

1. 다음  $x, y$ 의 다항식 P, Q에 대해  $P + Q$ 를 계산하면, 항의 개수는 (㉠) 개이고, 계수의 총합은 (㉡)이다. ㉠, ㉡에 알맞은 수를 차례로 써라.

$$P = 5x^2y + 2y^2 + 2x^3$$
$$Q = x^3 - 3y^2 + 2xy^2$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠ 4

▷ 정답 : ㉡ 9

해설

동류항끼리 정리하면

$$P + Q = 3x^3 + 5x^2y + 2xy^2 - y^2$$

항의 개수는 4개이고 계수의 총합은 9이다.

2.  $P = a^3 + 4a^2b + 2ab^2$ ,  $Q = -2a^2b + 3ab^2 - b^3$  일 때,  $3P - 2Q$ 를 계산하면?

- ①  $3a^3 + 12a^2b + 2b^3$
- ②  $3a^3 - 12a^2b + 2b^3$
- ③  $3a^3 + 16a^2b + 2b^3$
- ④  $3a^3 + 8a^2b + 2b^3$
- ⑤  $3a^3 - 8a^2b + 2b^3$

해설

$$\begin{aligned}3(a^3 + 4a^2b + 2ab^2) - 2(-2a^2b + 3ab^2 - b^3) \\= 3a^3 + 12a^2b + 6ab^2 + 4a^2b - 6ab^2 + 2b^3 \\= 3a^3 + 16a^2b + 2b^3\end{aligned}$$

3. 두 다항식  $A = 5x^3 + x^2 - 6x + 7$ ,  $B = 2x^3 - 4x^2 - 1$ 에 대하여  $2A - 3B$ 를 계산한 식에서  $x^2$ 의 계수는 얼마인가?

① 14

② -12

③ 4

④ 17

⑤ 18

해설

$$2A - 3B$$

$$= 2(5x^3 + x^2 - 6x + 7) - 3(2x^3 - 4x^2 - 1)$$

$$= 4x^3 + 14x^2 - 12x + 17$$

∴  $x^2$ 의 계수 : 14

해설

이차항만 뽑아서 계산한다.

$$2A - 3B \Rightarrow 2(x^2) - 3(-4x^2) = 2x^2 + 12x^2 = 14x^2$$

4. 다음 중 다항식의 계산결과가 잘못된 것은?

①  $(5x - y) + (3x - 2y) = 8x - 3y$

②  $(5x^3 + x^2 - 6x + 7) - (2x^3 - 4x^2 - 1) = 3x^3 + 5x^2 - 6x + 8$

③  $(xy + xy^2 - x^2) - (3x^2 - xy)$   
 $= 2xy + xy^2 - 4x^2$

④  $(x^2 + 1)(3x^2 - 2x - 1)$   
 $= 3x^4 - 2x^3 - 2x^2 + 2x - 1$

⑤  $(x^3 - 3xy^2 - 2y^3) \div (x + y) = x^2 - xy - 2y^2$

해설

$$(x^2 + 1)(3x^2 - 2x - 1) = 3x^4 - 2x^3 + 2x^2 - 2x - 1$$

5. 다항식  $(x^2 + 1)^4(x^3 + 1)^3$ 의 차수는?

① 5차

② 7차

③ 12차

④ 17차

⑤ 72차

해설

$(x^2 + 1)^4$ 는 8차식,  $(x^3 + 1)^3$ 은 9차식

따라서  $(x^2 + 1)^4(x^3 + 1)^3$ 은

$8 + 9 = 17$ 차 다항식이다.

6.  $(2x^3 - 3x + 1) \div (x^2 + 2)$  의 계산에서 나머지는?

- ①  $-5x + 1$       ②  $-x + 1$       ③  $5x + 1$   
④  $x + 1$       ⑤  $-7x + 1$

해설

$2x^3 - 3x + 1$ 을  $x^2 + 2$ 로 직접 나누어서 구한다.

몫 :  $2x$ , 나머지 :  $-7x + 1$

7. 다항식  $f(x) = 3x^3 - 7x^2 + 5x + 2$ 를  $3x - 1$ 로 나눌 때의 몫과 나머지를 구하면?

① 몫 :  $x^2 - 2x + 1$ , 나머지 : 3

② 몫 :  $x^2 - 2x + 1$ , 나머지 : 2

③ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 3

④ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 2

⑤ 몫 :  $x^2 + 2x + 1$ , 나머지 : 1

해설

직접나누는 방법과 조립제법을 이용하여 구하는 방법이 있다.

$$f(x) = (3x - 1)(x^2 - 2x + 1) + 3$$

$$\therefore \text{몫} : x^2 - 2x + 1, \text{나머지} : 3$$

8. 다음 중 다항식의 사칙연산이 잘못된 것은?

①  $(4x - 2) + (7 - 2x) = 2x - 5$

②  $(x^2 + 2y^2) - 2(y^2 - 3x^2) = 7x^2$

③  $(x + y)^3 = x^3 + 3x^2y + 3xy^2 + y^3$

④  $(x + y + z)^2 = x^2 + y^2 + z^2 + 2xy + 2yz + 2zx$

⑤  $(x^3 + 1) \div (x + 1) = x^2 - x + 1$

해설

①  $(4x - 2) + (7 - 2x) = 2x + 5$

9.  $1999 \times 2001$ 의 값을 구하려 할 때, 가장 적절한 곱셈공식은?

- ①  $m(a + b) = ma + mb$
- ②  $(a + b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$
- ③  $(a - b)(a + b) = a^2 - b^2$
- ④  $(x + a)(x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$
- ⑤  $a^2 + b^2 = (a + b)^2 - 2ab$

해설

$$\begin{aligned}1999 \times 2001 &= (2000 - 1) \times (2000 + 1) \\&= 2000^2 - 1^2\end{aligned}$$

10.  $(4x^4 - 5x^3 + 3x^2 - 4x + 1) \div (x^2 - x + 1)$  을 계산 하였을 때, 몫과 나머지의 합을 구하면?

- ①  $4x^2 - 6x + 1$       ②  $4x^2 - 7x + 3$       ③  $4x^2 - 4x + 5$   
④  $4x^2 - 8x + 2$       ⑤  $4x^2 - 6x + 7$

해설

직접 나누어서 구한다.

몫:  $4x^2 - x - 2$ , 나머지:  $-5x + 3$

$\therefore$  몫과 나머지의 합은  $4x^2 - 6x + 1$

11. 다항식  $f(x)$ 를  $2x^2 + 3x + 2$ 로 나누었더니 몫이  $3x - 4$ 이고, 나머지가  $2x + 5$ 이었다. 이 때,  $f(1)$ 의 값은?

① -1

② 0

③ 1

④ 3

⑤ 5

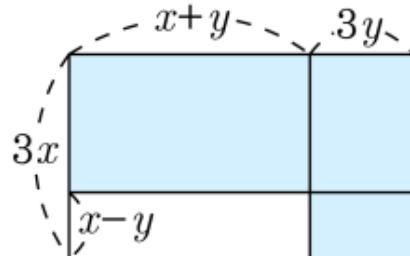
해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\&= 6x^3 + 9x^2 + 6x - 8x^2 - 12x - 8 + 2x + 5 \\&= 6x^3 + x^2 - 4x - 3 \\\therefore f(1) &= 6 + 1 - 4 - 3 = 0\end{aligned}$$

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= (2x^2 + 3x + 2)(3x - 4) + (2x + 5) \\f(1) &= (2 + 3 + 2)(3 - 4) + (2 + 5) = -7 + 7 = 0\end{aligned}$$

12. 다음 그림의 직사각형에서 색칠한 부분의 넓이를 나타내는 식을 세워 전개하였을 때,  $y^2$  항의 계수는?



- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$\begin{aligned}(x + 4y)(3x) - (x + y)(x - y) \\= 3x^2 + 12xy - x^2 + y^2 \\= 2x^2 + 12xy + y^2\end{aligned}$$

13.  $(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2)$ 를 전개했을 때,  $x^2$ 과  $x^3$ 의 계수를 모두 0이 되게 하는 상수  $a, b$ 에 대하여  $a + b$ 의 값은?

- ① -2      ② -1      ③ 1      ④ 2      ⑤  $\frac{3}{2}$

해설

$$(x^3 + ax + 2)(x^2 + bx + 2) \\ = x^5 + bx^4 + (a+2)x^3 + (ab+2)x^2 + (2a+2b)x + 4$$

$(x^2 \text{의 계수}) = (x^3 \text{의 계수}) = 0$  이므로

$$ab + 2 = 0, \quad a + 2 = 0$$

따라서  $a = -2, b = 1$

$$\therefore a + b = -1$$

14. 두 다항식  $A = a + 2b$ ,  $B = 2a + 3b$  일 때,  $2A + B$ 를 구하는 과정에서 사용된 연산법칙 중 옳지 않은 것을 골라라.

$$\begin{aligned}2A + B &= 2(a + 2b) + (2a + 3b) \\&= (2a + 4b) + (2a + 3b) \quad \textcircled{\text{A}} \text{ 분배법칙} \\&= 2a + (4b + 2a) + 3b \quad \textcircled{\text{B}} \text{ 결합법칙} \\&= 2a + (2a + 4b) + 3b \quad \textcircled{\text{C}} \text{ 교환법칙} \\&= (2a + 2a) + (4b + 3b) \quad \textcircled{\text{D}} \text{ 교환법칙} \\&= (2 + 2)a + (4 + 3)b \quad \textcircled{\text{E}} \text{ 분배법칙} \\&= 4a + 7b\end{aligned}$$

▶ 답 :

▷ 정답 : \textcircled{\text{E}}

해설

\textcircled{\text{E}}  $2a + (2a + 4b) + 3b = (2a + 2a) + (4b + 3b)$ : 결합법칙

15. 다음은 연산법칙을 이용하여  $(x + 3)(x + 2)$ 를 계산한 식이다.

$$\begin{aligned}(x + 3)(x + 2) &= (x + 3)x + (x + 3) \times 2 \\&= (x^2 + 3x) + (2x + 6) \\&= x^2 + (3x + 2x) + 6 \\&= x^2 + 5x + 6\end{aligned}$$

위의 연산과정에서 사용한 연산법칙을 바르게 고른 것은?

- ① 교환법칙, 결합법칙
- ② 교환법칙, 분배법칙
- ③ 분배법칙, 결합법칙
- ④ 결합법칙, 분배법칙, 교환법칙
- ⑤ 연산법칙을 사용하지 않았다.

해설

$$\begin{aligned}(x + 3)(x + 2) &= (x + 3)x + (x + 3) \times 2 \quad (\text{분배}) \\&= (x^2 + 3x) + (2x + 6) \quad (\text{분배}) \\&= x^2 + (3x + 2x) + 6 \quad (\text{결합}) \\&= x^2 + 5x + 6\end{aligned}$$

16.  $x + y + z = 1$ ,  $xy + yz + zx = 2$ ,  $xyz = 3$  일 때,  $(x + 1)(y + 1)(z + 1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▶ 정답: 7

해설

$$\begin{aligned}(x + 1)(y + 1)(z + 1) \\&= xyz + xy + yz + zx + x + y + z + 1 \\&= 7\end{aligned}$$

17.  $\frac{2005^3 + 1}{2005 \times 2004 + 1}$  의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▶ 정답 : 2006

해설

$2005 = x$  로 놓으면

$$\begin{aligned}(\text{준 식}) &= \frac{x^3 + 1^3}{x(x - 1) + 1} \\&= \frac{(x + 1)(x^2 - x + 1)}{x^2 - x + 1} \\&= x + 1 \\&= 2006\end{aligned}$$

18.  $x^2 + \frac{1}{x^2} = 14$  ( $x > 0$ ) 일 때,  $x^3 + \frac{1}{x^3}$ 의 값은?

① 36

② 44

③ 52

④ 68

⑤ 82

해설

$$x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2 \circ] \text{므로}$$

$$x + \frac{1}{x} = 4 \quad (\because x > 0)$$

$$x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right) = 52$$

19.  $a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca$  이고  $abc = 1$  일 때,  $(a^3 + b^3 + c^3)^2$  의 값을 계산하면?

① 1

② 4

③ 9

④ 16

⑤ 25

해설

$$a^3 + b^3 + c^3$$

$$= (a + b + c)(a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ca) + 3abc$$

$$= (a + b + c) \times 0 + 3abc = 0 + 3 \cdot (1) = 3$$

$$\therefore (a^3 + b^3 + c^3)^2 = 9$$

해설

$$a^2 + b^2 + c^2 = ab + bc + ca \quad a^2 + b^2 + c^2 - (ab + bc + ca) = 0$$

$$\frac{1}{2} (a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2 = 0$$

$$\therefore a = b = c \rightarrow abc = a^3 = b^3 = c^3 = 1$$

$$(a^3 + b^3 + c^3)^2 = (1 + 1 + 1)^2 = 9$$

20.  $x + y = 2$ ,  $x^3 + y^3 = 14$  일 때, 다음 중 옳지 않은 것은?

①  $xy = -1$

②  $x^2 + y^2 = 6$

③  $x^4 + y^4 = 34$

④  $x^5 + y^5 = 86$

⑤  $x^6 + y^6 = 198$

해설

①  $x^3 + y^3 = (x + y)^3 - 3xy(x + y)$  에서

$$14 = 2^3 - 3xy \times 2$$

$$\therefore xy = -1$$

②  $x^2 + y^2 = (x + y)^2 - 2xy$  에서

$$x^2 + y^2 = 2^2 - 2(-1) = 6$$

③  $x^4 + y^4 = (x^2 + y^2)^2 - 2x^2y^2$  에서

$$x^4 + y^4 = 6^2 - 2(-1)^2 = 34$$

④  $x^5 + y^5 = (x^2 + y^2)(x^3 + y^3) - x^2y^2(x + y)$  에서

$$x^5 + y^5 = 6 \times 14 - (-1)^2 \times 2 = 82 \neq 86$$

⑤  $x^6 + y^6 = (x^3 + y^3)^2 - 2x^3y^3$  에서

$$x^6 + y^6 = 14^2 - 2(-1)^3 = 198$$