1. 다음 곱셈식을 보고, 36과 54의 최대공약수와 최소공배수의 합을 구하시오.

$$\begin{aligned}36 &= 2 \times 2 \times 3 \times 3, \\54 &= 2 \times 3 \times 3 \times 3\end{aligned}$$

▶ 답:

▷ 정답: 126

해설

최대공약수: $2 \times 3 \times 3 = 18$
최소공배수: $2 \times 2 \times 3 \times 3 \times 3 = 108$
따라서 $18 + 108 = 126$ 입니다.

2. 32개의 사탕을 학생들에게 남김없이 똑같이 나누어 주려고 합니다. 나누어 줄 수 있는 방법은 모두 몇 가지입니까?

▶ 답: 가지

▷ 정답: 6 가지

해설

32의 약수는 1, 2, 4, 8, 16, 32로 6개이므로, 32개의 사탕을 나누는 방법은 6가지입니다.

3. 영희네 마당에는 69개의 꽃 화분이 있습니다. 몇 개씩 줄을 만들어 세워 놓았더니 6개의 화분이 남았습니다. 만든 줄이 될 수 없는 것을 고르시오.

① 7줄 ② 9줄 ③ 21줄 ④ 32줄 ⑤ 63줄

해설

$69 - 6 = 63$,
즉 63의 약수는 1, 3, 7, 9, 21, 63이므로
7, 9, 21, 63개씩 줄을 만들었습니다.

5. $[⊕]$ 는 $⊕$ 의 약수의 개수를 나타냅니다. 예를 들어 8의 약수는 4개이므로 $[8] = 4$ 입니다. 다음을 구하시오.

$$([36] + [12]) \div [9]$$

▶ 답 :

▷ 정답 : 5

해설

36의 약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 9, 12, 18, 36으로 9개입니다.

$$[36] = 9$$

12의 약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 12으로 6개입니다.

$$[12] = 6$$

9의 약수 : 1, 3, 9로 3개입니다.

$$[9] = 3$$

$$([36] + [12]) \div [9] = (9 + 6) \div 3 = 5 \text{입니다.}$$

6. 다음은 선영이가 생각하고 있는 수들을 영수가 알아맞히는 놀이를 하고 있는 장면을 나타낸 것입니다.

영수: 생각한 수에서 7이 있습니까?
 선영: 그렇습니다.
 영수: 생각한 수에서 21이 있습니까?
 선영: 그렇습니다.
 영수: 생각한 수에서 30이 있습니까?
 선영: 아닙니다.
 영수: 생각한 수에서 35가 있습니까?
 선영: 그렇습니다.
 영수: 생각한 수에서 42가 있습니까?
 선영: 그렇습니다.
 영수: 생각한 수에서 47이 있습니까?
 선영: 아닙니다.

선

영이가 지금까지 답한 것으로 보아, 다음 질문에 대한 선영이의 답과 그 이유로 가장 알맞은 것은 어느 것입니까?

영수: 생각한 수에는 63이 있습니까?

- ① 그렇습니다. 63은 7의 9배이므로
- ② 그렇습니다. 63은 두 자리 수이므로
- ③ 아닙니다. 63과 47의 차가 10보다 크므로
- ④ 아닙니다. 63은 7로 나누어떨어지지 않으므로
- ⑤ 아닙니다. 63은 각 자리 수의 합이 2로 나누어떨어지지 않으므로

해설

선영이가 생각한 수는 7로 나누어떨어지는 수입니다. 즉, 7, 14, 21, 28, 35, 42, 49, 56, 63 등입니다.

- ② 에서 63이 두 자리 수라는 이유 때문에 맞다고 한다면, 30과 47도 선영이가 생각한 수가 되어야 합니다.
- ③ 에서 63과 47의 차가 10보다 크다는 이유로 63이 선영이가 생각한 수가 아니라고 하면, 차가 10보다 큰 7과 21도 선영이가 생각한 수가 될 수 없습니다.
- ④ 에서 선영이가 생각한 수들은 모두 7로 나누어떨어지는 수이고 63도 7로 나누어떨어지므로 선영이가 생각한 수가 될 수 있는데 아니다. 라고 했으므로 잘못되었습니다.
- ⑤ 에서 21은 각 자리 수의 합이 2로 나누어떨어지지 않아도 선영이가 생각한 수이므로 63의 각 자리 수의 합이 2로 나누어떨어지지 않는다는 이유로 63이 선영이가 생각한 수가 아니다 라고 할 수 없습니다.

7. 세 자리 수 중에서 11의 배수는 모두 몇 개입니까?

▶ 답: 개

▷ 정답: 81 개

해설

세 자리 수는 100에서 999까지이므로
 $999 \div 11 = 90 \cdots 9$, $99 \div 11 = 9$ 입니다.
따라서, $90 - 9 = 81$ (개)입니다.

9. 약수와 배수에 대한 설명 중 틀린 것은 어느 것입니까?

- ① 1을 제외한 모든 자연수는 적어도 2 개의 약수를 가집니다.
- ② 1은 모든 자연수의 약수입니다.
- ③ 홀수 중에서 2의 배수인 수가 있습니다.
- ④ 일의 자리 숫자로 2의 배수와 5의 배수를 찾을 수 있습니다.
- ⑤ 모든 자연수의 배수는 셀 수 없이 많습니다.

해설

③ 2의 배수는 짝수이고, 홀수는 짝수가 아닌 수입니다.

10. 1에서 20까지의 수 중에서 홀수의 합을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 100

해설

1에서 20까지의 수 중 홀수: 1, 3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19
 $1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + 13 + 15 + 17 + 19 = 20 \times 5 = 100$

11. 72의 약수 중에서 4의 배수가 되는 수를 모두 몇 개입니까?

▶ 답: 개

▷ 정답: 6개

해설

72의 약수 : 1, 2, 3, 4, 6, 8, 9, 12, 18, 24, 36, 72
이 중에서 4의 배수는 4, 8, 12, 24, 36, 72이므로 6개 입니다.

13. 4 개의 자연수 가, 나, 다, 라가 있습니다. 가와 나의 최대공약수는 80 이고, 다와 라의 최대공약수는 128 입니다. 가, 나, 다, 라의 모든 공약수의 합을 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 31

해설

$$\begin{array}{r} 2) \ 80 \ 128 \\ \underline{2) \ 40 \ 64} \\ 2) \ 20 \ 32 \\ \underline{2) \ 10 \ 16} \\ 5 \ 8 \end{array}$$

가, 나, 다, 라의 최대공약수는 80 과 128 의 최대 공약수 $2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$ 과 같습니다.

따라서, 가, 나, 다, 라의 공약수는 16 의 약수인 1, 2, 4, 8, 16 입니다.

따라서, $1 + 2 + 4 + 8 + 16 = 31$ 입니다.

14. 15와 45의 공배수 중에서 1000에 가장 가까운 수를 구하시오.

▶ 답 :

▷ 정답 : 990

해설

$$\begin{array}{r} 3) 15 \quad 45 \\ \hline 5) 5 \quad 15 \\ \hline 1 \quad 3 \end{array}$$

15와 45의 최소공배수는 $3 \times 5 \times 1 \times 3 = 45$ 이므로
공배수는 45, 90, 135, ..., 900, 945, 990, 1035, ... 이고 1000에
가장 가까운 수는 990입니다.

15. 다음 두 수의 최소공배수의 합을 구하시오.

(1) (15, 20) (2) (24, 32)

▶ 답:

▷ 정답: 156

해설

(1) 15의 배수 : 15, 30, 45, 60, 75, ...

20의 배수 : 20, 40, 60, 80, ...

⇒ 최소공배수 : 60

(2) 24의 배수 : 24, 48, 72, 96, ...

32의 배수 : 32, 64, 96, ...

⇒ 최소공배수 : 96

따라서 $60 + 96 = 156$ 입니다.

16. 어떤 두 수의 최대공약수가 6 이고, 두 수의 곱은 360 입니다. 어떤 두 수의 최소공배수를 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 60

해설

어떤 두 수를 $\square$ 와 $\bigcirc$ 라 하면

$$\begin{array}{r} 6 \) \ \square \ \bigcirc \\ \underline{\quad} \ \star \ \Delta \end{array}$$

$$\square \times \bigcirc = (6 \times \star) \times (6 \times \Delta)$$

$$= 36 \times \star \times \Delta = 360,$$

$$\star \times \Delta = 10 \text{ 이다.}$$

따라서, 최소공배수는 $6 \times \star \times \Delta = 6 \times 10 = 60$ 입니다.

17. 다음 중 4의 배수가 아닌 것은 어느 것입니까?

- ① 111100 ② 123456 ③ 215476
④ 235678 ⑤ 234568

해설

4의 배수는 끝의 두 자리 수가 00으로 끝나거나 4의 배수입니다.
따라서 끝의 두 자리가 4의 배수가 아닌 수를 찾습니다.

④ 235678 : 78은 4의 배수가 아님.

18. 어떤 수로 10을 나누면 2가 남고 21을 나누면 5가 남습니다. 어떤 수를 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

(10 - 2), (9 - 3)은 어떤 수로 나누어 떨어지므로
(10 - 2)와 (9 - 3)의 공약수를 구하면 1, 2, 4, 8입니다.
나머지가 2와 5이므로 어떤 수는 나머지 보다는 큰 수인 8입니다.

19. 백의 자리의 숫자가 3인 세 자리 수 중에서 가장 큰 4의 배수를 구하시오.

- ① 392 ② 394 ③ 396 ④ 398 ⑤ 399

해설

4의 배수는 끝의 두 자리 수가 4의 배수이면 그 수는 4의 배수입니다.
따라서 가장 큰 세자리 수는 396입니다.

20. 가로가 168cm, 세로가 132cm인 직사각형 모양의 종이를 남는 부분 없이 될 수 있는 대로 큰 정사각형으로 똑같이 자르려고 합니다. 모두 몇 장으로 자를 수 있습니까?

▶ 답: 장

▷ 정답: 154장

해설

직사각형모양의 종이를 남는 부분없이 큰 정사각형으로 똑같이 자르려면 168과 132의 최대공약수를 구하면 됩니다.

$$\begin{array}{r} 3) 168 \quad 132 \\ 4) 56 \quad 44 \\ \hline 14 \quad 11 \end{array}$$

168과 132의 최대공약수는 $3 \times 4 = 12$ 이므로 정사각형 한변의 길이는 12cm입니다.

가로 : $168 \div 12 = 14$ (장)

세로 : $132 \div 12 = 11$ (장)

따라서 $14 \times 11 = 154$ (장)으로 자를 수 있습니다.

22. 3분마다 오는 기차, 5분마다 오는 기차, 6분마다 오는 기차 세 가지 종류가 있습니다. 오전 11시 정각에 처음으로 세 개의 기차가 동시에 왔다면 다음 번 동시에 오는 시각은 몇 시 몇 분입니까?

- ① 11시 12분 ② 11시 30분 ③ 11시 45분
④ 12시 ⑤ 12시 30분

해설

세 가지 기차가 다음 번에 동시에 오는 것은 3, 5, 6의 최소공배수만큼의 시간이 흐른 뒤입니다. 3분, 5분, 6분의 최소공배수는 30분 즉 30분마다 세 기차가 동시에 옵니다.

23. 1에서 100까지의 번호가 붙은 책이 있습니다. 수경이는 번호가 3의 배수인 책만 읽고 현진이는 번호가 4의 배수인 책만 읽었을 때, 100권의 책 중에서 아무도 읽지 않은 책은 몇 권입니까?

▶ 답: 권

▷ 정답: 50권

해설

수경이와 현진이가 모두 읽은 책의 번호는 3과 4의 공배수인 12, 24, 36, 48입니다.
수경이가 읽은 책의 수 $100 \div 3 = 33 \cdots 1$, 33 권
현진이가 읽은 책의 수 $100 \div 4 = 25$, 25 권
수경이와 현진이가 모두 읽은 책의 수 (3과 4의 최소공배수) :
 $100 \div 12 = 8 \cdots 4$, 8 권
아무도 읽지 않은 책의 수 : $100 - (33 + 25 - 8) = 50$ (권)

24. 다음 조건에 알맞은 수를 구하시오.

- ㉠ 3과 4의 배수입니다.
- ㉡ 5와 6의 배수입니다.
- ㉢ 100과 150사이의 수입니다.

▶ 답:

▷ 정답: 120

해설

- ㉠ 3과 4의 최소공배수: 12입니다.
- ㉡ 5와 6의 최소공배수: 30입니다.
- ㉠과 ㉡을 동시에 만족하는 수는 12와 30의 최소공배수인 60의 배수입니다.
- ㉢ 100과 150사이의 60의 배수는 $60 \times 2 = 120$ 입니다.

25. 어떤 두 수 $\textcircled{\ominus}$ 과 $\textcircled{\omin�}$ 의 최대공약수는 4 이고, 최소공배수는 24 이다.
 $\textcircled{\ominus} + \textcircled{\omin�}$ 이 될 수 있는 수 중 가장 작은 수를 구하시오.

▶ 답:

▷ 정답: 20

해설

$$\begin{array}{l} 4 \mid \textcircled{\ominus} \quad \textcircled{\omin�} \\ \quad \square \quad \triangle \end{array}$$

$4 \times \square \times \triangle = 24$ 에서

$$\square \times \triangle = 6 = 1 \times 6 = 2 \times 3$$

$$\begin{cases} \textcircled{\ominus} = 4 \times 1 \\ \textcircled{\omin�} = 4 \times 6 \end{cases} \quad \text{또는} \quad \begin{cases} \textcircled{\ominus} = 4 \times 2 \\ \textcircled{\omin�} = 4 \times 3 \end{cases}$$

따라서, $\textcircled{\ominus} + \textcircled{\omin�} = 4 + 24 = 28$ 또는 $8 + 12 = 20$

그 중 가장 작은 수는 20입니다.