

1. 다음 중 집합인 것을 모두 고르면?

- ① 예쁜 여학생들의 모임
- ② 큰 수의 모임
- ③ 우리 반에서 안경을 낀 학생들의 모임
- ④ 12 의 약수들의 모임
- ⑤ 노래를 잘 부르는 학생들의 모임

해설

예쁘다거나, 크다거나, 노래를 잘 부른다는 조건만으로는 대상을
분명히 알 수가 없다.

2. 다음 중에서 옳은 것을 모두 골라라.

- Ⓐ $n(\{a, b, c\}) - n(\{a, c\}) = \{b\}$
Ⓑ $n(\{x|x\leq 9 \text{의 약수}\}) - n(\{x|x\leq 25 \text{의 약수}\}) = 0$
Ⓒ $n(\emptyset) + n(\{1, 2\}) = 2$
Ⓓ $n(\{2\}) - n(\emptyset) = 2$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: Ⓑ

▷ 정답: Ⓒ

해설

$$\begin{aligned} \text{Ⓐ } & n(\{a, b, c\}) - n(\{a, c\}) = 3 - 2 = 1 \\ \text{Ⓑ } & \{x|x\leq 9 \text{의 약수}\} = \{1, 3, 9\}, \quad \{x|x\leq 25 \text{의 약수}\} = \{1, 5, 25\} \text{ 이므로} \\ & n(\{x|x\leq 9 \text{의 약수}\}) - n(\{x|x\leq 25 \text{의 약수}\}) = 3 - 3 = 0 \\ \text{Ⓒ } & n(\emptyset) + n(\{1, 2\}) = 0 + 2 = 2 \\ \text{Ⓓ } & n(\{2\}) - n(\emptyset) = 1 - 0 = 1 \end{aligned}$$

3. 두 집합 $A = \{3, 5\}$, $B = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 에 대하여 $A \subset X \subset B$ 를 만족하는 집합 X 의 개수를 모두 구하여라.

▶ 답:

개

▷ 정답: 8개

해설

$A \subset X \subset B$ 는 집합 B 의 부분집합 중 집합 A 의 원소를 반드시 포함하는 부분집합을 나타낸다.

따라서 $\{3, 5\}$, $\{1, 3, 5\}$, $\{2, 3, 5\}$, $\{3, 4, 5\}$, $\{1, 2, 3, 5\}$, $\{1, 3, 4, 5\}$, $\{2, 3, 4, 5\}$, $\{1, 2, 3, 4, 5\}$ 이므로 개수는 8개이다.

4. 다음 중 유한집합인 것을 모두 골라라.

- Ⓐ { x | x 는 자연수}
- Ⓑ { x | x 는 가장 작은 자연수}
- Ⓒ { x | $0 < x < 1$, x 는 자연수}
- Ⓓ {1, 2, 3, 4, 6, 12, 24}
- Ⓔ { x | x 는 1보다 작은 수}
- Ⓕ { x | x 는 100보다 작은 2의 배수}

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : Ⓑ

▷ 정답 : Ⓒ

▷ 정답 : Ⓓ

▷ 정답 : Ⓔ

해설

- Ⓐ {1, 2, 3, …} 이므로 무한집합이다.
- Ⓑ 가장 작은 자연수는 1이므로 유한집합이다.
- Ⓒ 0과 1 사이에 자연수는 존재하지 않으므로 공집합 즉, 유한집합이다.
- Ⓓ 유한집합
- Ⓔ 1보다 작은 수는 $0, -1, -\frac{1}{2}, \dots$ 등 무수히 많이 존재하므로 무한집합이다.
- Ⓕ {2, 4, 6, 8, …, 96, 98} 이므로 유한집합이다.

5. 다음 벤다이어그램에서 집합 $A = \{x|x\text{는 } 28\text{ 미만의 } 7\text{의 배수}\}$ 일 때, 집합 B 가 될 수 있는 것을 모두 고르면?



- ① $\{\emptyset\}$ ② $\{7, 14\}$ ③ $\{1, 14, 21\}$

- ④ $\{7, 14, 21\}$ ⑤ $\{7, 14, 21, 28\}$

해설

$A = \{7, 14, 21\}$ 이고 $B \subset A$ 이어야 한다.

① $\emptyset \notin A$ 이므로 $\{\emptyset\} \not\subset A$

6. 집합 $A = \{2, 3, 4, 5, 6\}$ 의 부분집합 중 짝수만으로 이루어진 것의 개수는?

- ① 7개 ② 16개 ③ 28개 ④ 30개 ⑤ 31개

해설

짝수만으로 이루어진 부분집합은 집합 $\{2, 4, 6\}$ 의 부분집합에서 공집합을 제외하면 되므로 $2^3 - 1 = 7$ (개)

7. 전체집합 U 의 두 부분집합 A, B 에 대해서 $B \subset A$ 일 때, 항상 성립한다고 할 수 없는 것은? (단, $U \neq \emptyset$)

- ① $A \cup B = A$ ② $A \cap B = B$ ③ $B - A = \emptyset$
④ $A^c \subset B^c$ ⑤ $A^c \cup B = U$

해설

$$\begin{aligned} B \subset A &\Rightarrow A \cap B = B \\ &\Rightarrow A \cup B = A \\ &\Rightarrow B - A = \emptyset \\ &\Rightarrow A^c \subset B^c \\ &\Rightarrow B^c \cup A = U \end{aligned}$$

8. 집합 $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ 의 부분집합 중 원소가 2 개인 집합은 a 개이고, 원소가 6 개인 집합은 b 개이다. 이때, $a - b$ 의 값은?

- ① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16 ⑤ 18

해설

집합 A 의 원소 2 개를 짹짓는 방법은

$\{1, 2\}, \{1, 3\}, \{1, 4\}, \{1, 5\}, \{1, 6\},$
 $\{2, 3\}, \{2, 4\}, \{2, 5\}, \{2, 6\},$
 $\{3, 4\}, \{3, 5\}, \{3, 6\},$
 $\{4, 5\}, \{4, 6\},$
 $\{5, 6\}$

따라서, 원소가 2 개인 부분집합의 개수는

$5 + 4 + 3 + 2 + 1 = 15$ (개)이다.

집합 A 의 부분집합 중 원소가 6 개인 집합은 자기 자신인 집합 A 뿐이다.

$a = 15, b = 1$ 이므로 $a - b = 14$

9. 2007의 약수 전체의 집합을 A , 자연수에서 홀수 전체의 집합을 B , 자연수에서 짝수 전체의 집합을 C 라 할 때, $(A \cap B) \cap C$ 와 같은 집합은?

- ① A ② B
③ C ④ $B \cap C$
⑤ $(A \cup B) \cap (A \cup C)$

해설

A, B, C 의 교집합은 공집합이 된다.
즉, B 와 C 의 교집합 역시 공집합이므로 답은 ④가 된다.

10. 다음은 집합 $A = \{x \mid x\text{는 } 20\text{ 미만의 소수}\}$ 에 대하여 원소의 개수와 진부분집합의 개수를 바르게 구한 것은?

- ① 5, 31 ② 6, 63 ③ 7, 127
④ 8, 255 ⑤ 9, 511

해설

$A = \{x \mid x\text{는 } 20\text{ 미만의 소수}\}$ 를 원소나열법으로 고치면 $A = \{2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19\}$ 이므로 원소의 개수는 8개이다.
(진부분집합의 개수) = (부분집합의 개수) - 1
이므로 부분집합의 개수는 $2^8 = 256$ 이고
진부분집합의 개수는 $256 - 1 = 255$ (개)이다.