

1. 이차방정식  $ax^2 + bx + 4 = 0$  의 한 근을  $k$  라고 할 때,  $ak^2 + bk + 1$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -3

해설

$$ax^2 + bx + 4 = 0 \text{ 의 한 근이 } k \text{ 이므로 } ak^2 + bk + 4 = 0,$$

$$ak^2 + bk = -4 \text{ 이므로}$$

$$ak^2 + bk + 1 = -4 + 1 = -3$$

2. 이차방정식  $2x^2 - ax - 2a = 0$  의 한 근이  $a$  일 때, 두 근의 합을 구하면?  
(단,  $a > 0$ )

① 1      ② 2      ③ 3      ④ -3      ⑤ -4

해설

$x = a$  를 방정식에 대입하면  $2a^2 - a^2 - 2a = 0$ ,  $a(a - 2) = 0$

$a > 0$  이므로  $a = 2$

$a = 2$  를 방정식에 대입하면  $2x^2 - 2x - 4 = 0$ ,  $(x - 2)(x + 1) = 0$

$x = 2$  또는  $x = -1$

따라서 두 근의 합은 1이다.

3. 이차방정식  $5x^2 - ax + b = 0$  의 두 근의 합이 1이고, 큰 근이 작은 근보다 5 가 클 때,  $a + b$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -25

해설

두 근을  $e, f (e > f)$  라 하면  $e = f + 5$  이고,  $e + f = 1$  이므로

연립하면  $e = 3, f = -2$  이다.

따라서 두 근은 3, -2 이다.

3, -2 를 두 근으로  $5x^2 - ax + b = 0$  에 대입하여 연립하면  
 $a = 5, b = -30$  가 나온다.

따라서  $a + b = 5 + (-30) = -25$  이다.

4. 두 이차방정식  $2x^2 + 3x - 2 = 0$ ,  $2x^2 + 7x + 6 = 0$ 의 공통인 해를 구하면?

Ⓐ  $x = -2$  Ⓑ  $x = -1$  Ⓒ  $x = 0$   
Ⓓ  $x = 1$  Ⓘ  $x = 2$

해설

$$2x^2 + 3x - 2 = 0$$

$$(2x - 1)(x + 2) = 0$$

$$x = \frac{1}{2}, x = -2$$

$$2x^2 + 7x + 6 = 0$$

$$(2x + 3)(x + 2) = 0$$

$$x = -\frac{3}{2}, x = -2$$

따라서 공통인 해는  $x = -2$

5. 이차방정식  $x^2 - ax + 3a - 5 = 0$  の 중근을 갖도록  $a$  의 값을 정하고,  
이 때의 중근을 구하면? (단,  $a > 2$ )

- ①  $a = 2, x = 1$       ②  $a = -2, x = -1$   
③  $\textcircled{a} = 10, x = 5$       ④  $a = 10, x = -5$   
⑤  $a = 10, x = -1$

해설

$x^2 - ax + 3a - 5 = 0$  の 중근을 가지려면

$$\left(\frac{-a}{2}\right)^2 = 3a - 5$$

$$a^2 - 12a + 20 = 0$$

$$(a - 10)(a - 2) = 0$$

$$a = 10 (\because a > 2)$$

$$x^2 - 10x + 3 \times 10 - 5 = 0$$

$$(x - 5)^2 = 0$$

$$\therefore x = 5 (\text{중근})$$

6. 근의 공식을 이용하여 이차방정식  $9x^2 - 6x - 1 = 0$  의 근을 구하면?

①  $x = \frac{-2 \pm \sqrt{2}}{2}$       ②  $x = \frac{1 \pm \sqrt{3}}{2}$       ③  $x = \frac{2 \pm \sqrt{10}}{3}$   
④  $x = 2 \pm 2\sqrt{2}$       ⑤  $x = \frac{1 \pm \sqrt{2}}{3}$

해설

$$x = \frac{3 \pm \sqrt{3^2 - 9(-1)}}{9} = \frac{3 \pm \sqrt{18}}{9} = \frac{1 \pm \sqrt{2}}{3}$$

7. 이차방정식  $x^2 + ax + b = 0$  의 두 근이  $x = 2$  또는  $x = -5$  일 때,  
 $a + b$ 의 값을 구하면?

① -7      ② -3      ③ 0      ④ 4      ⑤ 5

해설

$$\begin{aligned}(x - 2)(x + 5) &= 0 \\ \Rightarrow x^2 + 3x - 10 &= 0, a = 3, b = -10 \\ \Rightarrow a + b &= -7\end{aligned}$$

8.  $x$ 에 대한 이차방정식  $(x+p)(x+q) - k = 0$ 의 두 근이  $\alpha, \beta$  일 때,  $x$ 에 대한 이차방정식  $(x-\alpha)(x-\beta) + k = 0$ 의 두 근을 구하면?

- ① 근 없음                          ②  $x = p$  또는  $x = q$   
③  $x = p$  또는  $x = -q$             ④  $x = -p$  또는  $x = q$

⑤  $x = -p$  또는  $x = -q$

해설

방정식  $(x+p)(x+q) - k = 0$  을 정리하면

$$x^2 + (p+q)x + (pq - k) = 0$$

이 방정식의 두 근이  $\alpha, \beta$  이므로

$$\alpha + \beta = -(p+q), \quad \alpha\beta = pq - k$$

방정식  $(x-\alpha)(x-\beta) + k = 0$  을 정리하면

$$x^2 - (\alpha + \beta)x + \alpha\beta + k = 0$$

$$\therefore x^2 + (p+q)x + pq = 0 \quad (\because 1)$$

인수분해하면  $(x+p)(x+q) = 0$  이므로

구하는 두 근은  $x = -p$  또는  $x = -q$  이다.

9. 이차방정식의 한 근이  $\frac{4}{3 - \sqrt{5}}$  인 이차방정식  $A$ 는 다음과 같다. 이때,  
유리수  $a, b$ 에서  $\frac{b}{a}$ 의 값을 구하여라.

$$ax^2 - x + b = 0$$

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

한 근이  $\frac{4}{3 - \sqrt{5}} = 3 + \sqrt{5}$  이므로 다른 한 근은  $3 - \sqrt{5}$

두 근의 합은  $\frac{1}{a} = 6$ ,  $a = \frac{1}{6}$

두 근의 곱은  $\frac{b}{a} = 4$ ,  $b = \frac{2}{3}$

$$\therefore \frac{b}{a} = 4$$

10. 두 근이 연속하는 짝수인 다음 이차방정식에서 모든  $k$ 의 값의 합은?

$$x^2 - kx + 24 = 0$$

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

해설

두 근을  $\alpha, \alpha + 2$  라 하면

$$\alpha + \alpha + 2 = k$$

$$k = 2\alpha + 2$$

$$\alpha(\alpha + 2) = 24$$

$$\alpha^2 + 2\alpha - 24 = 0$$

$$(\alpha + 6)(\alpha - 4) = 0$$

$$\alpha = -6 \text{ 또는 } \alpha = 4$$

따라서  $k = -10$  또는  $k = 10$ 이다.

$$\therefore (-10) + 10 = 0$$

11. 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$  의 근의 공식을  $x = \frac{b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{a}$

로 잘못 알고 어떤 이차방정식을 풀어서 두 근  $-2, 5$  를 얻었다. 이  
이차방정식을 올바르게 풀었을 때의 근을 구하여라.

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = -\frac{5}{2}$

▷ 정답:  $x = 1$

해설

$$x = \frac{b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{a} \text{ 가 두 근이므로}$$

$$\frac{b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{a} + \frac{b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{a} = \frac{2b}{a}$$
$$= -2 + 5$$

$$= 3$$

$$\therefore \frac{b}{a} = \frac{3}{2} \text{ 이므로 } 3a = 2b, b = \frac{3}{2}a$$

$$\frac{b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{a} \times \frac{b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{a} = \frac{4c}{a}$$
$$= (-2) \times 5$$

$$= -10$$

$$\therefore \frac{c}{a} = -\frac{5}{2} \text{ 이므로 } 5a = -2c, c = -\frac{5}{2}a$$

$$\text{따라서 } ax^2 + bx + c = 0 \text{ 에서 } ax^2 + \frac{3}{2}ax - \frac{5}{2}a = 0 \text{ 이다.}$$

그런데  $a \neq 0$  이므로

$$2x^2 + 3x - 5 = 0$$

$$(2x + 5)(x - 1) = 0$$

$$\therefore x = -\frac{5}{2}, x = 1$$

12. 다음 식의 값을 구하여라.

$$3 + 2 \sqrt{3 + 2 \sqrt{3 + 2 \sqrt{3 + \cdots}}}$$

▶ 답:

▷ 정답: 9

해설

주어진 식을  $x$  라 하면

$x = 3 + 2\sqrt{x}$ ,  $\sqrt{x} > 0$  이므로  $x > 3$

$x - 3 = 2\sqrt{x}$  의 양변을 제곱하면

$$x^2 - 6x + 9 = 4x$$

$$x^2 - 10x + 9 = 0$$

$$(x - 1)(x - 9) = 0$$

$\therefore x = 1$  또는  $x = 9$

$\therefore x > 3$  이므로  $x = 9$

13. 4월 중 2박 3일 동안 봉사활동을 하는데 봉사활동의 둘째 날의 날짜의 제곱은 나머지 2일의 날짜의 합과 같다. 봉사활동이 끝나는 날의 날짜는?

- ① 4월 1일      ② 4월 2일      ③ 4월 3일  
④ 4월 4일      ⑤ 4월 5일

해설

봉사활동을 하는 날을  $x - 1$ ,  $x$ ,  $x + 1$ 이라 하면

$$x^2 = (x - 1) + (x + 1)$$

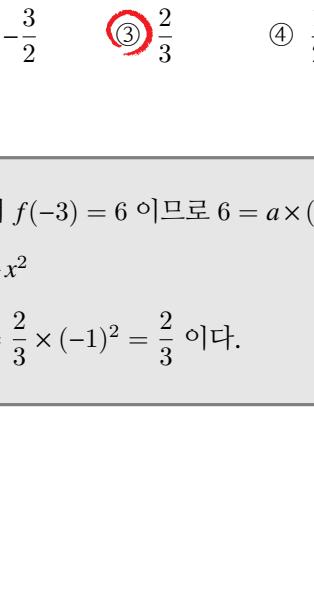
$$x^2 = 2x$$

$$x(x - 2) = 0$$

$$x > 0 \text{ 이므로 } x = 2 \text{ (일)}$$

따라서 봉사활동이 끝나는 날은 하루 뒤인 4월 3일이다.

14. 다음 그림과 같이  $y$  가  $x$  의 제곱에 정비례하는 이차함수  $y = f(x)$  에 대하여  $f(-3) = 6$  일 때,  $f(-1)$  의 값은?



- ①  $-2$       ②  $-\frac{3}{2}$       ③  $\frac{2}{3}$       ④  $\frac{1}{2}$       ⑤  $\frac{1}{3}$

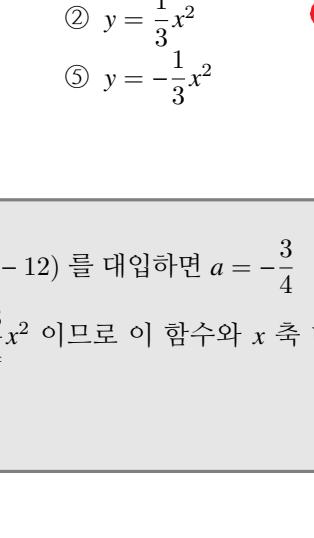
해설

$$f(x) = ax^2 \text{에서 } f(-3) = 6 \text{이므로 } 6 = a \times (-3)^2, 9a = 6, a =$$

$$\frac{2}{3} \quad \therefore f(x) = \frac{2}{3}x^2$$

$$\text{따라서 } f(-1) = \frac{2}{3} \times (-1)^2 = \frac{2}{3} \text{이다.}$$

15. 다음 그림과 같이  $x = 4$  일 때,  $y = -12$  인 이차함수  $y = ax^2$  이 있다.  
이 이차함수와  $x$  축 대칭인 그래프의 이차함수의 식은?



- ①  $y = -\frac{3}{4}x^2$       ②  $y = \frac{1}{3}x^2$       ③  $\textcircled{3} y = \frac{3}{4}x^2$   
④  $y = -x^2$       ⑤  $y = -\frac{1}{3}x^2$

해설

$$y = ax^2 \text{ } \textcircled{3} (4, -12) \text{ 를 대입하면 } a = -\frac{3}{4}$$

따라서  $y = -\frac{3}{4}x^2$  이므로 이 함수와  $x$  축 대칭인 이차함수는

$$y = \frac{3}{4}x^2 \text{ 이다.}$$

16. 이차함수  $y = x^2$  의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것을 고르면? (정답 3 개)

- ① 꼭짓점의 좌표는  $(1, 1)$  이다.
- ② 아래로 볼록하다.
- ③ 축의 방정식은  $x = 0$  이다.
- ④ 점  $(-3, 9)$  를 지난다.

- ⑤  $y = -2x^2$  의 그래프보다 폭이 더 좁다.

해설

$y = x^2$  의 그래프는 아래로 볼록하고 축의 방정식은  $x = 0$  이다.

17. 이차함수  $y = x^2 + ax - b$ 의 꼭짓점이  $x$  축 위에 있을 때,  $\frac{b}{a^2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{1}{4}$

해설

$$y = x^2 + ax - b = \left(x + \frac{a}{2}\right)^2 - \frac{a^2}{4} - b ,$$

꼭짓점  $\left(-\frac{a}{2}, -\frac{a^2}{4} - b\right)$  가  $x$  축 위에 있으므로  $-\frac{a^2}{4} - b = 0$ ,

$$b = -\frac{a^2}{4} ,$$

$$\therefore \frac{b}{a^2} = b \times \frac{1}{a^2} = -\frac{a^2}{4} \times \frac{1}{a^2} = -\frac{1}{4}$$

18. 이차함수  $y = -x^2 - 2x + p$ 의 그래프에서  $x$ 축과의 두 교점을  $A, B$ 라 하자.  $\overline{AB} = 4$  일 때, 꼭짓점의  $x$  좌표는?

① -1      ② -2      ③ -3      ④ -4      ⑤ -5

해설

$$y = -x^2 - 2x + p = -(x+1)^2 + p+1$$

축의 방정식이  $x = -1$  이고  $\overline{AB} = 4$  이므로  
 $\therefore A(-3, 0), B(1, 0)$

$$B(1, 0) \text{을 } y = -x^2 - 2x + p \text{에 대입하면 } -1^2 - 2 + p = 0, \therefore p = 3$$
$$\therefore y = -(x+1)^2 + 4$$

따라서 꼭짓점의 좌표는  $(-1, 4)$  이므로 꼭짓점의  $x$  좌표는 -1 이다.

19. 포물선  $y = x^2 + 2ax + a - \frac{1}{2}$  이  $x$  축과 만나는 두 점의 사이의 거리가

1 일 때,  $a$  의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $\frac{1}{2}$

해설

$$y = x^2 + 2ax + a - \frac{1}{2} \quad \text{의}$$

$x$  절편을  $\alpha, \beta (\alpha > \beta)$  라고 하면

$$\alpha + \beta = -2a, \alpha\beta = a - \frac{1}{2} \text{ 이다.}$$

$$\alpha - \beta = 1 \text{ 이므로}$$

$$(\alpha - \beta)^2 = (\alpha + \beta)^2 - 4\alpha\beta \text{ 이다.}$$

$$1 = 4a^2 - 4a + 2$$

$$4a^2 - 4a + 1 = 0$$

$$(2a - 1)^2 = 0$$

$$\therefore a = \frac{1}{2}$$

20. 이차함수  $y = \frac{1}{2}x^2 - 6x$  의 꼭짓점을 A, y 축과 만나는 점을 B, 점 B의 포물선의 축에 대하여 대칭인 점을 C 라 할 때  $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.

▶ 답:

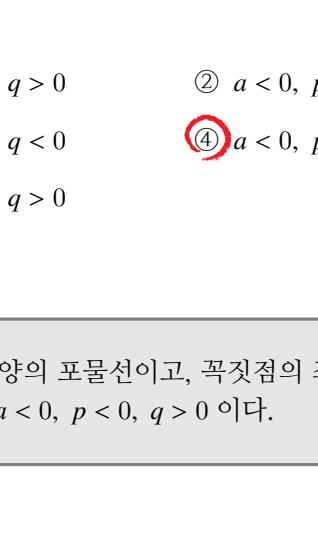
▷ 정답: 108

해설



$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times 12 \times 18 = 108$$

21. 이차함수  $y = a(x - p)^2 + q$  의 그래프가 다음과 같을 때,  $a, p, q$  의 부호는?



- ①  $a > 0, p > 0, q > 0$   
②  $a < 0, p < 0, q < 0$   
③  $a > 0, p < 0, q < 0$   
④  $\textcircled{④} a < 0, p < 0, q > 0$   
⑤  $a < 0, p > 0, q > 0$

해설

위로 볼록한 모양의 포물선이고, 꼭짓점의 좌표는 제 2 사분면 위에 있으므로  $a < 0, p < 0, q > 0$  이다.

22. 꼭짓점의 좌표가  $(-1, 6)$ 이고  $y$  축과의 교점의 좌표가  $(0, 5)$ 인 이차 함수의 식을 구하면?

①  $y = -x^2 + 2x - 7$

②  $y = -x^2 - 2x + 7$

③  $y = -x^2 + 2x - 5$

④  $\textcircled{4} y = -x^2 - 2x + 5$

⑤  $y = x^2 - 2x + 5$

해설

$$y = a(x + 1)^2 + 6 \quad \text{¶} (0, 5) \text{ 를 대입하면}$$

$$5 = a + 6$$

$$a = -1$$

$$\therefore y = -(x + 1)^2 + 6 = -x^2 - 2x + 5$$

23. 이차함수  $y = -5x^2 + 20x + 3$  은  $x = a$  일 때, 최솟값  $b$  를 갖는다.  $a+b$  의 값은?

- ① 20      ② 22      ③ 23      ④ 25      ⑤ 27

해설

$$\begin{aligned}y &= -5x^2 + 20x + 3 \\&= -5(x^2 - 4x + 4 - 4) + 3 \\&= -5(x - 2)^2 + 23 \\∴ a &= 2, b = 23 \\∴ a + b &= 2 + 23 = 25\end{aligned}$$

24. 이차함수  $y = -x^2 + 2mx + m$ 의 최댓값을  $M$ 이라 할 때,  $M$ 의 최솟값은?

①  $-\frac{1}{2}$       ②  $-\frac{1}{4}$       ③  $\frac{1}{4}$       ④  $\frac{1}{2}$       ⑤  $\frac{1}{8}$

해설

$y = -x^2 + 2mx + m = -(x - m)^2 + (m^2 + m)$ 에서  
위로 볼록이므로 최댓값은  $m^2 + m$

$$M = m^2 + m = \left(m + \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{4}$$

$$\therefore M \text{의 최솟값은 } -\frac{1}{4}$$

25. 둘레의 길이가 24 인 철사를 구부려서 부채꼴 모양을 만들려고 한다.  
부채꼴의 넓이를  $y$  라고 할 때, 부채꼴의 넓이의 최댓값을 구하면?

- ① 18      ② 20      ③ 30      ④ 32      ⑤ 36

해설

반지름의 길이를  $x$  라 하면 호의 길이는  $24 - 2x$  이다.

$$\begin{aligned}y &= \frac{1}{2} \times x \times (24 - 2x) \\&= x(12 - x) \\&= -x^2 + 12x \\&= -(x^2 - 12x + 36 - 36) \\&= -(x - 6)^2 + 36\end{aligned}$$

이차함수는 위로 볼록이므로 꼭짓점이 최댓값을 나타낸다.  
따라서 꼭짓점이  $(6, 36)$  이므로 반지름의 길이  $x = 6$  일 때,  
부채꼴의 넓이  $y$  가 최댓값 36 을 가진다.