

1. 다항식  $x^{22} + x^{11} + 22x + 11$  을  $x + 1$ 로 나눈 나머지는?

- ① -33      ② -22      ③ -11      ④ 11      ⑤ 33

해설

$f(x) = x^{22} + x^{11} + 22x + 11$  이라 하면,

$f(x) = (x + 1)Q(x) + R$ 에서  $f(-1) = R$  이므로

$$f(-1) = (-1)^{22} + (-1)^{11} - 22 + 11 = -11$$

2. 다항식  $f(x)$ 를 두 일차식  $x - 1$ ,  $x - 2$ 로 나눌 때의 나머지는 각각 2, 1이다. 이때,  $f(x)$ 를  $x^2 - 3x + 2$ 로 나눌 때 나머지는?

①  $x + 3$

②  $-x + 3$

③  $x - 3$

④  $-x - 3$

⑤  $-x + 1$

해설

$f(x)$ 를  $x - 1$ ,  $x - 2$ 로 나눈 나머지는 각각 2, 1이므로  
 $f(1) = 2$ ,  $f(2) = 1$ , 구하는 나머지를  $ax + b$ 라 하자.

$$\begin{aligned}f(x) &= (x^2 - 3x + 2)Q(x) + ax + b \\&= (x - 1)(x - 2)Q(x) + ax + b\end{aligned}$$

양변에 각각  $x = 1$ ,  $x = 2$ 를 대입하면

$$f(1) = a + b = 2, f(2) = 2a + b = 1$$

두 식을 연립하여 구하면  $a = -1, b = 3$

$\therefore$  구하는 나머지는  $-x + 3$

3. 다항식  $x^3 + ax^2 + bx - 1 \circ| x^2 - 3x + 2$ 로 나누어 떨어지도록 상수  $a + b$ 의 값을 정하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 0

해설

$f(x) = x^3 + ax^2 + bx - 1$ 로 놓으면

$x^2 - 3x + 2 = (x-1)(x-2)$ 이므로  $f(x)$ 는  $x-1, x-2$ 로 나누어 떨어진다.

$$f(1) = 1 + a + b - 1 = 0 \rightleftharpoons a + b = 0 \cdots \textcircled{\text{1}}$$

$$f(2) = 8 + 4a + 2b - 1 = 0 \rightleftharpoons 4a + 2b = -7 \cdots \textcircled{\text{2}}$$

$$\textcircled{\text{1}}, \textcircled{\text{2}} \text{으로부터 } a = -\frac{7}{2}, b = \frac{7}{2}$$

$$\therefore a + b = 0$$

4. 등식  $3x^2 + 2x + 1 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + c$  o]  $x$ 에 관한 항등식일 때, 상수  $b$ 의 값은?

① 3

② -4

③ 2

④ 8

⑤ 6

해설

$$3x^2 + 2x + 1 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + c \\ = (x - 1) \{a(x - 1) + b\} + c$$

$$\begin{array}{r|ccc} 1 & 3 & 2 & 1 \\ & & 3 & 5 \\ \hline 1 & 3 & 5 & 6 & \leftarrow c \\ & & 3 & & \\ \hline & 3 & 8 & & \leftarrow c \\ & \uparrow & & & \\ & a & & & \end{array}$$

해설

$x = 1$  을 대입하면  $c = 6$

$$3x^2 + 2x + 1 = a(x - 1)^2 + b(x - 1) + 6$$

$$\rightarrow 3x^2 + 2x - 5 = a(x - 1)^2 + b(x - 1)$$

$$\rightarrow (x - 1)(3x + 5) = a(x - 1)^2 + b(x - 1)$$

→ 양변을  $x - 1$ 로 나누면

$$3x + 5 = a(x - 1) + b = ax - a + b$$

$$\therefore a = 3, b = 8$$

※ 준식의 우변을 모두 전개해서 계수비교하여 구할 수도 있다.

5. 다항식  $f(x)$ 를  $(x - 1)(x - 2)$ 로 나눈 나머지가  $4x + 3$ 일 때  $f(2x)$ 를  $x - 1$ 로 나눈 나머지는?

① -1

② 0

③ 3

④ 7

⑤ 11

해설

$$f(x) = (x - 1)(x - 2)Q(x) + 4x + 3$$

$$x = 2 \text{를 대입하면 } f(2) = 11$$

$f(2x)$ 를  $x - 1$ 로 나눈 나머지를  $R$ 이라 하면

$$f(2x) = (x - 1)Q'(x) + R$$

$$x = 1 \text{을 대입하면 } f(2) = R$$

$$\therefore R = 11$$