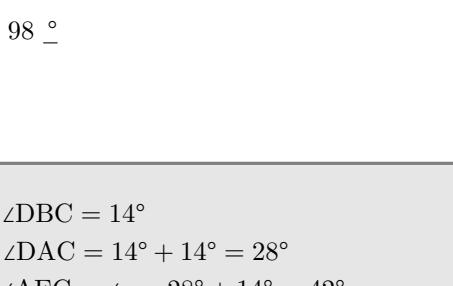


1. 다음 그림에서 $\overline{DB} = \overline{DC} = \overline{AC} = \overline{AE}$ 일 때, $\angle x + \angle y$ 의 값을 구하라.



▶ 답:

°

▷ 정답: 98 °

해설

$$\angle DCB = \angle DBC = 14^\circ$$

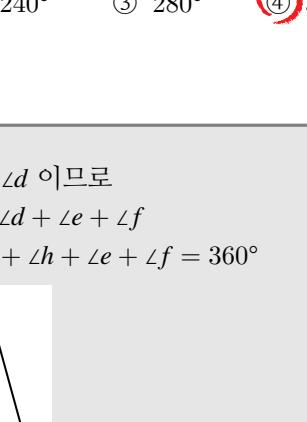
$$\angle ADC = \angle DAC = 14^\circ + 14^\circ = 28^\circ$$

$$\angle ACE = \angle AEC = \angle y = 28^\circ + 14^\circ = 42^\circ$$

$$\therefore \angle x = \angle DBC + \angle AEC = 14^\circ + 42^\circ = 56^\circ$$

따라서 $\angle x + \angle y = 56^\circ + 42^\circ = 98^\circ$ 이다.

2. 다음 그림에서 $\angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f$ 의 값은?



- ① 120° ② 240° ③ 280° ④ 360° ⑤ 540°

해설

$$\begin{aligned}\angle g + \angle h &= \angle c + \angle d \text{ 이므로} \\ \angle a + \angle b + \angle c + \angle d + \angle e + \angle f &= \\ &= \angle a + \angle b + \angle g + \angle h + \angle e + \angle f = 360^\circ\end{aligned}$$



3. 다음은 오각형의 내각의 크기의 합을 구하는 과정을 나타낸 것이다.
① ~ ⑤에 들어갈 것으로 알맞지 않은 것은?

다음 그림과 같이 오각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수는 (①) 개이고, 이 때 (②) 개의 (③)으로 나누어진다.

따라서, 오각형의 내각의 크기의 합은 (④) \times (⑤) = (⑥)

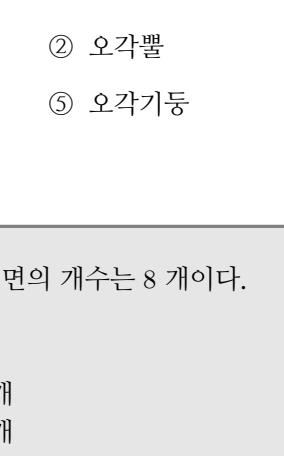
- ① ⑦ : 2 ② ⑧ : 3 ③ ⑨ : 삼각형
④ ⑩ : 120° ⑤ ⑪ : 540°

해설

오각형의 한 꼭짓점에서 그을 수 있는 대각선의 개수는 2 개이고, 이 때 3 개의 삼각형으로 나누어진다.

따라서, 오각형의 내각의 합은 $180^\circ \times 3 = 540^\circ$ 이다.

4. 다음 중 다음 그림의 다면체와 면의 개수가 같은 것은?



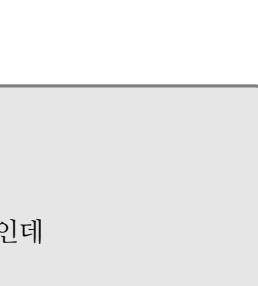
- ① 육각뿔 ② 오각뿔 ③ 육각뿔대
④ 칠각기둥 ⑤ 오각기둥

해설

그림의 다면체의 면의 개수는 8 개이다.

- ① 육각뿔: 7 개
② 오각뿔: 6 개
③ 육각뿔대: 8 개
④ 칠각기둥: 9 개
⑤ 오각기둥: 7 개

5. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD에서 \overline{DF} 는 $\angle D$ 의 이등분선이고, $\overline{AE} \perp \overline{DF}$ 일 때, \overline{FE} 의 길이를 구하여라. (단, 단위는 생략한다.)



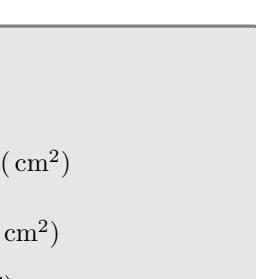
▶ 답: cm

▷ 정답: 4 cm

해설

$\square ABCD$ 가 평행사변형이므로
 $\angle A = \angle C, \angle B = \angle D$ 이므로
 $\angle A + \angle D = 180^\circ \rightarrow \frac{1}{2}\angle A + \frac{1}{2}\angle D = 90^\circ$ 인데
 $\angle FDA + \angle DAE = 90^\circ$ 이므로
 \overline{AE} 는 $\angle A$ 의 이등분선이다.
 $\therefore \angle DAE = \angle EAB$
 $\overline{AD} = \overline{BC} = 8\text{cm}, \overline{AB} = \overline{DC} = 6\text{cm}$ 에서
 $\overline{AD} \parallel \overline{BC}$ 이므로,
 $\angle DAE = \angle BEA$ (엇각)
 $\angle ADF = \angle CFD$ (엇각)
즉, $\triangle ABE$ 와 $\triangle DCF$ 는 이등변삼각형이므로
 $\overline{BE} = \overline{AB} = 6\text{cm}, \overline{CF} = \overline{DC} = 6\text{cm}$
 $\overline{BC} = \overline{BE} + \overline{CF} - \overline{EF}$ 이므로
 $8 = 6 + 6 - \overline{EF}$
 $\therefore \overline{EF} = 4\text{cm}$

6. 사다리꼴 ABCD에서 점 G, E, F는 각각 \overline{AD} , \overline{BD} , \overline{BC} 의 중점이다. $\triangle GEF$ 의 넓이를 구하면?



- ① 1 cm^2 ② 2 cm^2 ③ 3 cm^2 ④ 4 cm^2 ⑤ 5 cm^2

해설

$$\square ABFG = (3+5) \times 4 \times \frac{1}{2} = 16(\text{cm}^2)$$

$$\square ABEG = \frac{3}{4} \triangle ABD = \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} \times 6 \times 4 = 9(\text{cm}^2)$$

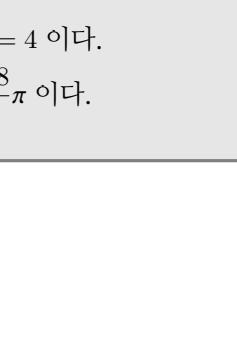
$$\triangle BEF = \frac{1}{4} \triangle BDC = \frac{1}{4} \times \frac{1}{2} \times 10 \times 4 = 5(\text{cm}^2)$$

$$\therefore \triangle GEF = \square ABFG - (\square ABEG + \triangle BEF)$$

$$= 16 - (9+5) = 2(\text{cm}^2)$$

7. 다음 그림과 같이 반지름의 길이가 5 인 구에
내접해 있는 원뿔의 부피를 구하면?

① $\frac{74}{3}\pi$ ② $\frac{86}{3}\pi$ ③ $\frac{92}{3}\pi$
④ $\frac{112}{3}\pi$ ⑤ $\frac{128}{3}\pi$



해설

구의 반지름이 5 이므로 $\overline{OH} = 3$ 이고 $\overline{CH} = 4$ 이다.

따라서 원뿔의 부피는 $\pi \times 4^2 \times 8 \times \frac{1}{3} = \frac{128}{3}\pi$ 이다.

8. 이차방정식 $2x^2 - ax + 1 = 0$ 의 한 근이 $\sin 60^\circ - \sin 30^\circ$ 일 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $2\sqrt{3}$

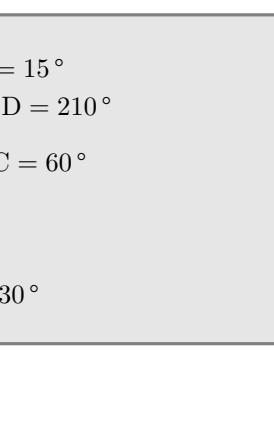
해설

$$\begin{aligned}\sin 60^\circ - \sin 30^\circ &= \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{2} = \frac{\sqrt{3}-1}{2} \text{ 이므로 } \frac{\sqrt{3}-1}{2} \text{ 을 주어진} \\ \text{식의 } x \text{ 에 대입하면} \\ 2\left(\frac{\sqrt{3}-1}{2}\right)^2 - \left(\frac{\sqrt{3}-1}{2}\right)a + 1 &= 0, \left(\frac{\sqrt{3}-1}{2}\right)a = 3 - \sqrt{3} \\ \text{따라서 } a &= \frac{2(3-\sqrt{3})}{\sqrt{3}-1} = 2\sqrt{3}\end{aligned}$$

9. 다음 그림에서 $\angle ABO = 45^\circ$, $\angle ACO = 15^\circ$ 일 때, $\angle BAC$ 의 크기는?

- ① 15° ② 20° ③ 28°

④ 30° ⑤ 35°



해설

$\triangle AOC$ 가 이등변삼각형이므로 $\angle CAO = 15^\circ$

작은 쪽의 $\angle AOC = 150^\circ$, 큰 쪽의 $\angle AOD = 210^\circ$

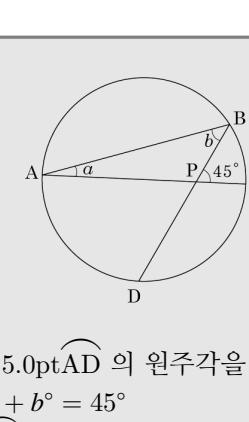
$$\angle ABC = 210 \times \frac{1}{2} = 105^\circ \quad \therefore \angle OBC = 60^\circ$$

$\triangle OBC$ 는 이등변삼각형이므로

$$\angle OCB = 60^\circ, \angle ACB = 45^\circ$$

$$\therefore \angle BAC = 180^\circ - 45^\circ - 60^\circ - 45^\circ = 30^\circ$$

10. 다음 그림의 원에서 두 현 \widehat{AC} , \widehat{BD} 의 교점을 P 라 하자. $\angle BPC = 45^\circ$ 일 때, $5.0pt\widehat{AD} + 5.0pt\widehat{BC}$ 의 길이는 이 원의 둘레의 길이의 몇 배인가?



- ① $\frac{1}{2}$ 배 ② $\frac{1}{3}$ 배 ③ $\frac{1}{4}$ 배 ④ $\frac{1}{5}$ 배 ⑤ $\frac{1}{8}$ 배

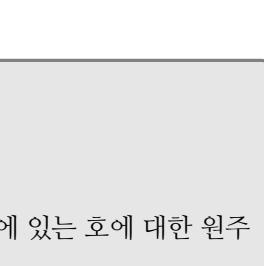
해설



선분 AB 를 긋고, $5.0pt\widehat{AD}$ 의 원주각을 a° , $5.0pt\widehat{BD}$ 의 원주각을 b° 라 하면 $a^\circ + b^\circ = 45^\circ$
 $5.0pt\widehat{AD} + 5.0pt\widehat{BC}$ 의 원주각의 합이 45° 이므로 그들의 중심각의 합은 90° 이다.

따라서 원의 둘레는 호의 길이에 비례하므로 $90^\circ = 360^\circ \times \frac{1}{4}$ 이다.

11. 다음 그림의 원 O에서 점 M은 호 AB의 중점이고 \overline{PQ} 는 접선이다. $\angle AEC = 50^\circ$ 일 때, $\angle D$ 의 크기는?



- ① 10° ② 20° ③ 30° ④ 40° ⑤ 50°

해설

외각의 성질을 이용해서

$$\angle MAE + \angle AME = 50^\circ$$

$$\angle MAE = \angle MBE (\because \overline{AM} = \overline{BM})$$

접선과 헤이 이루는 각의 크기는 그 내부에 있는 호에 대한 원주각의 크기와 같다.

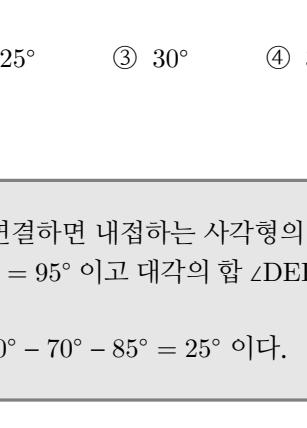
$$\angle MBA = \angle AMP$$

$$\therefore \angle PMC = 50^\circ$$

$$\angle PMC = \angle D$$

$$\therefore \angle D = 50^\circ$$

12. 다음 그림에서 두 원은 두 점 C, D 에서 만나고, $\angle EFC = 70^\circ$, $\angle BAD = 95^\circ$ 일 때, $\angle x$ 의 크기는?



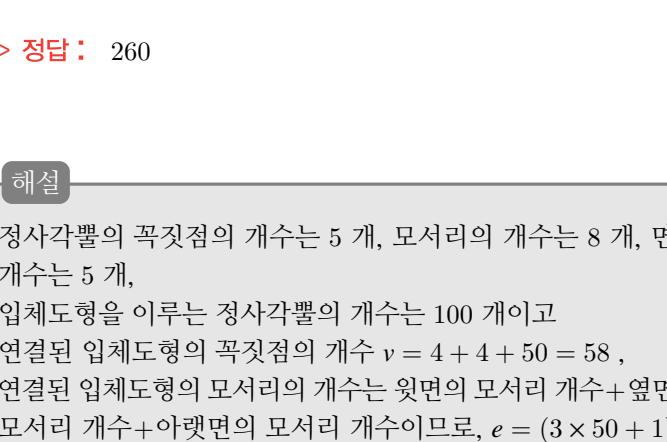
- ① 20° ② 25° ③ 30° ④ 35° ⑤ 40°

해설

보조선 CD 를 연결하면 내접하는 사각형의 성질에 의해
 $\angle DAB = \angle DCF = 95^\circ$ 이고 대각의 합 $\angle DEF = 180^\circ - \angle DCF = 85^\circ$ 이다.

따라서 $\angle x = 180^\circ - 70^\circ - 85^\circ = 25^\circ$ 이다.

13. 다음 그림과 같이 정사각뿔 2 개가 밑면이 평행하고 꼭짓점이 맞닿은 모양으로 된 단위체가 있다. 이 단위체 50 개를 연결한 입체도형에서 꼭짓점, 모서리, 면의 개수를 각각 v, e, f 라 할 때, $v + e - f$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 260

해설

정사각뿔의 꼭짓점의 개수는 5 개, 모서리의 개수는 8 개, 면의 개수는 5 개,

입체도형을 이루는 정사각뿔의 개수는 100 개이고

연결된 입체도형의 꼭짓점의 개수 $v = 4 + 4 + 50 = 58$,

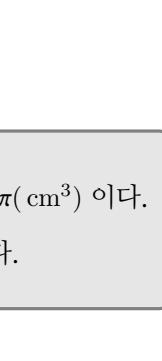
연결된 입체도형의 모서리의 개수는 윗면의 모서리 개수+옆면의 모서리 개수+아랫면의 모서리 개수이므로, $e = (3 \times 50 + 1) + (8 \times 50) + (3 \times 50 + 1) = 702$,

연결된 입체도형의 면의 개수는 윗면+옆면+아랫면이므로

$f = 50 + 8 \times 50 + 50 = 500$

$$\therefore v + e - f = 58 + 702 - 500 = 260$$

14. 다음 그림과 같이 밑면의 반지름의 길이가 3cm, 높이가 9cm인 원뿔 모양의 그릇에 그릇 높이의 $\frac{1}{3}$ 까지 물이 담겨 있다. 이 때, 3분에 πcm^3 씩 물을 담는다면 그릇을 완전히 채울 때까지 몇 분이 더 걸리는지 구하여라.



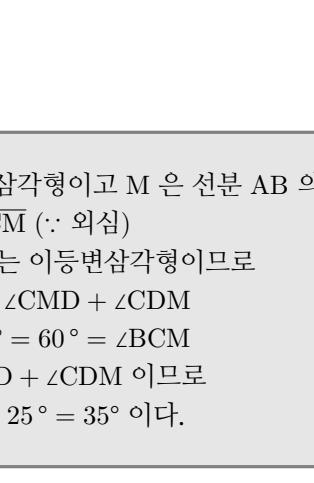
▶ 답: 분

▷ 정답: 52분

해설

더 담을 물의 양은 $\frac{1}{3}\pi \times 3^2 \times 9 - \frac{1}{3}\pi \times 1^2 \times 3 = 26\pi(\text{cm}^3)$ 이다.
따라서 걸리는 시간은 $(26\pi \div \pi) \times 2 = 52(\text{분})$ 이다.

15. 다음 그림과 같이 $\angle C = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC에서 선분 AB의 중점에 점 M를 잡고, 선분 BC의 연장선과 점 M에서 그은 직선이 만나는 점을 D라 한다. $\angle A = 30^\circ$, $\angle CDM = 25^\circ$ 일 때, $\angle CMD$ 의 크기를 구하여라.



▶ 답:

${}^\circ$

▷ 정답: $35 {}^\circ$

해설

$\triangle ABC$ 가 직각삼각형이고 M은 선분 AB의 중점이므로

$\overline{AM} = \overline{BM} = \overline{CM}$ (\because 외심)

따라서 $\triangle MBC$ 는 이등변삼각형이므로

$\angle B = \angle BCM = \angle CMD + \angle CDM$

$\angle B = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ = \angle BCM$

$\angle BCM = \angle CMD + \angle CDM$ 이므로

$\angle CMD = 60^\circ - 25^\circ = 35^\circ$ 이다.

16. 다음 그림과 같은 평행사변형 ABCD의 네 내각의 이등분선의 교점을 E, F, G, H라 할 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

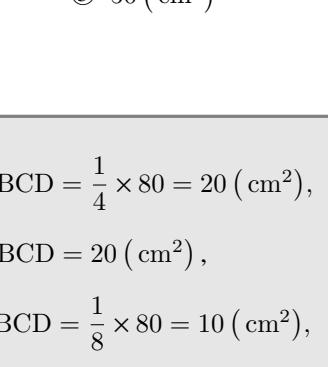


- ① $\triangle AFD \cong \triangle CHB$ ② $\triangle AEB \cong \triangle CGD$
③ $\overline{EG} \neq \overline{HF}$ ④ $\angle HEF = \angle EFG$
⑤ $\overline{BH} \parallel \overline{FD}$

해설

사각형 EFGH는 직사각형이다.

17. 다음의 평행사변형 ABCD에서 점 E, F는 각각 \overline{BC} , \overline{DC} 의 중점이다.
 $\square ABCD = 80 \text{ cm}^2$ 일 때, $\triangle AEF$ 의 넓이로 알맞은 것은?



- ① $10 (\text{cm}^2)$ ② $20 (\text{cm}^2)$ ③ $30 (\text{cm}^2)$
④ $40 (\text{cm}^2)$ ⑤ $50 (\text{cm}^2)$

해설

$$\triangle ABE = \frac{1}{4} \square ABCD = \frac{1}{4} \times 80 = 20 (\text{cm}^2),$$

$$\triangle AFD = \frac{1}{4} \square ABCD = 20 (\text{cm}^2),$$

$$\triangle FEC = \frac{1}{8} \square ABCD = \frac{1}{8} \times 80 = 10 (\text{cm}^2),$$

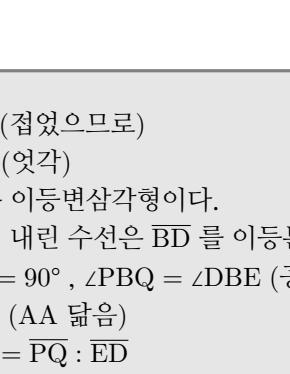
$$\therefore \triangle AFE$$

$$= \square ABCD - (\triangle ABE + \triangle AFD + \triangle FEC)$$

$$= 80 - (20 + 20 + 10) = 30 (\text{cm}^2)$$

18. 다음 그림은 $\overline{AB} = 24$, $\overline{BC} = 32$, $\overline{BD} = 40$ 인 직사각형 ABCD에서 대각선 BD를 접는 선으로 하여 점 C가 점 E에 오도록 접은 것이다.

\overline{AD} 와 \overline{BE} 의 교점 P에서 \overline{BD} 에 내린 수선의 발을 Q라 할 때, \overline{PQ} 의 길이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 15

해설

$$\angle PBQ = \angle QBC \text{ (접었으므로)}$$

$$\angle QBC = \angle PDQ \text{ (엇각)}$$

따라서 $\triangle PBD$ 는 이등변삼각형이다.

점 P에서 \overline{BD} 에 내린 수선은 \overline{BD} 를 이등분하므로 $\overline{BQ} = 20$

$$\angle BQP = \angle BED = 90^\circ, \angle PBQ = \angle DBE \text{ (공통)}$$

$$\triangle BQP \sim \triangle BED \text{ (AA 닮음)}$$

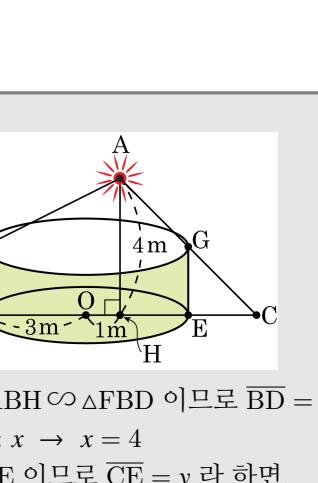
따라서 $\overline{BQ} : \overline{BE} = \overline{PQ} : \overline{ED}$

$$20 : 32 = \overline{PQ} : 24$$

$$\therefore \overline{PQ} = \frac{20 \times 24}{32} = 15$$

따라서 $\overline{PQ} = 15$ 이다.

19. 어느 공원에 다음의 그림과 같이 반지름의 길이가 3m인 원모양의 화단이 있고, 화단의 둘레는 높이가 2m인 벽이 수직으로 둘러싸고 있다. 이 때, 화단의 중심 O에서 지름을 따라 우측으로 1m가 떨어진 지점에서 수직으로 높이 4m 위에 조명 장치가 있다고 할 때, 이 담 벽에 의해서 생기는 그림자의 넓이를 구하여라.



▶ 답: $\underline{\underline{m^2}}$

▷ 정답: $25\pi \underline{\underline{m^2}}$

해설



위 그림에서 $\triangle ABD \sim \triangle FBD$ 이므로 $\overline{BD} = x$ 라 하면,

$$4 : 2 = (4 + x) : x \rightarrow x = 4$$

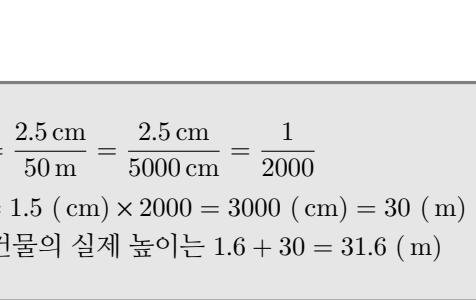
$\triangle ACH \sim \triangle GCE$ 이므로 $\overline{CE} = y$ 라 하면,

$$4 : 2 = (2 + y) : y \rightarrow y = 2$$

그림자의 넓이는 지름이 $6 + 4 + 2 = 12$ 인 원의 넓이에서 운동 장의 넓이를 뺀 것이다.

$$\therefore 36\pi - 9\pi = 25\pi(\underline{\underline{m^2}})$$

20. 눈높이가 1.6m인 혜선이가 어떤 건물로부터 50m 떨어진 곳에서 건물의 끝 D 지점을 올려다 본 각의 크기가 30° 이었다. 이를 바탕으로 $\angle B = 30^\circ$, $\angle C = 90^\circ$, $\overline{BC} = 2.5\text{ cm}$ 인 직각삼각형 ABC를 그렸더니 $\overline{AC} = 1.5\text{ cm}$ 이었다. 이 건물의 실제 높이는 몇 m인가?



- ① 28.6 m ② 30 m ③ 31.6 m
④ 32 m ⑤ 32.6 m

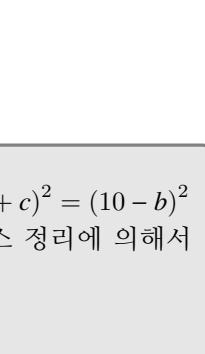
해설

$$(\frac{\text{축척}}{\text{실제}}) = \frac{2.5\text{ cm}}{50\text{ m}} = \frac{2.5\text{ cm}}{5000\text{ cm}} = \frac{1}{2000}$$

$$\therefore \overline{DF} = 1.5 (\text{ cm}) \times 2000 = 3000 (\text{ cm}) = 30 (\text{ m})$$

따라서 건물의 실제 높이는 $1.6 + 30 = 31.6 (\text{ m})$

21. 다음 그림과 같이 $\angle B = 90^\circ$ 인 직각삼각형 ABC의 점 B에서 \overline{AC} 에 내린 수선의 발을 H 라 하 고, $a + b + c = 10$, $\overline{BH} = 5$ cm 일 때, 삼각형 ABC의 넓이를 구하면?



- ① 25 cm^2 ② $\frac{25}{2} \text{ cm}^2$ ③ $\frac{25}{3} \text{ cm}^2$
④ 5 cm^2 ⑤ 10 cm^2

해설

$(a + c) = 10 - b$ 이므로 양변 제곱을 하면 $(a + c)^2 = (10 - b)^2$

$a^2 + 2ac + c^2 = b^2 - 20b + 100$ 피타고라스 정리에 의해서

$b^2 = a^2 + c^2$ 을 이용하면

$b^2 = a^2 + c^2 = b^2 - 20b + 100$ 이므로

$2ac + 20b = 100 \cdots (1)$

또한 $\overline{AB} \times \overline{BC} = \overline{AC} \times \overline{BH}$ 에서

$5b = ac \cdots (2)$

(1) 및 (2)를 대입하면

$30b = 100$ 에서

$$b = \frac{100}{30}$$

따라서 $\triangle ABC$ 의 넓이는

$$\frac{1}{2} \times 5b = \frac{50}{6} = \frac{25}{3} (\text{cm}^2)$$

22. $\overline{AB} = 8$, $\overline{AC} = 6$, $\overline{BC} = 12$ 인 삼각형 ABC에서 변 BC의 삼등분점을 각각 D, E이라 할 때, $\overline{AD^2} + \overline{AE^2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 36

해설

$\overline{BD} = \overline{DE} = \overline{EC}$ 이므로

$\triangle ABE$ 와 $\triangle ADC$ 에서 각각 중선 정리를 이용하면

(1) $\triangle ABE$ 에서

$$\overline{AB^2} + \overline{AE^2} = 2(\overline{AD^2} + \overline{BD^2})$$

$$\therefore 2\overline{AD^2} - \overline{AE^2} = 32 \cdots ①$$

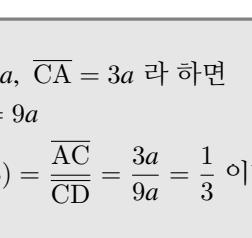
(2) $\triangle ADC$ 에서

$$\overline{AD^2} + \overline{AC^2} = 2(\overline{AE^2} + \overline{DE^2})$$

$$\therefore 2\overline{AE^2} - \overline{AD^2} = 4 \cdots ②$$

따라서 ① + ②를 하면 $\overline{AD^2} + \overline{AE^2} = 36$ 이다.

23. 다음 그림에서 삼각형 ABC 는 $\overline{AB} : \overline{BC} : \overline{CA} = 5 : 4 : 3$ 인 직각삼각형이고 $\overline{AB} = \overline{BD}$ 일 때, $\tan(\angle ADB)$ 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{3}$

해설

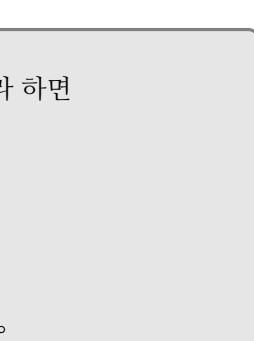
$\overline{AB} = 5a$, $\overline{BC} = 4a$, $\overline{CA} = 3a$ 라 하면

$\overline{CD} = \overline{AB} + \overline{BC} = 9a$

따라서 $\tan(\angle ADB) = \frac{\overline{AC}}{\overline{CD}} = \frac{3a}{9a} = \frac{1}{3}$ 이다.

24. 오른쪽 그림과 같이 원 O의 지름 \overline{AB} 의 연장선 위의 점 P에서 원 O에 그은 접선의 접점을 T라 하자. $\overline{PT} = 4\sqrt{6}$, $\overline{AB} = 10$, $\angle P = 30^\circ$ 일 때, $\triangle ATB$ 의 넓이는?

- ① $3\sqrt{2}$ ② $3\sqrt{6}$ ③ $5\sqrt{2}$
 ④ $10\sqrt{3}$ ⑤ $10\sqrt{6}$



해설

$$\overline{PT}^2 = \overline{PA} \cdot \overline{PB} \text{ 이므로 } \overline{PA} \text{의 길이} x \text{ 라 하면}$$

$$x(x+10) = 96$$

$$x^2 + 10x - 96 = 0$$

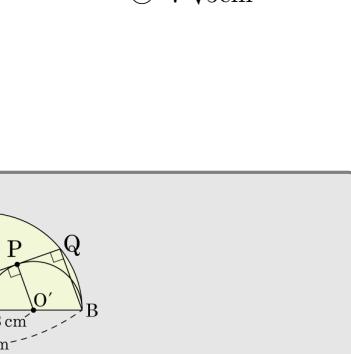
$$(x-6)(x+16) = 0$$

$$x = 6 (\because x > 0)$$

따라서 $\triangle ATB$ 의 넓이는

$$\begin{aligned}\triangle BPT - \triangle APT &= \frac{1}{2} \times 16 \times 4\sqrt{6} \times \sin 30^\circ \\ &\quad - \frac{1}{2} \times 6 \times 4\sqrt{6} \times \sin 30^\circ \\ &= 16\sqrt{6} - 6\sqrt{6} \\ &= 10\sqrt{6}\end{aligned}$$

25. $\overline{AB} = 12\text{cm}$ 를 지름으로 하는 반원 O 안에 \overline{OB} 를 지름으로 하는 반원 O' 이 있다. \overline{AQ} 가 반원 O' 의 접선이며 점 P 가 접점이라 할 때, \overline{AQ} 의 길이는?



① $6\sqrt{5}\text{cm}$ ② $6\sqrt{6}\text{cm}$ ③ $7\sqrt{5}\text{cm}$

④ $8\sqrt{2}\text{cm}$ ⑤ $8\sqrt{3}\text{cm}$

해설



$$\overline{AO'}^2 + \overline{O'P}^2 = \overline{AP}^2 \text{ 이므로}$$

$$9^2 = 3^2 + \overline{AP}^2 \therefore \overline{AP} = 6\sqrt{2}\text{cm}$$

$$\angle APO' = 90^\circ, \text{ 지름에 대한 원주각인 } \angle Q = 90^\circ$$

$$\therefore \triangle AOP \sim \triangle ABQ$$

$$\overline{AP} : \overline{AQ} = \overline{AO'} : \overline{AB}$$

$$6\sqrt{2} : \overline{AQ} = 9 : 12 = 3 : 4$$

$$\therefore \overline{AQ} = \frac{4}{3} \times 6\sqrt{2} = 8\sqrt{2}(\text{cm})$$