

1. 다음 수직선 위의 점의 좌표를 기호로 나타낸 것 중 옳지 않은 것은?

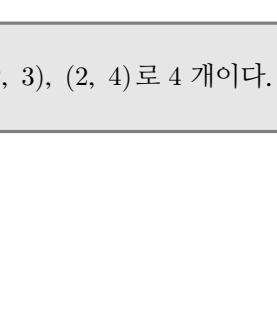


- ① A(-3) ② B $\left(-\frac{3}{2}\right)$ ③ C(0)
④ D $\left(\frac{3}{2}\right)$ ⑤ E(5)

해설

D $\left(\frac{5}{2}\right)$

2. 다음 그림의 A , B 에서 각각 한 개씩 짹지어 순서쌍을 만들 때, 모두 몇 개를 만들 수 있는 있는가?

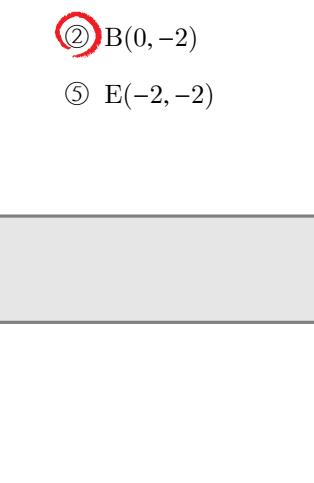


- ① 3개 ② 4개 ③ 5개 ④ 6개 ⑤ 7개

해설

(1, 3), (1, 4), (2, 3), (2, 4)로 4 개이다.

3. 다음 그림과 같은 좌표 평면 위의 점 A, B, C, D, E의 좌표를 기호로 나타낸 것으로 옳지 않은 것은?



- ① A(1, 2) ② B(0, -2) ③ C(0, 0)
④ D(-1, -3) ⑤ E(-2, -2)

해설

B(-2, 0)

4. x -축 위에 있고, x 좌표가 -5 인 점의 좌표는?

- ① $(-5, -5)$ ② $(0, -5)$ ③ $(-5, 0)$
④ $(0, 5)$ ⑤ $(5, 0)$

해설

x -축 위에 있고, x 좌표가 -5 인 점의 좌표는 $(-5, 0)$ 이다.

5. 다음 점들이 속해 있지 않은 사분면을 고르면?

(-1, 6), (6, -3), (0, -5), (-1, -4)

① 제1사분면 ② 제2사분면

③ 제3사분면

④ 제4사분면

⑤ 해당사항이 없다.

해설

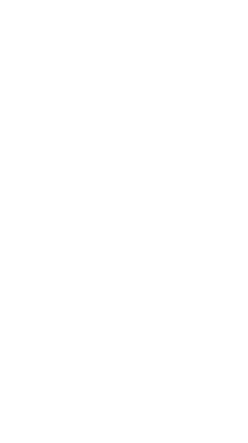
(-1, 6) : 제2사분면, (6, -3) : 제4사분면, (0, -5) : y 축,
(-1, -4) : 제3사분면

6. 점 A $\left(-2, \frac{3}{2}\right)$ 에 대하여 x 축에 대하여 대칭인 점의 좌표는?

- ① $\left(\frac{3}{2}, -2\right)$ ② $\left(\frac{3}{2}, 2\right)$ ③ $\left(-2, -\frac{3}{2}\right)$
④ $\left(2, -\frac{3}{2}\right)$ ⑤ $\left(2, \frac{3}{2}\right)$

해설

점 A $\left(-2, \frac{3}{2}\right)$ 에 대하여 x 축에 대하여 대칭인 점을 좌표평면 위에 그리면 다음과 같다.



7. 국어가 a 점, 수학 b 점인 학생의 평균 점수를 a, b 로 나타내면?

① $\frac{ab}{2}$

④ $\frac{a+b}{ab}$

② $2a + 2b$

⑤ $\frac{2a+2b}{2ab}$

③ $\frac{a+b}{2}$

해설

점수의 합을 과목 수로 나누면 되므로 $\frac{a+b}{2}$

8. 다음 식을 계산하였을 때, 일차항의 계수와 상수항의 곱을 구하여라.

$$-x - \{-(5-x) - 2(3-x)\} - \frac{3x+12}{4}$$

▶ 답:

▷ 정답: -38

해설

$$\begin{aligned} & -x - \{-(5-x) - 2(3-x)\} - \frac{3x+12}{4} \\ &= -x - (-5 + x - 6 + 2x) - \frac{1}{4}(3x+12) \\ &= -x - (3x - 11) - \frac{3}{4}x - 3 \\ &= -4x + 11 - \frac{3}{4}x - 3 \\ &= -\frac{19}{4}x + 8 \\ &\therefore -\frac{19}{4} \times 8 = -38 \end{aligned}$$

9. 어떤 일차식에 $2x - 3$ 을 더해야 할 것을 잘못하여 빼었더니 $3x + 1$ 이 되었다. 바르게 계산한 식을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-5 + 7x$

해설

$$\begin{aligned} \text{어떤 일차식을 } A \text{ 라 하면 } A - (2x - 3) &= 3x + 1 \\ A = 3x + 1 + (2x - 3) &= 3x + 2x + 1 - 3 = 5x - 2 \\ \therefore \text{바르게 계산한 식은 } 5x - 2 + (2x - 3) &= 7x - 5 \end{aligned}$$

10. ‘어떤 수 x 를 3배 한 수는 x 보다 3 만큼 작다’ 를 등식으로 바르게 나타낸 것은?

- ① $3x = 3x + 3$ ② $x + 3 = x + 3$ ③ $x + 3 = x - 3$
④ $3x = x - 3$ ⑤ $3x = x + 3$

해설

등식으로 나타내면 ④ $3x = x - 3$ 이다.

11. $3x - 6 = ax + 3b$ 가 x 에 대한 항등식일 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a + b = 1$

해설

항등식은 좌변과 우변이 같아야 한다.
따라서 $a = 3$, $b = -2$, $a + b = 1$ 이다.

12. 다음 방정식의 해를 구하면?

$$\frac{3x - 4}{6} + 1 = 0.25x - \frac{14}{3}$$

① $x = -20$ ② $x = -12$ ③ $x = -4$

④ $x = 10$ ⑤ $x = 14$

해설

$$\frac{3x - 4}{6} + 1 = \frac{x}{4} - \frac{14}{3}$$

$$2(3x - 4) + 12 = 3x - 56$$

$$6x - 8 + 12 = 3x - 56$$

$$3x = -60$$

$$\therefore x = -20$$

13. 다음 문제의 풀이 과정을 보고 처음으로 틀린 과정을 찾아내라.

문제 : 현진이는 연필과 볼펜을 합쳐서 20 자루를 가지고 있다.
연필의 개수는 볼펜의 개수의 4 배가 된다고 할 때 현진이가
가지고 있는 연필의 개수는 몇 개인가?

(풀이) :

⑦ 연필의 개수를 x 라 하면 볼펜의 개수는 $20 - x$ 라 할 수 있다.

⑧ 연필의 개수가 볼펜의 개수의 4 배이므로 볼펜의 개수는 $4x$
자루이다.

⑨ 연필의 개수와 볼펜의 개수를 더하면 $x + 4x = 20$ 이므로
 $x = 4$ 이다.

⑩ ⑦번 과정에 $x = 4$ 를 대입하면 연필의 개수는 4 자루,
볼펜의 개수는 16 자루이다.

▶ 답:

▷ 정답 : ⑧

해설

⑦ 연필과 볼펜을 합쳐서 20 자루라고 했으므로 옳다

⑧ 연필의 개수가 볼펜의 개수의 4 배이므로 볼펜의 개수는 $\frac{1}{4}x$
자루이다.

⑨ 연필과 볼펜의 개수를 더하면 $x + \frac{1}{4}x = 20$ 이 되므로 $x = 16$
이 된다.

⑩ ⑦번 과정에 $x = 16$ 을 대입하면 연필의 개수는 16 자루,
볼펜의 개수는 4 자루 임을 알 수 있다.

처음 틀린 과정은 ⑧번이다.

14. 일의 자리의 숫자가 7인 두 자리의 자연수가 있다. 이 자연수의 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼 자연수는 처음 수의 2배보다 18만큼 크다. 처음 자연수의 십의 자리의 숫자를 x 라 할 때, 다음 중 옳은 것은?

① $2(7 + x) = x + 7 - 18$ ② $14x - 18 = 10x + 7$

③ $14x = x + 7 - 18$ ④ $70 + x - 18 = 2(10x + 7)$

⑤ $2(70 + x) = 10x + 7 - 18$

해설

십의 자리 숫자를 x 라 하면 처음 수는 $10x + 7$ 이고, 일의 자리 숫자와 십의 자리 숫자를 바꾼 수는 $70 + x$ 이다.
따라서 $70 + x = 2(10x + 7) + 18$ 이다.

15. 함수 $f(x) = -\frac{5}{3}x + 2$ 에 대하여 $f(3) - f(-12)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -25

해설

$$f(3) = -\frac{5}{3} \times 3 + 2 = -3$$

$$f(-12) = -\frac{5}{3} \times (-12) + 2 = 22$$

$$\therefore f(3) - f(-12) = -3 - 22 = -25$$

16. 다음 중 일차식인 것을 모두 고르면?

보기

Ⓐ x^2

Ⓑ $3x$

Ⓒ $0 \times x + 2$

Ⓓ $2x - 7$

Ⓔ $\frac{x^3}{4} - x - 2$

Ⓕ $5x^2 + 2x + 1$

① Ⓑ

② Ⓒ, Ⓓ

③ Ⓒ, Ⓓ

④ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

⑤ Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ, Ⓖ

해설

Ⓐ x^2 : 이차식

Ⓑ $3x$: 일차식

Ⓒ $0 \times x + 2 = 2$: 상수항

Ⓓ $2x - 7$: 일차식

Ⓔ $\frac{x^3}{4} - x - 2$: 삼차식

Ⓕ $5x^2 + 2x + 1$: 이차식

17. 다음 중 옳은 것은?

① $A = a + b, B = a - b$ 일 때, $3A - 2B = a - 5b$

② $(x - 2y) + \boxed{\quad} = 2x - 3y$ 에서 $\boxed{\quad} = x - y$

③ $a = 2, b = -1$ 일 때, $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{1}{2}$

④ $x = -3$ 일 때, $(-x)^3 + x = 30$

⑤ $4(2x - 8) - 2(5x + 4) = -2x - 24$

해설

① $3(a + b) - 2(a - b) = a + 5b$

③ $\frac{1}{a} - \frac{1}{b} = \frac{1}{2} + 1 = \frac{3}{2}$

④ $\{-(-3)\}^3 + (-3) = 27 - 3 = 24$

⑤ $8x - 32 - 10x - 8 = -2x - 40$

18. $5x + 8 = 23$ 의 해를 구하기 위하여 필요한 등식의 성질을 모두 고르면? (단, c 는 0보다 큰 정수)

① $a + c = b + c$ ② $a - c = b - c$
③ $a = b$ 일 때 $ac = bc$ ④ $a = b$ 일 때 $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$

⑤ $a = c$ 일 때 $ac = c^2$

해설

$$\begin{aligned}5x + 8 &= 23 \\5x + 8 - 8 &= 23 - 8 \\5x &= 15 \\\frac{5x}{5} &= \frac{15}{5}, x = 3\end{aligned}$$

19. 다음 중 y 가 x 의 함수가 아닌 것은?

- ① 한 개에 400 원 하는 볼펜 x 개의 값은 y 원
- ② 자연수 x 의 약수의 갯수는 y 개
- ③ 시속 80 km로 x 시간 동안 달린 자동차가 이동한 거리 y km
- ④ 한 변의 길이가 x cm인 마름모의 넓이 y cm²
- ⑤ 설탕 5 g이 녹아있는 설탕물 x g의 농도가 y %

해설

함수란 변하는 두 x, y 에 x 의 값이 하나 결정되면, 그에 대응하는 y 의 값도 반드시 하나가 결정되어야 한다.

① $y = 400x$ (함수)
② 자연수 x 의 약수의 갯수는 한가지로 결정되므로 함수이다.

③ $y = 80x$ (함수)
④ 한 변의 길이가 x cm인 마름모는 한가지로 결정되지 않으므로 넓이도 한 가지로 결정되지 않는다.

따라서 x 에 대응하는 y 의 값이 한 개보다 많으므로 함수가 아니다.

⑤ $y = \frac{5}{x} \times 100$
 $\therefore y = \frac{500}{x}$ (함수)

20. x 의 값이 $-2, -1, 1, 2$, y 는 정수인 함수 $y = \frac{6}{x}$ 의 함숫값은?

- ① $-\frac{1}{2}, -1, 1, \frac{1}{2}$ ② $-2, -1, 1, 2$ ③ $-3, -2, 2, 3$
④ $-6, -3, 3, 6$ ⑤ $-6, -3, 1, 3, 6$

해설

관계식이 $y = \frac{6}{x}$ 이므로

$$x = -2 \text{ 일 때}, y = \frac{6}{-2} = -3$$

$$x = -1 \text{ 일 때}, y = \frac{6}{-1} = -6$$

$$x = 1 \text{ 일 때}, y = \frac{6}{1} = 6$$

$$x = 2 \text{ 일 때}, y = \frac{6}{2} = 3$$

따라서 함숫값은 $-6, -3, 3, 6$ 이다.

21. x 의 값이 12 이하의 자연수이고 y 의 값이 $0 \leq y \leq 12$ 인 유리수일 때,
다음 중 y 가 x 의 함수인 것을 모두 고르면?

① y 는 x 보다 작은 소수 ② $y = -x + 11$

③ $y = \frac{x}{2}$

④ $y = x + 3$

⑤ $y = \left| -\frac{x}{3} - 2 \right|$

해설

x 의 값은 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12 이다.

① 함수가 아니다.

② 모든 함숫값을 구하면 $-1, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10$ 이므로
함수가 아니다.

③ 함숫값이 모두 y 값의 범위 내에 존재한다.

④ 모든 함숫값을 구하면 $4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15$
이므로 함수가 아니다.

⑤ 함숫값을 구하면 $\frac{7}{3}, \frac{8}{3}, 3, \frac{10}{3}, \frac{11}{3}, 4, \frac{13}{3}, \frac{14}{3}, 5, \frac{16}{3}, \frac{17}{3}, 6$
이고 모두 y 값의 범위 내에 존재한다.

22. 200km의 거리를 승용차를 타고 이동하는 데 처음에는 시속 60km로 달리다가 중간에 어느 지점부터는 속력을 높여 시속 75km로 달렸더니 총 3시간 15분이 소요되었다. 시속 60km로 달린 거리를 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 175km

해설

시속 60km로 달린 거리를 x km라 하면 시속 75km로 달린 거리는 $(200 - x)$ km이다.

$$\frac{x}{60} + \frac{200 - x}{75} = \frac{13}{4}$$

$$5x + 4(200 - x) = 975$$

$$5x + 800 - 4x = 975$$

$$\therefore x = 175$$

따라서, 시속 60km로 달린 거리는 175km이다.

23. 좌표평면 위의 세 점 A(4, -1), B(-3, 2), C(5, 4)를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 19

해설

좌표평면 위에 세 점을 찍어 삼각형을 그리면 다음과 같다.



$$\square BDEC = \frac{1}{2} \times (3 + 5) \times 8 = 32$$

$$\triangle BDA = \frac{1}{2} \times 3 \times 7 = \frac{21}{2}$$

$$\triangle AEC = \frac{1}{2} \times 1 \times 5 = \frac{5}{2}$$

$$\therefore \triangle ABC = 32 - \frac{21}{2} - \frac{5}{2} = 19$$

24. 점 $(ab, a - b)$ 는 제2사분면의 점이고, 점 $(c^3, c + d)$ 는 제4사분면의 점이다. 이 때 점 (ac, bd) 는 제 몇 사분면의 점인가?

- ① 제1사분면
② 제2사분면
③ 제3사분면
④ 제4사분면
⑤ 어느 사분면에도 속하지 않는다.

해설

$(ab, a - b)$ 가 제2사분면 위의 점이므로
 $ab < 0, a - b > 0$ 에서 a, b 는 서로 다른 부호임을 알 수 있고,
 $a - b > 0$ 이므로 $a > 0, b < 0$ 이다.
 $(c^3, c + d)$ 은 제4사분면 위의 점이므로
 $c^3 > 0, c + d < 0$ 에서 $c > 0$ 이고 $d < 0$ 이다.
따라서, $ac > 0, bd > 0$ 이므로 점 (ac, bd) 은 제1사분면 위의 점이다.

25. 두 함수 $f(x) = -2x + 1$, $g(x) = x - 3$ 에 대하여 $f(2) = a$ 일 때, $g(a)$ 의 값은?

- ① -2 ② -4 ③ -6 ④ -8 ⑤ -10

해설

$$f(x) = -2x + 1, g(x) = x - 3 \text{ 이다}$$

$$f(2) = -2 \times 2 + 1 = -3$$

$$g(a) = g(-3) = -3 - 3 = -6$$