1. x에 대한 일차방정식 $(a^2 + 3)x + 1 = a(4x + 1)$ 의 해가 무수히 많을 때, a의 값은?

① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

$$(a^{2} + 3 - 4a)x = a - 1$$

모든 x 에 대해 성립하려면
$$a^{2} - 4a + 3 = 0, a - 1 = 0$$

공통근: $a = 1$

방정식 |x| + |x - 1| = 2의 해를 구하시오.

$$ightharpoonup$$
 정답: $-\frac{1}{2}$ 또는 -0.5

$$ightharpoonup$$
 정답: $\frac{3}{2}$ 또는 1.5

$$\therefore x = -\frac{1}{2}$$

ii)
$$0 \le x < 1$$
일 때, $x - (x - 1) = 2$ 이므로 $0 \cdot x = 1$

$$x + x - 1 = 2$$
이므로 $2x = 3$

$$\therefore x = \frac{3}{2}$$

(i), (ii), (iii)에서
$$x = -\frac{1}{2}$$
 또는 $x = \frac{3}{2}$

3. x에 대한 일차방정식 5x + a = 2x + 12의 해가 자연수일 때, 자연수 a의 개수는?

① 1개 ② 2개 ③37개

④ 4개⑤ 무수히 많다

5
$$x - 2x = 12 - a$$
, $3x = 12 - a$

 $\therefore x = \frac{12 - a}{3}$ 자연수 $a = 1, 2, 3, \dots$ 을 대입했을 때,

$$x = \frac{12 - a}{3}$$
 가 자연수가 되는 경우는 $12 - a$ 가 3 의 배수이면서 $a < 12$ 일 때이다.

$$12 - a$$
 가 3 의 배수이면서 $a < 12$ 일 때이다
i) $a = 3$ 일 때, $x = \frac{12 - 3}{3} = 3$

ii)
$$a = 6$$
 일 때, $x = \frac{12 - 6}{3} = 2$

iii)
$$a = 9$$
 일 때, $x = \frac{12 - 9}{3} = 1$

따라서 자연수 a의 개수는 3개이다.

나. 방정식 $a^2 - (1+x)a + 2x - 2 = 0$ 의 해가 무수히 많을 때, 방정식 x = (x+3)a - 10의 해는?

 $x = (x+3) \cdot 2 - 10, x = 2x - 4$: x = 4

 $\sqrt{(x-1)^2} + \sqrt{(3-x)^2} = x+3$ 은 서로 다른 두 실근을 갖는다. 이 두 실근을 α , β 라 할 때, $3\alpha\beta$ 의 값은?

(5) 11

$$-x + 1 + 3 - x = x + 3, 3x = 1$$

$$\therefore x = \frac{1}{3}$$

ii)
$$1 \le x < 3$$

 $x - 1 + 3 - x = x + 3$,

$$x-1+3-x=x+3$$

 $x=-1$ (해가 아니다)

iii)
$$x \ge 3$$

 $x - 1 - 3 + x = x + 3x = 7$

$$x-1-3+x=x+3x=$$
 두 근이 $\frac{1}{3}$, 7

두 근이
$$\frac{1}{3}$$
, 7
$$\therefore 3\alpha\beta = 7$$

6. |x-2|+|x-3|=1을 만족하는 실수 x의 개수는?

① 0개

② 1개

③ 2개

④ 3개

4개이상

$$|x-2|+|x-3|=1 에서$$
i) $x < 2$ 일 때,

$$-(x-2)-(x-3)=1$$

$$\therefore x=2 (성립하지 않음)$$
ii) $2 \le x < 3$ 일 때,

$$(x-2)-(x-3)=1$$

$$\therefore 0 \cdot x=0 (모든 실수)$$
iii) $x \ge 3$ 일 때,

$$(x-2)+(x-3)=1$$

 $\therefore x = 3$

7. $|x-1| = 3 - \sqrt{x^2}$ 의 해를 구하여라. ▶ 답: ▶ 답: ➢ 정답 : 2 ▷ 정답: -1 해설 |x-1| = 3 - |x| 에서, |x| + |x - 1| = 3이다. i) x < 0일 때, -x - (x - 1) = 3 $\therefore x = -1$ ii) $0 \le x < 1$ 일 때, x - (x - 1) = 3 $0 \cdot x + 1 = 3$ 이므로 불능 iii) $x \ge 1$ 일 때, x + (x - 1) = 3 $\therefore x = 2$ 따라서 구하는 해는 x = -1 또는 x = 2이다.