$\textbf{1.} \qquad \text{이차방정식 } x^2-x-1=0 \ \text{의 한 근이} \ \alpha \ \text{일 때,} \ \frac{\alpha^2}{1+\alpha}-\frac{3\alpha}{1-\alpha^2} \ \text{의 값을}$ 구하면?

① 6 ② 4 ③ 2 ④ 0 ⑤ -2

이차방정식  $x^2 - x - 1 = 0$  에  $x = \alpha$  를 대입하면,  $\alpha^2 - \alpha - 1 = 0 \Rightarrow 1 + \alpha = \alpha^2, 1 - \alpha^2 = -\alpha$   $\therefore \frac{\alpha^2}{1 + \alpha} - \frac{3\alpha}{1 - \alpha^2} = \frac{\alpha^2}{\alpha^2} - \frac{3\alpha}{-\alpha} = 1 + 3 = 4$ 

**2.** 두 근이 2, -5 이고  $x^2$  의 계수가 1 인 이차방정식의 상수항은?

② -10 ③ 3 ④ -3 ⑤ -5 ① 10

(x-2)(x+5) = 0 $x^2 + 3x - 10 = 0$ 

해설

3. 다음에 주어진 이차방정식 중 중근을 갖는 것은?

② ①, ①

④, □, □, □  $\bigcirc$   $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ ,  $\bigcirc$ 

① ①

 $\textcircled{5} \ \textcircled{7}, \ \boxdot, \ \boxdot, \ \boxdot, \ \boxdot \\$ 

중근을 가지려면 (완전제곱식)= 0의 꼴이어야 한다.

 $\therefore x = 2 \left( \frac{2}{5} \frac{1}{1} \right)$  $(3x-1)^2 = 0$  $\therefore x = \frac{1}{3} \left( \frac{2}{6} \frac{1}{1} \right)$ (1)  $\frac{1}{4}x^2 + \frac{1}{5}x + \frac{1}{25} = 0$ 의 양변에 100을 곱하면  $25x^{2} + 20x + 4 = 0, (5x + 2)^{2} = 0$  $\therefore x = -\frac{2}{5} \left( \frac{2}{5} \right)$ 

**4.** 근의 공식을 이용하여 이차방정식  $x^2 - 4x - 3 = 0$ 의 양의 근을 구하

①  $2 + \sqrt{7}$  ②  $2 \pm \sqrt{7}$  ③  $2 - \sqrt{7}$ 

 $\textcircled{4} -2 + \sqrt{7}$   $\textcircled{5} -2 \pm \sqrt{7}$ 

근의 공식(짝수 공식)으로 풀면  $x = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 + 3}}{1} = 2 \pm \sqrt{7}$ 

해설

$$1$$
 따라서 양의 해는  $2+\sqrt{7}$ 이다.

**5.** 2m - n의 값이 될 수 있는 수들의 곱은?

① 15

- ② 17 ③ 19
- ② 23

2m-n=t로 놓으면

해설

 $t^2 - 10t + 21 = 0$ 

(t-3)(t-7) = 0

t=3 또는 t=7 $\therefore \ 3 \times 7 = 21$ 

6. 이차방정식  $2x^2+5x+2=0$  의 두 근을  $\alpha$ ,  $\beta$  라 할 때,  $\frac{\beta}{\alpha}+\frac{\alpha}{\beta}$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

ightharpoonup 정답:  $rac{17}{4}$ 

2 $x^2 + 5x + 2 = 0$  의 두 그을  $\alpha$ ,  $\beta$  라고 하면  $\alpha + \beta = -\frac{5}{2}$ ,  $\alpha\beta = 1$   $\frac{\beta}{\alpha} + \frac{\alpha}{\beta} = \frac{\alpha^2 + \beta^2}{\alpha\beta} = \frac{(\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta}{\alpha\beta}$   $= \left(-\frac{5}{2}\right)^2 - 2 \times 1 = \frac{25}{4} - 2 = \frac{17}{4}$ 

7. 지은이는 가로  $18\,\mathrm{m}$  , 세로  $9\,\mathrm{m}$  의 꽃밭을 가지고 있다. 이 꽃밭을 가로로 일정한 길이만큼 줄이고, 세로로 줄인 길이만큼 늘렸더니, 처음 꽃밭보다  $18\,\mathrm{m}^2$  커졌다. 지은이는 나중의 꽃밭의 가로의 길이와 세로의 길이의 합을 구하여라.

 $\underline{\mathbf{m}}$ 

정답: 27 m

▶ 답:

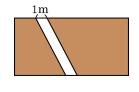
해설

 $x^2 - 9x + 18 = (x - 6)(x - 3) = 0$ x = 6 또는 x = 3 이다.

조절한 꽃밭의 길이를 xm라 하면  $(18-x)(9+x) = 18 \times 9 + 18$ 

따라서 (가로의 길이)+(세로의 길이)= 12+15 = 27 (m) 이다.

다음 그림과 같이 가로의 길이가 세로의 길이 8. 보다  $5\,\mathrm{m}$  긴 직사각형 모양의 땅에 폭이  $1\,\mathrm{m}$ 인 길을 만들었더니 남은 땅의 넓이가  $45\,\mathrm{m}^2$ 가 되었다. 이 땅의 세로의 길이는?



① 3 m

②5 m

37m 9m

⑤ 11 m

세로의 길이를 xm라 하면

해설

x(x+5) - x = 45 $x^2 + 4x - 45 = 0$ (x+9)(x-5) = 0 $\therefore x = 5 \ (\because \ x > 0)$  9. 가로, 세로의 길이가  $6 \, \mathrm{m}$ ,  $8 \, \mathrm{m}$  인 직사각형 모양의 공원에서 둘레 밖으로 너비가 일정한 길을 만들었 더니 길의 넓이가  $32 \, \mathrm{m}^2$  가 되었다. 길의 너비는 몇  $\mathrm{m}$  인지 구하여라.

 $\underline{\mathbf{m}}$ 



정답: 1m

\_\_\_\_

▶ 답:

길의 너비를 xm라 하면

해설

(x+8)(x-1) = 0 $x = 1 \, \text{\mathref{L}} \, x = -8$ 

x > 0이므로 x = 1이다.

10. 이차함수  $y = -2x^2$  의 그래프가 제 3사분면 위의 점 (a, 3a) 를 지날 때, 2a 의 값은?

① -3 ② 3 ③ -4 ④ 4 ⑤ -2

$$3a = -2a^2, \ 2a\left(a + \frac{3}{2}\right) = 0$$
$$\therefore \ a = 0 \ \text{£} \frac{\square}{\square} \ a = -\frac{3}{2}$$

따라서 점 (a, 3a) 가 제 3 사분면 위의 점이므로  $2a=2 imes\left(-\frac{3}{2}\right)=$ -3 이다.

- **11.** 이차함수  $y = ax^2$ 의 그래프에 대한 다음 설명 중 옳지 <u>않은</u> 것을 모두 고르면? (단, a < 0)(정답 2개)
  - ① x 축에 대하여 대칭이다
  - ② 곡선 모양이 아래로 볼록하다.
  - ③ y의 값의 범위가 y ≤ 0이다.
  - ④ a의 절댓값이 클수록 그래프의 폭이 좁아진다.⑤ 꼭짓점의 좌표는 (0,0)이다.

## ① y축에 대해 대칭이다.

해설

- ② a < 0 이므로 위로 볼록하다.
- ③ 위로 볼록이고 꼭짓점이 원점이므로 y ≤ 0 ④ y = ax² 의 그래프는 |a| 이 클수록 폭이 좁고, 작을수록 포물
- 선의 폭이 넓다. ⑤ 꼭짓점의 좌표는 (0,0)이다.

- 12. 이차함수  $y = -4x^2 + 2ax a + 5$  의 꼭짓점이 a 의 값에 관계없이 일정할 때, a 의 값을 구하여라.
  - ▶ 답: ▷ 정답: 2

꼭짓점이 a 의 값에 관계없으므로 a 의 값에 관계없이 항상 지나

는 점이 꼭짓점이다.  $y = -4x^2 + 2ax - a + 5$  $= -4x^2 + a(2x - 1) + 5$ 

$$= -4x + u(2x - 1) + 3$$

$$2x - 1 = 0, \ x = \frac{1}{2}$$

$$y = -4 \times \frac{1}{2^2} + 0 + 5 = 4$$
꼭짓점은  $\left(\frac{1}{2}, 4\right)$  이다.

$$y = -4x^{2} + 2ax - a + 5$$

$$= -4\left(x - \frac{1}{2}\right)^{2} + 4$$

$$= -4x^{2} + 4x + 3$$

$$= -4x^2 + 4x + 3$$
$$\therefore a = 2$$

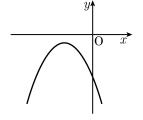
- 13.  $y = -x^2$  을 x 축의 방향으로 2 만큼 평행이동한 다음 y 축에 대하여 대칭이동한 그래프의 방정식은?

  - ①  $y = -x^2 + 4x 4$  ②  $y = x^2 4x + 4$

x축의 방향으로 2만큼 평행이동시키면  $y = -(x-2)^2$ 

y 축에 대하여 대칭이동시키면  $y = -(-x-2)^2$  $= -(x^2 + 4x + 4)$  $= -x^2 - 4x - 4$ 

**14.** 이차함수  $y = -a(x - p)^2 - q$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, a, p, q 의 부호로 알 맞은 것은?



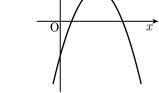
- ① a > 0, p > 0, q < 0
- ② a > 0, p > 0, q > 0 $\textcircled{4} \ a < 0, \ p = 0, q < 0$
- $\bigcirc a > 0, \ p < 0, q > 0$ ⑤ a < 0, p > 0, q = 0

## $y=-a(x-p)^2-q$ 의 그래프는 위로 볼록하므로 $-a<0,\ a>0$

이고 꼭짓점의 좌표가 제 3 사분면 위에 있으므로 p < 0 이고 -q < 0, q > 0 이다.

- **15.** 이차함수  $y = a(x-p)^2 q$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중 옳은 것은?

  - ① ap + q < 0 ② aq pq < 0③  $p^2 q < 0$  ④ a + pq > 0
  - ⑤ a(p-q) > 0



 $y=a(x-p)^2-q$  의 그래프가 위로 볼록하고 꼭짓점이 제 1 사분면에 있으므로 a < 0, p > 0, q < 0 이다. 따라서 ap + q < 0이다.

- **16.** 이차함수  $y = x^2 4x + 1$  의 그래프를 x 축의 방향으로 2 만큼 평행이동 하면 점 (3, m) 을 지난다. m 의 값을 구하면?
  - ① 6 ② 2 ③ -2 ④ -4 ⑤ -6

해설  $y = x^2 - 4x + 1 = (x - 2)^2 - 3$  x축의 방향으로 2 만큼 평행이동하면

 $y = (x-2-2)^2 - 3$ 따라서  $y = (x-4)^2 - 3$ (3, m)을 대입하면 m =

(3, m) 을 대입하면 m = (-1)<sup>2</sup> - 3 = -2 이다.

- **17.** 이차함수  $y = -x^2 + 6x + 2k 5$  의 꼭짓점이 직선 y = x + 2 위에 있다고 한다. 이때, k 의 값을 구하여라.
  - ▶ 답:

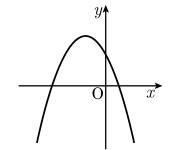
해설

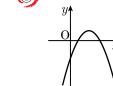
ightharpoonup 정답:  $k=rac{1}{2}$ 

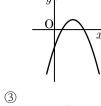
 $y = -x^2 + 6x + 2k - 5 = -(x - 3)^2 + 2k + 4$ 꼭짓점 (3, 2k + 4) 가 y = x + 2 위에 있으므로 2k + 4 = 5,

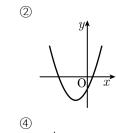
2k = 1 $\therefore k = \frac{1}{2}$ 

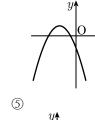
**18.** 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 다음 중에서 이차함수  $y = bx^2 + cx + a$  의 그래프는?

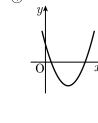


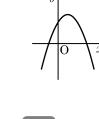












## 주어진 그래프가 위로 볼록하므로 a < 0 , 축이 y 축의 왼쪽에

있으므로 b < 0, y 절편이 x 축 위에 있으므로 c > 0 이다. 따라서  $y = bx^2 + cx + a$  의 그래프는 위로 볼록한 모양이며, 축이 y 축의 오른쪽에 있고, y 절편이 x 축 아래에 있다.

- **19.** 이차함수  $y = -(x-3)^2 + 4$  의 그래프에서 꼭짓점을 A, x 축과 만나는 두 점을 각각 B, C 라고 할 때, ΔABC 의 넓이를 구하여라.
  - ▶ 답:

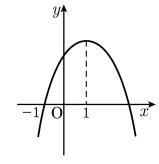
정답: 8

 $y = -(x-3)^2 + 4$  의 그래프에서 꼭짓점은 (3, 4) 이다.  $y = -(x-3)^{2} + 4$   $= -(x^{2} - 6x + 9) + 4$   $= -(x^{2} - 6x + 5)$ 

= -(x-1)(x-5)따라서 x 축과의 교점은 (1, 0), (5, 0) 이다

 $\therefore$   $\triangle ABC의 넓이 = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$ 

**20.** 다음 그림은  $y = ax^2 + bx + c$  의 그래프이다. 다음 중 옳지 <u>않은</u> 것은?



(4) abc < 0

① ab < 0

⑤ a + b + c > 0

② bc > 0

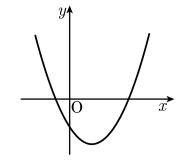
## 그래프가 위로 볼록하므로 a < 0 축이 y 축을 기준으로 오른쪽에

해설

있으므로 a 와 b 의 부호는 반대이다. 따라서 b>0 이다. y 절편이 양수이므로 c>0 이다.  $(5) y = ax^2 + bx + c$  에서 x=1 일 때, a+b+c=y 이고

y 좌표는 양수이므로 a + b + c > 0 이다.

**21.** 이차함수  $y = ax^2 + bx + c$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, a, b, c의 부호는?



① a > 0, b > 0, c > 0

- ② a > 0, b > 0, c < 0④ a < 0, b > 0, c > 0
- $3 \quad a < 0, b < 0, c < 0$

a>0, c<0이고 ab<0이므로 b<0이다.

- **22.** x 축과 두 점 (-3,0), (1,0) 에서 만나고, 점 (2,10) 을 지나는 이차함 수의 식을 구하면?

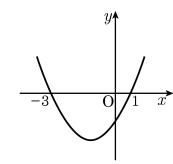
  - ① y = 2(x-3)(x-1) ② y = -2(x+3)(x-1)

x 축과의 교점이 (-3,0), (1,0) 이므로 y = a(x + 3)(x − 1) 에 (2, 10) 을 대입하면

10 = a(2+3)(2-1)

- $\therefore a = 2$  $\therefore y = 2(x+3)(x-1)$

**23.** 이차함수  $y = a(x+p)^2 - 2$  의 그래프가 아래 그림과 같을 때, 2ap 의 값을 구하면?



- ① -1 ② 0

- ③ 2
   ⑤ 3

대칭축이 -3 과 1 의 중점을 지나므로 p=1 따라서 함수식은  $y=a(x+1)^2-2$  (1,0) 을 대입하면 0=4a-2 $a = \frac{1}{2}$ 

$$\therefore 2ap = 2 \times \frac{1}{2} \times 1 = 1$$

- **24.** 축이 x = 2 이고, 두 점 (0, 3), (1, 6) 를 지나는 이차함수의 최댓값 또는 최솟값은?
  - ④ 최솟값 5⑤ 최댓값 -7
  - ① 최댓값 7 ② 최댓값 5 ③ 최솟값 7

축이 x = 2 이므로 $y = a(x-2)^2 + q$ 

해설

두 점 (0, 3), (1, 6) 을 지나므로  $3 = 4a + q, \ 6 = a + q$  $\therefore a = -1, \ q = 7$ 

 $y = -(x-2)^2 + 7$ 따라서 x=2 일 때, 최댓값 7 을 가지며 최솟값은 없다.

**25.** 차가 14 인 두 수의 곱의 최솟값을 구하여라.

답:

▷ 정답: -49

두 수를 x, x + 14 라 하고, 두 수의 곱을 y 라고 하면 y = x(x + 1)

14) =  $x^2 + 14x = (x + 7)^2 - 49$ 따라서 x = -7 일 때, 최솟값 -49 를 갖는다.