

1. 다음 중 x 의 값에 따라 참이 되기도 하고 거짓이 되기도 하는 등식을 모두 골라라.

- | | |
|--------------------------|------------------------|
| ㉠ $3x + 1 = 2x + x + 1$ | ㉡ $-x + 5 = 3 + x$ |
| ㉢ $\frac{1}{2}x + 4 < x$ | ㉣ $2(x - 4) = 8 + 2x$ |
| ㉤ $4x + 7 = 2x + 7$ | ㉥ $3 \times 2 - 1 = 7$ |

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉡

▶ 정답 : ㉤

해설

x 의 값에 따라 참이 되기도 하고 거짓이 되기도 하는 등식은 방정식이다.

㉠ 항등식

㉢ 부등식

㉣ 방정식도 항등식도 아니다.

㉥ 항상 거짓인 등식

2. 다음 []안의 수가 주어진 방정식의 해인 것은?

- ① $x + 2 = 5$ [4]
- ② $1 - 2x = 0$ $\left[\frac{1}{2}\right]$
- ③ $2x - 3 = -1$ [-1]
- ④ $4x = 3x + 1$ [2]
- ⑤ $5x - 4 = 6$ [-2]

해설

x 에 []안의 수를 대입했을 때 성립하는 것을 찾는다.
② $x = \frac{1}{2}$ 을 대입하면 (좌변) $= 1 - 2 \times \frac{1}{2} = 1 - 1 = 0$ (우변)
이므로 성립한다.

3. 방정식 $4x - 3(2x - 1) = 5$ 를 풀면?

① $x = 1$

② $x = -1$

③ $x = 4$

④ $x = -4$

⑤ $x = 3$

해설

$$4x - 6x + 3 = 5$$

$$\therefore x = -1$$

4. 방정식 $\frac{1}{4}x = \frac{3}{2} + \frac{2}{5}x$ 를 풀면?

① $x = -15$

② $x = -10$

③ $x = -2$

④ $x = -2$

⑤ $x = 10$

해설

양변에 20 을 곱하면

$$5x = 30 + 8x$$

$$\therefore x = -10$$

5. 십의 자리의 숫자가 4인 두 자리의 자연수가 있다. 이 자연수의 십의 자리의 숫자와 일의 자리의 숫자를 바꾼 자연수는 처음 수의 2배보다 4만큼 작다. 처음 자연수의 일의 자리의 숫자를 x 라 할 때, 다음 중 옳은 것은?

① $2(4 + x) = x + 4 + 4$

② $2(40 + x) = 10x + 4 + 4$

③ $8x = x + 4 + 4$

④ $2(40 + x) + 4 = 10x + 4$

⑤ $4x + 4 = 10x + 4$

해설

일의 자리 숫자를 x 라 하면 처음 수는 $40 + x$ 이고, 일의 자리 숫자와 십의 자리 숫자를 바꾼 수는 $10x + 4$ 이다. 따라서 $10x + 4 = 2(40 + x) - 4$ 이다.

6. 둘레의 길이가 62cm 이고, 가로 길이가 세로 길이보다 3cm 더 짧은 직사각형의 가로 길이를 구하여라.

▶ 답 : cm

▷ 정답 : 14cm

해설

가로의 길이를 x cm 라 하면 세로의 길이는 $(x + 3)$ cm 이다.

$$2(2x + 3) = 62$$

$$2x + 3 = 31$$

$$2x = 28$$

$$\therefore x = 14$$

따라서, 가로의 길이는 14 cm 이다.

7. 어느 학교의 전체 학생 수가 지난해에는 남녀 합하여 800 명이었다. 그런데 올해는 지난해에 비해 남학생은 5 % 증가하고 여학생은 3 % 감소하여 전체적으로 8 명이 늘었다. 작년 남학생 수를 x 라 할 때, x 에 관한 식으로 옳은 것은?

① $0.05x - 0.03(800 - x) = 8$ ② $0.95x + 0.97(800 - x) = 8$

③ $1.05x + 0.97(800 - x) = 8$ ④ $0.05(800 - x) - 0.03x = 8$

⑤ $0.05x + 0.03(800 - x) = 8$

해설

작년 남학생 수를 x 명, 여학생 수를 $(800 - x)$ 명이라 하면

증가한 남학생 수는 $\frac{5}{100}x$, 감소한 여학생 수는 $\frac{3}{100}(800 - x)$

이다.

방정식을 세우면 $\frac{5}{100}x - \frac{3}{100}(800 - x) = 8$

8. 다음 중 함수가 아닌 것을 모두 골라라.

- ㉠

한 변의 길이가 $x\text{cm}$ 인 정오각형의 둘레의 길이는 $y\text{cm}$ 이다.
- ㉡

농구공 x 개와 축구공 4개를 합하면 모두 y 개이다.
- ㉢

키가 $x\text{cm}$ 인 사람의 몸무게는 $y\text{kg}$ 이다.
- ㉣

하루 중 낮의 길이가 x 시간이면 밤의 길이는 y 시간이다.
- ㉤

12보다 작은 자연수 x 의 배수는 y 이다.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 정답 : ㉢

▶ 정답 : ㉤

해설

x 의 값에 따라 y 의 값이 하나로 결정되지 않으면 함수가 아니다.

㉠ $y = 5x$

㉡ $y = x + 4$

㉢ $y = 24 - x$

9. 함수 $f(x) = 5x - 7$ 에 대해서 $f(f(3))$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 33

해설

$$f(3) = 5 \times 3 - 7 = 8$$

$$\therefore f(f(3)) = f(8) = 5 \times 8 - 7 = 33$$

10. 두 함수 $f(x) = x + 2$, $g(x) = 2x$ 에 대하여 $f(3) - g(2)$ 의 값은?

① -8

② -7

③ 1

④ 3

⑤ -3

해설

$$f(3) = 3 + 2 = 5$$

$$g(2) = 2 \times 2 = 4$$

$$\therefore f(3) - g(2) = 5 - 4 = 1$$

11. 함수 $f(x) = -ax + 3$ 에 대하여 $f(-1) = 2$ 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -1

해설

$$f(-1) = a + 3 = 2 \quad \therefore a = -1$$

12. x 의 값이 -5 이상 0 이하일 때, 함수 $y = 5x$ 의 함숫값은?

① $0 \leq y \leq 5$

② $-5 \leq y \leq 0$

③ $-10 \leq y \leq 5$

④ $-15 \leq y < 0$

⑤ $-25 \leq y \leq 0$

해설

$f(-5) = -25$, $f(0) = 0$ 이므로 함숫값은 $-25 \leq y \leq 0$ 이다.

13. x 의 값이 $-2, 1, 3$ 이고, y 의 값이 $-9, -3, -2, 2, 6$ 일 때, 다음 중 함수인 것은?

① $y = -2x$

② $y = -3x$

③ $y = x$

④ $y = -\frac{6}{x}$

⑤ $y = \frac{3}{x}$

해설

함수: x 값 하나에 y 값 하나가 대응될 때 함수라 한다.

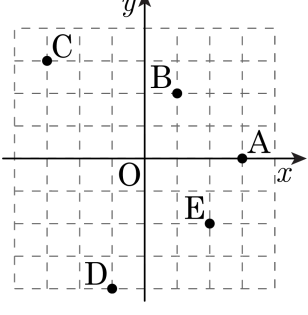
① $x = -2, x = 3$ 일 때 y 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

③ $x = 1, x = 3$ 일 때 y 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

④ $x = -2, x = 1$ 일 때 y 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

⑤ $x = -2, x = 1, x = 3$ 일 때 y 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

14. 다음 그림과 같은 좌표평면 위의 점 A,B,C,D,E의 좌표로 옳지 않은 것은?



- ① A(0, 3)
- ② B(1, 2)
- ③ C(-3, 3)
- ④ D(-1, -4)
- ⑤ E(2, -2)

해설

A(3, 0)

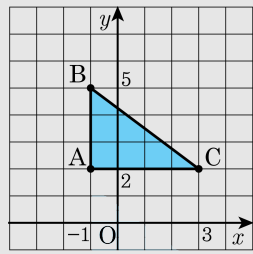
15. 좌표평면 위의 세 점 $A(-1, 2)$, $B(-1, 5)$, $C(3, 2)$ 를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC의 넓이는?

① 6 ② 9 ③ 10 ④ 8 ⑤ 12

해설

삼각형 ABC는 밑변 $(\overline{AC}) = 4$, 높이 $(\overline{AB}) = 3$ 이다.

삼각형 ABC의 넓이는 $4 \times 3 \times \frac{1}{2} = 6$



16. 좌표평면 위의 점 $(a, -b)$ 가 제 4사분면 위의 점일 때, 다음 중 제 2사분면 위의 점은?

- ① $(-a, -b)$
- ② (a, b)
- ③ (a, ab)
- ④ $(a + b, -b)$
- ⑤ $(-b, a + b)$

해설

$a > 0, -b < 0$ 이므로 $a > 0, b > 0$

① $-a < 0, -b < 0$: 제 3사분면

②, ③ : 제 1사분면

④ $a + b > 0, -b < 0$: 제 4사분면

⑤ $-b < 0, a + b > 0$: 제 2사분면

17. y 가 x 에 정비례하고, 그 함수의 그래프가 $(2, 6)$ 을 지날 때, 함수의 식은?

① $y = x$

② $y = 3x$

③ $y = 5x$

④ $y = 7x$

⑤ $y = 9x$

해설

$y = ax(a \neq 0)$ 에 $x = 2, y = 6$ 을 대입하면 $6 = 2a$ 이다.

$$\therefore a = 3$$

$$\therefore y = 3x$$

18. 세 점 $(a, 4)$, $(-1, b)$, $(c, 8)$ 이 함수 $y = 4x$ 의 그래프 위의 점일 때, $a + b + c$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -1

해설

$y = 4x$ 에 $x = a$, $y = 4$ 를 대입하면 $4 = 4a$

$\therefore a = 1$

$y = 4x$ 에 $x = -1$, $y = b$ 를 대입하면 $b = 4 \times (-1)$

$\therefore b = -4$

$y = 4x$ 에 $x = c$, $y = 8$ 를 대입하면 $8 = 4c$

$\therefore c = 2$

$\therefore a + b + c = 1 + (-4) + 2 = -1$

19. 함수 $y = ax$ 의 그래프가 점 $(3, 2)$ 를 지날 때, 상수 a 의 값은?

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ 1 ④ $\frac{4}{3}$ ⑤ $\frac{5}{3}$

해설

$$3a = 2$$

$$\therefore a = \frac{2}{3}$$

20. 어떤 약수터에서 약수가 분당 1.5L씩 흘러내릴 때, x 분 후 흘러내린 약수는 총 y L가 된다. 이 때, 4분 후 물통에 채워지는 약수의 양은?

- ① 3L ② 6L ③ 9L ④ 12L ⑤ 15L

해설

1분 후 흘러내린 약수의 양 : 1.5L

x 분 후 흘러내린 약수의 양 : $y = 1.5x$ 이므로

4분 후 물통에 채워지는 약수의 양 : $y = 1.5 \times 4 = 6(\text{L})$

21. $(16x + 4) \div 4 - (15x + 10) \times \frac{2}{5}$ 를 계산했을 때, x 의 계수와 상수항의 합을 구하여라.

- ① -1 ② -2 ③ -3 ④ -4 ⑤ -5

해설

$$\begin{aligned} & (16x + 4) \div 4 - (15x + 10) \times \frac{2}{5} \\ &= \frac{1}{4}(16x + 4) - \frac{2}{5}(15x + 10) \\ &= 4x + 1 - 6x - 4 \\ &= -2x - 3 \\ & x \text{ 의 계수 : } -2, \text{ 상수항 : } -3 \\ & \therefore (-2) + (-3) = -5 \end{aligned}$$

22. 다음을 등식으로 나타낸 것 중 옳지 않은 것은?

- ① 어떤 수 y 에 3 을 빼면 이 수의 3 배보다 2 만큼 크다. $\rightarrow y - 3 = 3y + 2$
- ② 300 원짜리 사탕 x 개를 사고 4000 원을 내었더니 100 원을 거슬러 주었다. $\rightarrow 4000 - 300x = 100$
- ③ 학생 1 명의 버스 요금이 y 원일 때, 학생 2 명의 요금은 1200 원이다. $\rightarrow y + 2 = 1200$
- ④ 한 변의 길이가 y cm 인 정사각형의 둘레의 길이는 20 cm 이다. $\rightarrow 4y = 20$
- ⑤ 시속 x km 로 3 시간 동안 간 거리는 12 km 이다. $\rightarrow 3x = 12$

해설

③ $2y = 1200$

23. 다음 등식이 x 에 관한 항등식이 되도록 하는 상수 a, b 를 이용하여 $a + b$ 의 값은?

$3ax = 6x + 3b + 5$

- ① $-\frac{2}{3}$
- ② $-\frac{1}{3}$
- ③ 0
- ④ $\frac{1}{3}$
- ⑤ $\frac{2}{3}$

해설

$3ax = 6x + 3b + 5$ 를 정리하면
 $(3a - 6)x - (3b + 5) = 0$
위의 식이 항등식이므로
 $3a - 6 = 0, 3a = 6$
 $\therefore a = 2$
 $3b + 5 = 0$
 $\therefore b = -\frac{5}{3}$
 $\therefore a + b = 2 + \left(-\frac{5}{3}\right) = \frac{1}{3}$

24. 다음 중 옳은 것을 모두 고르면?(정답 2개)

① $x + 3 = y + 1$ 이면 $x = y - 3$ 이다.

② $\frac{x}{4} = \frac{y}{5}$ 이면 $4x = 5y$ 이다.

③ $a - b = 2b$ 이면 $\frac{a}{3} = b$ 이다.

④ $2a = 4b$ 이면 $a + 2 = 2(b + 2)$ 이다.

⑤ $a + b = x + y$ 이면 $a - x = y - b$ 이다.

해설

③ $a - b = 2b$ (양변에 b 를 더하면)

$a = 3b$ (양변을 3 으로 나누면)

$\therefore \frac{a}{3} = b$

⑤ $a + b = x + y$ (b 와 x 를 이항하면)

$a - x = y - b$

25. 방정식 $-3x + 2(x - 3) = 6 + x$ 를 $ax = b$ 의 꼴로 고쳤을 때, ab 는?
(단, $a > 0$)

① -6 ② -3 ③ -2 ④ $+3$ ⑤ $+6$

해설

$$-3x + 2(x - 3) = 6 + x$$

$$-3x + 2x - 6 = 6 + x$$

$$-2x = 12, x = -6$$

$$a = 1, b = -6, ab = -6$$

26. x 에 관한 일차방정식 $2(7-2x) = 3a$ 의 해와 a 의 값이 모두 자연수 일 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $a = 2$

해설

$$-4x = 3a - 14$$

$$\therefore x = \frac{14 - 3a}{4}$$

x 가 자연수이려면 $14 - 3a$ 는 4의 배수이어야 한다.

따라서 $a = 2$ 일 때, $x = 2$ 를 만족한다.

27. 비례식 $(5+x) : \left(2x - \frac{5}{22}\right) = 11 : 7$ 을 만족하는 x 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $x = \frac{5}{2}$

해설

$$(5+x) : \left(2x - \frac{5}{22}\right) = 11 : 7$$

$$11 \left(2x - \frac{5}{22}\right) = 7(5+x)$$

$$22x - \frac{5}{2} = 35 + 7x$$

$$44x - 5 = 70 + 14x$$

$$30x = 75$$

$$\therefore x = \frac{5}{2}$$

28. x 에 관한 일차방정식 $3 - \frac{x-a}{3} = \frac{a-x}{2}$ 의 해가 -1 일 때, a 의 값은?

① 2

② 6

③ 11

④ 14

⑤ 17

해설

$3 - \frac{x-a}{3} = \frac{a-x}{2}$ 의 양변에 6을 곱하면

$$18 - 2(x-a) = 3(a-x)$$

$x = -1$ 을 대입하면

$$18 - 2(-1-a) = 3(a-(-1))$$

$$18 + 2 + 2a = 3a + 3$$

$$-a = -17$$

$$\therefore a = 17$$

29. 두 일차방정식 $2(2x-13) = 3(x-7)$ 과 $ax+3 = -x-7$ 의 해가 같을 때, a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -3

해설

$$4x - 26 = 3x - 21$$

$$4x - 3x = -21 + 26$$

$$\therefore x = 5$$

$$ax + 3 = -x - 7 \text{ 에 } x = 5 \text{ 를 대입하면}$$

$$5a + 3 = -5 - 7$$

$$5a = -12 - 3 = -15$$

$$\therefore a = -3$$

30. 다음 방정식 중 해가 없는 것은?

① $2x - 3 = 2x$

② $4(x - 1) = 4x - 4$

③ $3 - x = x - 3$

④ $4x = 3x - 2$

⑤ $-x + 3 = 2x - 8$

해설

해가 없는 것은 $0 \times x =$ (0이 아닌 수)

① $0 \times x = 3$

② 항등식 (=해가 무수히 많다.)

③ 해가 1 개

④ 해가 1 개

⑤ 해가 1 개

31. 연속한 두 자연수의 합이 작은 수의 반보다 7 이 더 크다고 한다. 두 수의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 9

해설

두 자연수를 x , $x+1$ 이라 하면 $x + (x+1) = \frac{1}{2}x + 7$ 이다.

양변에 2 를 곱하면

$$4x + 2 = x + 14$$

$$3x = 12$$

$$x = 4$$

따라서 두 자연수의 합은 $4 + 5 = 9$

32. 올해 어머니의 나이는 39세이고, 동생의 나이는 8세이다. 어머니의 나이가 동생의 나이의 2배가 되는 것은 몇 년 후인가?

① 15 ② 17 ③ 19 ④ 21 ⑤ 23

해설

x 년 후에 어머니의 나이가 동생의 나이의 2배가 된다고 하면 x 년 후의 어머니의 나이는 $(39+x)$ 세이고, 동생의 나이는 $(8+x)$ 세이다.

$$39+x=2(8+x)$$

$$x=23$$

즉, 23년 후에 어머니의 나이는 동생의 나이의 2배가 된다.

33. 빨간 주머니와 파란 주머니에 각각 구슬이 들어 있다. 빨간 주머니에 있던 구슬 중 열 개를 파란 주머니로 옮겼더니, 빨간 주머니에 있는 구슬의 개수와 파란 주머니에 있는 구슬의 개수가 같아졌다. 총 구슬의 개수가 42 개일 때, 맨 처음 파란 주머니에 있던 구슬의 개수를 구하여라.

▶ 답 : 개

▷ 정답 : 11 개

해설

맨 처음 파란 주머니에 있던 구슬의 개수를 x 개라 하면,
맨 처음 빨간 주머니에 있던 구슬의 개수는 $(42 - x)$ 가 된다.
빨간 주머니에 있던 구슬 중 열 개를 파란 주머니로 옮기고 난 후,
파란 주머니에 있는 구슬의 개수는 $(10 + x)$ 개이고,
빨간 주머니에 있는 구슬의 개수는 $((42 - x) - 10)$ 개이다.
따라서 이 때, 두 주머니에 있는 구슬의 개수가 같으므로
 $10 + x = (42 - x) - 10$
 $10 + x = 32 - x$
 $2x = 22$
 $\therefore x = 11$
따라서, 맨 처음 파란 주머니에 있던 구슬의 개수는 11 개, 빨간 주머니에 있던 구슬의 개수는 31 개이다.

34. 어떤 일을 하는 데 근면이가 하면 28 일, 성실이가 하면 20 일 걸린다고 한다. 근면이와 성실이가 10 일 동안 함께 일하고, 나머지는 근면이가 혼자 맡아서 하였다. 일을 완성하는 데 모두 며칠이 걸리는지 구하여라.

▶ 답 : 일

▶ 정답 : 14 일

해설

근면이가 하루에 하는 양 : $\frac{1}{28}$
성실이가 하루에 하는 양 : $\frac{1}{20}$
근면이 혼자 일한 날 수 : x
 $\left(\frac{1}{28} + \frac{1}{20}\right) \times 10 + \frac{1}{28} \times x = 1$
 $\left(\frac{5}{140} + \frac{7}{140}\right) \times 10 + \frac{1}{28}x = 1$
 $\frac{12}{140} \times 10 + \frac{1}{28}x = 1$
 $\frac{6}{7} + \frac{1}{28}x = 1$
 $\frac{1}{28}x = \frac{1}{7}$
 $\therefore x = 4$
따라서 일을 완성하는 데 모두 $10 + 4 = 14$ 일 걸린다.

35. 6%의 소금물 300g을 가열하면 1분에 5g씩 물이 증발한다. 이 소금물의 농도를 15%가 되도록 하려고 한다. 몇 분이나 가열해야 하는가?

① 35 분

② 36 분

③ 60 분

④ 180 분

⑤ 186 분

해설

x 분 후에 증발하는 물의 양은 $5x$ (g)이다. 소금의 양은 $\frac{6}{100} \times 300 = 18$ g 이므로 식은 다음과 같다.

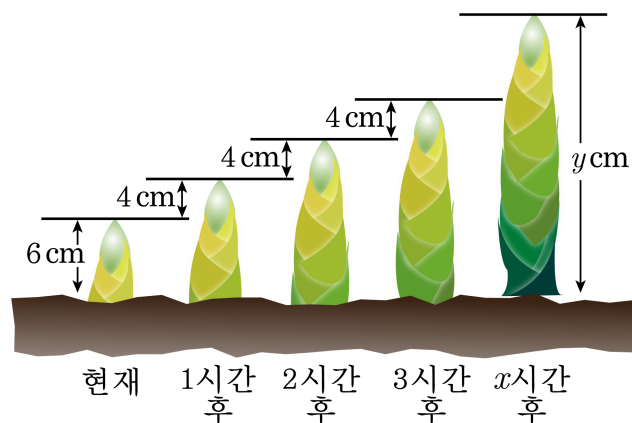
$$\frac{18}{300 - 5x} \times 100 = 15$$

$$120 = 300 - 5x$$

$$x = 36$$

따라서 36분 가열하여 물 180g을 증발시켜야 한다.

36. 죽순은 1시간에 4cm 씩 자란다고 한다. 현재 6cm 인 죽순의 x 시간 후의 길이를 y cm 라고 하자. $y = f(x)$ 라고 할 때, $f(x)$ 는?



- ① $f(x) = 4x + 6$ ② $f(x) = 4x + 4$
 ③ $f(x) = 6x + 4$ ④ $f(x) = 6x + 6$
 ⑤ $f(x) = 10x + 6$

해설

현재는 6cm 이고 x 시간 후에는 4xcm 만큼 늘어난다.
 따라서 x 시간 후의 죽순의 길이는 $(4x + 6)$ cm 이므로 $f(x) = 4x + 6$ 이다.

37. 함수 $f(x) = (x \text{의 약수의 개수})$ 의 x 의 값이 6, 16, a 이고, y 의 값이 3, 4, 5 일 때, 다음 중 a 의 값으로 적당하지 않은 것은?

① 4 ② 8 ③ 10 ④ 12 ⑤ 14

해설

$$x = 6 \text{ 일 때 } f(6) = 4$$

$$x = 16 \text{ 일 때 } f(16) = 5$$

$$x = a \text{ 일 때 } f(a) = 3 \text{ 또는 } 4 \text{ 또는 } 5$$

즉, a 의 약수의 개수는 3 개 또는 4 개 또는 5 개이다.

$$f(4) = 3$$

$$f(8) = 4$$

$$f(10) = 4$$

$$f(14) = 4$$

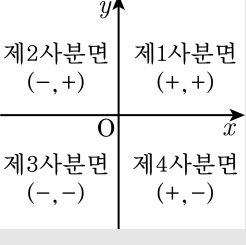
따라서 12의 약수의 개수는 6 개이므로, a 가 될 수 없다.

38. 좌표평면에 대한 설명으로 다음 중 옳은 것을 고르면?

- ① 점 $(2, 0)$ 은 y 축 위의 점이다.
- ② 좌표축 위의 점은 어느 사분면에도 속하지 않는다.
- ③ 점 $(99, -99)$ 는 제 2 사분면 위의 점이다.
- ④ 점 $(0, -101)$ 은 x 축 위의 점이다.
- ⑤ 점 $\left(23, \frac{1}{2}\right)$ 은 제 2 사분면 위의 점이다.

해설

좌표축 위의 점은 어느 사분면에도 속하지 않는다.



39. 함수 $y = \frac{x}{3}$ 에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

- ① 그래프가 원점을 지난다.
- ② x 의 값이 2배, 3배 될 때, y 값은 $\frac{1}{2}$ 배, $\frac{1}{3}$ 배 된다.
- ③ 1, 3사분면을 지나는 직선이다.
- ④ x 가 -3, 0, 3이면 y 는 -1, 0, 1 이다.
- ⑤ 두 점 (6, 2)와 (-3, -1)을 이은 직선의 그래프로 그려진다.

해설

② y 가 x 에 정비례하므로 x 값이 2배, 3배 될 때, y 의 값은 2배, 3배가 된다.

40. 다음 중 제2사분면을 지나는 것을 모두 고르면?

① $y = \frac{1}{x}$

② $y = \frac{1}{2x}$

③ $y = -\frac{7}{x}$

④ $y = -\frac{2}{3x}$

⑤ $y = 3x$

해설

정비례 함수 ($y = ax$), 반비례 함수 ($y = \frac{a}{x}$) 모두 a 의 값에

따라 지나는 사분면이 결정된다,

$a > 0$ 일 때 제 1, 3 사분면 지남

$a < 0$ 일 때 제 2, 4 사분면 지남

① $y = \frac{1}{x}$: 제 1, 3사분면 지남

② $y = \frac{1}{2x}$: 제 1, 3사분면 지남

③ $y = -\frac{7}{x}$: 제 2, 4사분면 지남

④ $y = -\frac{2}{3x}$: 제 2, 4사분면 지남

⑤ $y = 3x$: 제 1, 3 사분면 지남

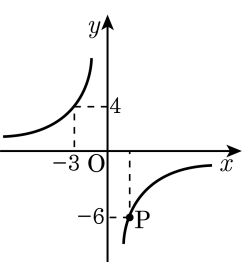
41. 함수 $y = -\frac{18}{x}$ 의 그래프 위에 있는 점 (x, y) 중에서 x 좌표와 y 좌표가 모두 정수인 점의 개수는?

- ① 6 개 ② 8 개 ③ 10 개 ④ 12 개 ⑤ 14 개

해설

$y = -\frac{18}{x}$ 위의 점 (x, y) 의 x 좌표와 y 좌표가 모두 정수이려면 18 이 x 로 나뉘 떨어져야 하므로 $x = 1, 2, 3, 6, 9, 18$ 이다. 음의 정수도 있으므로 x 좌표와 y 좌표가 모두 정수인 점은 12 개이다.

42. 함수 $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프가 다음 그림과 같을 때, 점 P의 x 좌표를 구하여라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 2

해설

$y = \frac{a}{x}$ 가 점 $(-3, 4)$ 를 지나므로 $4 = \frac{a}{-3}$, $a = -12$ 이다.

점 P의 y 좌표가 -6 이므로 $-6 = -\frac{12}{x}$, $x = 2$ 이다.

43. 방정식 $5x - \frac{1}{2} = 4$ 를 풀기 위해 다음의 등식의 성질을 순서대로 한 번씩 사용할 때, p, q 에 해당하는 수를 각각 찾아 두 수의 곱을 구하여라.

- $\ominus \ a = b$ 이면 $a + p = b + p$
- $\oslash \ a = b$ 이면 $aq = bq$

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{10}$

해설

$$\begin{array}{l} 5x - \frac{1}{2} = 4 \\ 5x = \frac{9}{2} \\ x = \frac{9}{10} \end{array}$$

양면에 $\frac{1}{2}$ 을 더하면
양면에 $\frac{1}{5}$ 을 곱하면

$$\therefore p = \frac{1}{2}, q = \frac{1}{5}$$

$$\therefore pq = \frac{1}{2} \times \frac{1}{5} = \frac{1}{10}$$

44. 합이 111 인 세 자연수 의 비가 $\frac{1}{3} : \frac{1}{7} : \frac{1}{9}$ 일 때, 이 세 자연수를 구하여라.

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : 63

▷ 정답 : 27

▷ 정답 : 21

해설

세 자연수를 $\frac{x}{3}, \frac{x}{7}, \frac{x}{9}$ 라 하면

$$\frac{x}{3} + \frac{x}{7} + \frac{x}{9} = 111$$

$$\therefore x = 189$$

따라서 세 자연수는 63, 27, 21 이다.

45. 어떤 제품을 원가에 4할의 이익을 붙인 후에 1700 원을 할인하여 팔았더니 2200 원의 이익이 생겼다. 이 제품의 원가를 구하여라.

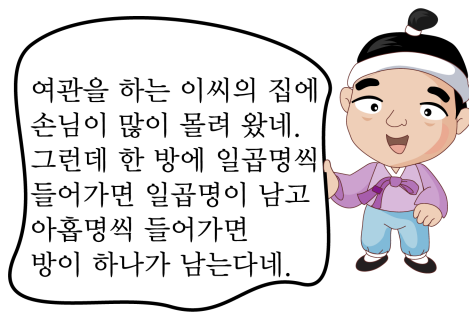
▶ 답 : 원

▷ 정답 : 9750 원

해설

원가를 x 원이라 하면 정가는 $x + 0.4x = 1.4x$ (원)이다.
 $1.4x - 1700 = x + 2200$
 $0.4x = 3900$
 $\therefore x = 9750$
따라서, 이 제품의 원가는 9750 원이다.

46. 시와 문장을 좋아한 우리 조상은 수학 문제도 마치 시처럼 서술하였다. 조선 시대에 널리 사용되던 수학책인 ‘산법통증’에는 다음 그림과 같은 시구가 있다.



이처럼 옛날 우리나라에도 방정식 문제가 있었다.
위의 시구를 읽고 여관을 하는 이씨의 집에 온 손님이 모두 몇 명인지
일차방정식을 이용하여 구하여라.

▶ **답:** 명

▶ 정답 : 63명

해설

방의 개수를 x 개라 하면 일곱명씩 들어가면 일곱명이 남으므로 $7x + 7$ 이고 아홉명씩 들어가면 방이 하나가 남으므로 $9(x - 1)$ 이다.

사람 수는 같으므로 $7x + 7 = 9(x - 1)$, $x = 8$ (개)이다.
따라서, 를 대입하면 사람 수를 구하면 $7 \times 8 + 7 = 63$

따라서 x 를 대입하여 사람 수를 구하면 $7 \times 8 + 7 = 63$ (명)이다.

47. 아연과 구리의 비가 2 : 3 인 합금 A 와 4 : 5 인 합금 B 를 합하여 아연과 구리의 비가 14 : 19 인 합금 990g 을 만들었다. 합금 A 를 얼마나 사용했는지 구하여라.

▶ 답 : g

▷ 정답 : 450 g

해설

합금 A 를 x g 사용했다면 합금 B 는 $(990 - x)$ g 사용하였다.
합금 A 에 들어있는 아연과 합금 B 에 들어있는 아연의 합은 $\frac{2}{5}x + \frac{4}{9}(990 - x)$ g 이고
구리의 합은 $\frac{3}{5}x + \frac{5}{9}(990 - x)$ g 이다.
 $\frac{2}{5}x + \frac{4}{9}(990 - x) : \frac{3}{5}x + \frac{5}{9}(990 - x) = 14 : 19$
 $18x + 20(990 - x) : 27x + 25(990 - x) = 14 : 19$
 $14(27x + 24750 - 25x) = 19(18x + 19800 - 20x)$
 $28x + 38x = 376200 - 346500$
 $x = 450$
즉, 합금 A 는 450 g 을 사용하였다.

48. 좌표평면 위의 점 A(2, -4)와 x 축에 대하여 대칭인 점을 B, 원점에 대하여 대칭인 점을 C라고 할 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 16

해설

점 A와 x 축에 대하여 대칭인 점 B의 좌

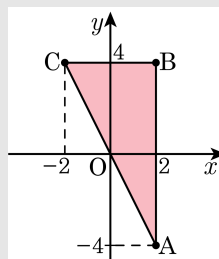
표는 B(2, 4)

점 A와 원점에 대하여 대칭인 점 C의

좌표는 C(-2, 4)

세 점 A, B, C를 꼭짓점으로 하는 삼각

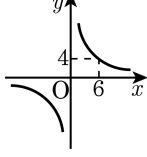
형을 그리면



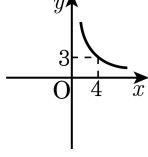
$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times \overline{BC} \times \overline{AB} = \frac{1}{2} \times 4 \times 8 = 16$$

49. 밑변의 길이가 $x\text{cm}$, 높이가 $y\text{cm}$ 인 삼각형의 넓이가 12cm^2 일 때, x 와 y 사이의 관계를 나타내는 그래프를 골라라.

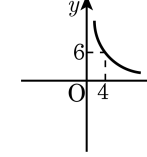
①



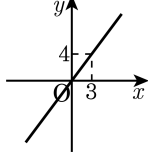
②



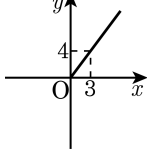
③



④



⑤



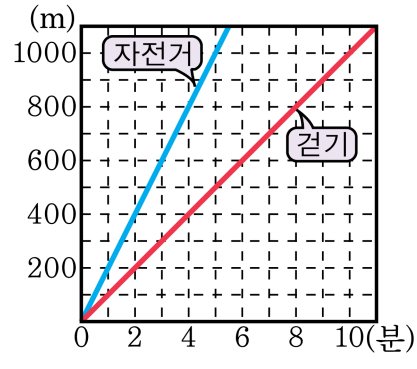
해설

$$\frac{1}{2}xy = 12 \text{ 이므로 } y = \frac{24}{x} (x > 0)$$

x 의 값이 0 보다 큰 수이므로 그래프는 제1 사분면에만 그려지

고 $f(4) = \frac{24}{4} = 6$ 이므로 점 (4, 6) 을 지난다.

50. 다음 그래프는 진수가 집에서 4 km 떨어져 있는 학교까지 걸어갈 때와 자전거를 타고 갈 때의 시간과 거리 사이의 관계를 나타낸 것이다. 진수가 자전거를 타고 갈 때와 걸어갈 때의 시간차는 얼마인가?



- ① 10 분 ② 20 분 ③ 30 분 ④ 40 분 ⑤ 50 분

해설

걸린 시간을 x 분, 이동거리를 y m 라 하면, 진수가 걸어갈 때와 자전거를 타고 갈 때의 이동거리는 각각 $y = 200x$, $y = 100x$ 이다.
학교에 도착하는데 걸리는 시간은 자전거가 $4000 = 200x$ 에서 $x = 20$ (분), 걸어서 갈 때가 $4000 = 100x$ 에서 $x = 40$ (분) 이다.
따라서 시간차는 20 분이다.