 하는 직각삼각형이다. 높이 h 를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{60}{13}$

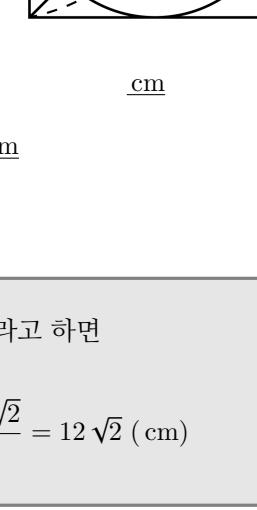
해설

직각삼각형이므로 피타고拉斯 정리에 의해 길이가 주어지지 않은 변의 길이는 5이다.

주어진 직각삼각형의 넓이는 두 가지 방법으로 구할 수 있고, 이는 서로 같다.

$$\therefore 12 \times 5 = 13h \text{ 이므로 } h = \frac{60}{13}$$

5. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 12 cm 인 원에 내접하는 정사각형의 한 변의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : $12\sqrt{2}$ cm

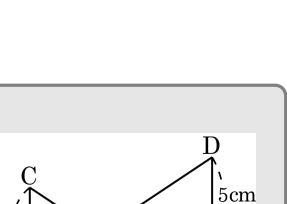
해설

한 변의 길이를 a 라고 하면

$\sqrt{2}a = 24$ 이므로

$$\therefore a = \frac{24}{\sqrt{2}} = \frac{24\sqrt{2}}{2} = 12\sqrt{2} (\text{cm})$$

6. 다음 그림에서 $\overline{CA} \perp \overline{AB}$, $\overline{DB} \perp \overline{AB}$ 이고,
점 P는 \overline{AB} 위를 움직인다. $\overline{CA} = 3\text{cm}$,
 $\overline{DB} = 5\text{cm}$, $\overline{AB} = 12\text{cm}$ 일 때, $\overline{CP} + \overline{PD}$
의 최솟값을 $a\sqrt{b}\text{cm}$ 라고 할 때, $a + b$ 의
값을 구하여라. (단, b는 최소의 자연수)



▶ 답:

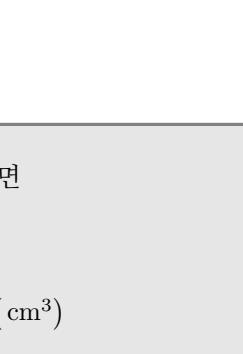
▷ 정답: $a + b = 17$

해설

다음 그림의 $\overline{CD'}$ 의 구하는 최솟값
이다.
 $\overline{CD'} = \sqrt{8^2 + 12^2} = 4\sqrt{13}\text{cm}$ 이다.



7. 대각선 길이가 36 cm 인 정육면체 안에 꼭 맞는 구가 있다. 이 구의 부피를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\text{cm}^3}$

▷ 정답: $864\sqrt{3}\pi \text{ cm}^3$

해설

정육면체의 한 모서리의 길이를 a 라고 하면

$$\sqrt{3}a = 36 \quad \therefore a = 12\sqrt{3} \text{ (cm)}$$

$$(\text{구의 반지름의 길이}) = 6\sqrt{3} \text{ (cm)}$$

$$(\text{구의 부피}) = \frac{4}{3}\pi \times (6\sqrt{3})^3 = 864\sqrt{3}\pi \text{ (cm}^3\text{)}$$