

1. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD}$ 이고
 $\angle CDE = 130^\circ$ 일 때, $\angle CAB$ 의 크기는?

① 15° ② 20° ③ 25° ④ 30° ⑤ 35°



해설

$$\begin{aligned}\angle CBD &= \angle CDB = 50^\circ, \\ \angle ABC &= 180^\circ - 50^\circ = 130^\circ \\ \therefore \angle CAB &= (180^\circ - 130^\circ) \div 2 = 25^\circ\end{aligned}$$

2. 다음과 같은 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = \overline{AC} = 8\text{cm}$ 일 때,
 $\angle x$ 의 크기는?

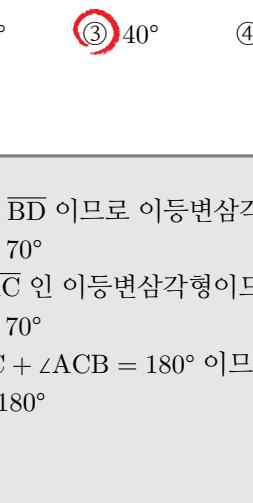


- ① 40° ② 45° ③ 50° ④ 55° ⑤ 60°

해설

$\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이므로
 $\angle ACB = 70^\circ$
따라서 $x = 180^\circ - 2 \times 70^\circ = 40^\circ$

3. $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형에서 $\overline{BC} = \overline{BD}$ 가 되도록 AC 위에 점 D 를 잡을 때, $\angle x$ 의 값은?



- ① 20° ② 30° ③ 40° ④ 50° ⑤ 60°

해설

$\triangle BCD$ 에서 $\overline{BC} = \overline{BD}$ 이므로 이등변삼각형

$\angle BDC = \angle BCD = 70^\circ$

$\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이므로

$\angle ABC = \angle ACB = 70^\circ$

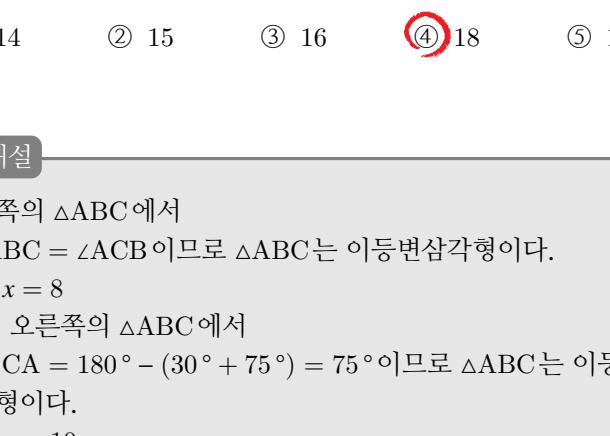
따라서 $\angle x + \angle ABC + \angle ACB = 180^\circ$ 이므로

$\angle x + 70^\circ + 70^\circ = 180^\circ$

$\angle x + 140^\circ = 180^\circ$

$\therefore \angle x = 40^\circ$

4. 다음 두 그림에서 x 의 길이의 합은?



- ① 14 ② 15 ③ 16 ④ 18 ⑤ 19

해설

왼쪽의 $\triangle ABC$ 에서

$\angle ABC = \angle ACB$ 이므로 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.

$$\therefore x = 8$$

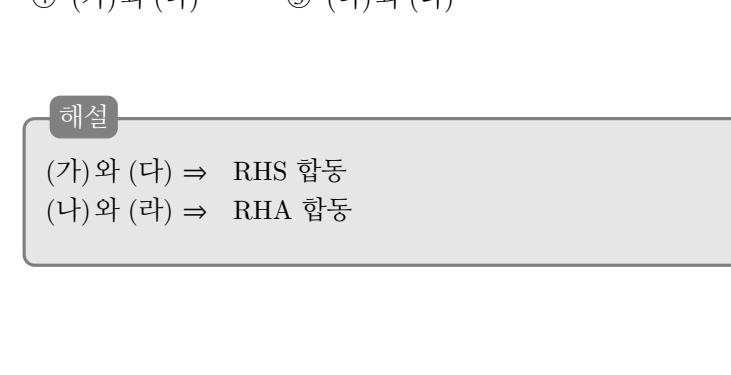
또, 오른쪽의 $\triangle ABC$ 에서

$\angle BCA = 180^\circ - (30^\circ + 75^\circ) = 75^\circ$ 이므로 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.

$$\therefore x = 10$$

$$\therefore (x \text{의 길이의 합}) = 8 + 10 = 18$$

5. 다음 중 서로 합동인 것끼리 바르게 짹지어진 것은? (정답 2 개)

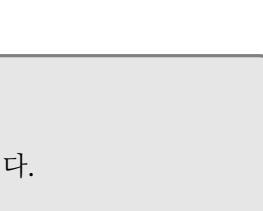


- ① (가)와 (라)
② (가)와 (다)
③ (나)와 (라)
④ (가)와 (나)
⑤ (나)와 (다)

해설

(가)와 (다) \Rightarrow RHS 합동
(나)와 (라) \Rightarrow RHA 합동

6. 다음 그림에서 $\overline{AB} = \overline{AC} = \overline{CD}$ 이고
 $\angle BAC = 100^\circ$ 일 때, $\angle DCE$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 120°

해설

$\overline{AB} = \overline{AC}$ 이므로

$$\angle B = \angle ACB = \frac{1}{2}(180^\circ - 100^\circ) = 40^\circ \text{이다.}$$

$\overline{AC} = \overline{DC}$ 이므로

$$\angle D = \angle CAD = 180^\circ - 100^\circ = 80^\circ \text{이다.}$$

$$\text{따라서 } \angle DCE = \angle B + \angle D = 40^\circ + 80^\circ = 120^\circ$$

7. 다음 그림에서 $\triangle ABC$ 는 $\overline{AB} = \overline{AC}$ 인 이등변삼각형이다. $\angle B$ 의 이등분선이 \overline{AC} 와 만나는 점을 D 라 할 때, x의 길이를 구하여라.



▶ 답: cm

▷ 정답: 8 cm

해설

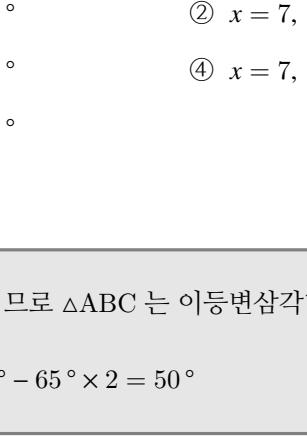


$\angle A = 36^\circ$ 이고, $\triangle ABC$ 가 이등변삼각형이므로 $\angle B = \angle C = \frac{1}{2} \times (180^\circ - 36^\circ) = 72^\circ$ 이다.

$\angle ABD = \angle CBD = 36^\circ$ 이므로 $\triangle ABD$ 는 두 내각의 크기가 같게 되고, $\angle BCD = \angle BDC = 72^\circ$ 이므로 $\triangle BCD$ 도 두 내각의 크기가 같으므로, 이등변삼각형이다.

따라서 $\overline{BC} = \overline{BD} = \overline{AD} = 8\text{ cm}$ 이다.

8. 다음 그림과 같이 $\triangle ABC$ 가 주어졌을 때, x, y 의 값은?



- ① $x = 6, y = 50^\circ$ ② $x = 7, y = 45^\circ$
③ $x = 7, y = 50^\circ$ ④ $x = 7, y = 65^\circ$
⑤ $x = 8, y = 50^\circ$

해설

$\angle ACB = 65^\circ$ 이므로 $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형이다.

$$\therefore x = 7$$

$$\text{그리고 } y = 180^\circ - 65^\circ \times 2 = 50^\circ$$

9. 다음 그림과 같이 $\overline{AB} = \overline{BC}$ 인 직각이등변삼각형 ABC에서 \overline{AD} 가 $\angle A$ 의 이등분선이라고 하고, 점 D에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 E라고 한다. $\overline{BD} = 5\text{ cm}$ 일 때, \overline{CE} 의 길이를 구하여라.



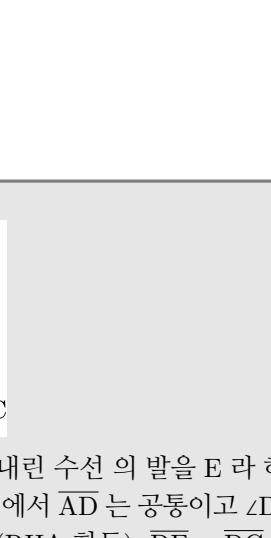
▶ 답 : cm

▷ 정답 : 5 cm

해설

$$\begin{aligned}\triangle ABD &\equiv \triangle AED \text{ (RHA 합동)} \\ \therefore \overline{BD} &= \overline{ED} \\ \angle ACB &= 45^\circ \text{ |므로 } \angle EDC = 45^\circ \\ \therefore \overline{ED} &= \overline{CE} \\ \therefore \overline{BD} &= \overline{CE} = 5(\text{ cm})\end{aligned}$$

10. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 $\angle A$ 의 이등분선이 \overline{BC} 와 만나는 점을 D라고 한다. $\overline{AB} = 11\text{cm}$, $\overline{DC} = 4\text{cm}$ 일 때, $\triangle ABD$ 의 넓이를 구하여라.



▶ 답: cm^2

▷ 정답: 22cm^2

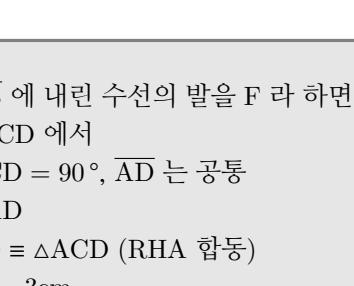
해설



점 D에서 \overline{AB} 에 내린 수선의 발을 E라 하면
 $\triangle ADC$ 와 $\triangle ADE$ 에서 \overline{AD} 는 공통이고 $\angle DAC = \angle DAE$ 이므로
 $\triangle ADC \cong \triangle ADE$ (RHA 합동), $\overline{DE} = \overline{DC}$

$$\begin{aligned}\therefore \triangle ABD &= \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times \overline{DE} \\ &= \frac{1}{2} \times \overline{AB} \times \overline{DC} \\ &= \frac{1}{2} \times 11 \times 4 = 22 (\text{cm}^2)\end{aligned}$$

11. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 이고 변 AB, AC 의 길이가 각각 10cm, 6cm 인 직각삼각형 ABC 에서 $\angle A$ 의 이등분선이 변 BC 와 만나는 점을 D 라 한다. 선분 DC 의 길이가 3cm 일 때, 선분 BD 의 길이를 구하여라.



▶ 답 : cm

▷ 정답 : 5 cm

해설

점 D 에서 \overline{AB} 에 내린 수선의 발을 F 라 하면

$\triangle AFD$ 와 $\triangle ACD$ 에서

$\angle AFD = \angle ACD = 90^\circ$, \overline{AD} 는 공통

$\angle FAD = \angle CAD$

이므로 $\triangle AFD \cong \triangle ACD$ (RHA 합동)

$\therefore \overline{DF} = \overline{DC} = 3\text{cm}$

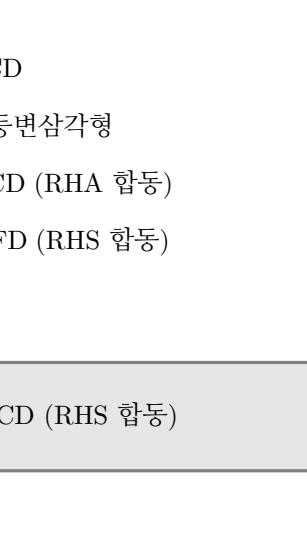
따라서 삼각형 ABD 의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times \overline{AB} \times \overline{DF} = \frac{1}{2} \times \overline{BD} \times \overline{AC}$$

$$\frac{1}{2} \times 10 \times 3 = \frac{1}{2} \times \overline{BD} \times 6$$

$$\therefore \overline{BD} = 5 (\text{cm})$$

12. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 변 BC의 중점을 D라 하자. 점 D에서 변 AB, AC에 내린 수선의 발을 각각 E, F라 하고, $\overline{DE} = \overline{DF}$ 일 때,
다음 중 옳지 않은 것은?



- ① $\overline{EB} = \overline{FC}$
- ② $\angle EBD = \angle FCD$
- ③ $\triangle ABC$ 는 이등변삼각형
- ④ $\triangle EBD \cong \triangle FCD$ (RHA 합동)
- ⑤ $\triangle AED \cong \triangle AFD$ (RHS 합동)

해설

- ④ $\triangle EBD \cong \triangle FCD$ (RHS 합동)