

1.  $x$ 에 관한 삼차식  $x^3 + mx^2 + nx + 1$ 을  $x+1$ 로 나누면 나머지가 5이고,  $x-2$ 로 나누면 나누어떨어진다고 한다. 이 때,  $-3(m+n)$ 의 값은?

① 4      ② 8      ③ 12      ④ 14      ⑤ 18

해설

$$\begin{aligned}f(x) &= x^3 + mx^2 + nx + 1 \\&= (x+1)Q(x) + 5 \\f(x) &= x^3 + mx^2 + nx + 1 \\&= (x-2)Q'(x) \\\therefore f(-1) &= -1 + m - n + 1 = 5 \\f(2) &= 8 + 4m + 2n + 1 = 0 \\\therefore m &= \frac{1}{6}, n = -\frac{29}{6} \\\therefore m+n &= -\frac{14}{3}, -3(m+n) = 14\end{aligned}$$

2.  $f(x) = 2x^3 - 3x^2 + x - k$  가  $x - 2$ 를 인수로 가질 때,  $k$ 를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 6

해설

$f(x)$  가  $x - 2$ 를 인수로 갖는다는 것은  $f(x)$ 가  $x - 2$ 로 나누어

떨어진다는 뜻이다.

즉,  $f(2) = 0$ 을 만족시키는  $k$ 를 구하면,

$$f(2) = 2 \times 2^3 - 3 \times 2^2 + 2 - k = 0$$

$$\therefore k = 6$$

3. 상수  $a, b$ 에 대하여 다음 등식이 항상 성립할 때,  $2a + b$ 의 값은?

$$\frac{a}{x-1} + \frac{b}{x+3} = \frac{6(x+1)}{(x-1)(x+3)}$$

- ① 2      ② 3      ③ 5      ④ 7      ⑤ 9

해설

등식이 항상 성립하기 위해서는 (분모)  $\neq 0$ 이어야 한다.

양변에 공통분모인  $(x-1)(x+3)$ 을 곱하면,

$$a(x+3) + b(x-1) = 6(x+1)$$

$$(a+b)x + (3a-b) = 6x + 6$$

$$\therefore a+b=6, 3a-b=6$$

두 식을 연립하여 풀면,

$$a=3, b=6-a=3$$

$$\therefore 2a+b=2\times 3+3=9$$

4.  $\frac{2x+3a}{4x+2} \nparallel x$ 에 관계없이 일정한 값을 가질 때,  $a$ 의 값을 구하면?  
(단,  $x \neq -\frac{1}{2}$ )

① 1      ②  $\frac{1}{2}$       ③  $\frac{1}{3}$       ④  $\frac{1}{4}$       ⑤  $\frac{1}{5}$

해설

$$\frac{2x+3a}{4x+2} = k \text{ (일정) 라 놓으면}$$

$$2x+3a = k(4x+2) \text{에서 } (2-4k)x + (3a-2k) = 0$$

이 식은  $x$ 에 대한 항등식이므로

$$2-4k=0, 3a-2k=0$$

$$\therefore k = \frac{1}{2} \text{이므로 } a = \frac{1}{3}$$

5.  $x^3 - x^2 + 2 = a(x-p)^3 + b(x-p)^2 + c(x-p)$  가  $x$ 에 대한 항등식이 되도록 실수  $a+b+c+p$ 의 값을 구하면?

① -1      ② 1      ③ -2      ④ 2      ⑤ 0

해설

양변에  $x = p$  를 대입하면  
 $p^3 - p^2 + 2 = 0$   
 $(p+1)(p^2 - 2p + 2) = 0 \therefore p = -1$   
따라서 주어진 식은  
 $x^3 - x^2 + 2 = a(x+1)^3 + b(x+1)^2 + c(x+1)$   
양변에  $x = 0$  을 대입하면  $2 = a+b+c$   
 $\therefore a+b+c+p = 1$

해설

$a(x-p)^3 + b(x-p)^2 + c(x-p)$   
 $= (x-p) \{a(x-p)^2 + b(x-p) + c\}$   
 $\therefore (x+1)(x^2 - 2x + 2)$   
 $= (x-p) \{a(x-p)^2 + b(x-p) + c\}$   
양변을 비교하면,  $x+1 = x-p$ ,  
 $x^2 - 2x + 2 = a(x-p)^2 + b(x-p) + c$   
 $\therefore p = -1$   
또  $x^2 - 2x + 2 = a(x+1)^2 + b(x+1) + c$   
 $= ax^2 + (2a+b)x + a+b+c$   
 $\therefore a = 1, 2a+b = -2, a+b+c = 2$   
 $\therefore b = -4, c = 5$   
따라서  $a = 1, b = -4, c = 5, p = -1$   
 $\therefore a+b+c+p = 1$