

1. 다음 중 항등식인 것은?

① $2x = 10$

② $3(1 - 2x) = -x - 5$

③ $12 - 7x = 7x + 12$

④ $1 + x - 2x = x$

⑤ $4(2 - 3x) = -12x + 8$

해설

⑤ $4(2 - 3x) = -12x + 8$

$8 - 12x = -12x + 8$

좌변과 우변의 식이 같으므로 항등식이다.

2. 집에서 외가를 갈 때에 차를 타고 시속 50km로 가는 것과 자전거를 타고 시속 30km로 가는 것 사이에는 4시간 20분의 시간 차이가 생긴다. 두 지점 사이의 거리를 x km 라 할 때, 구하는 식으로 옳은 것은?

① $\frac{x}{50} + \frac{x}{30} = \frac{260}{60}$

② $\frac{x}{50} - \frac{x}{30} = 420$

③ $\frac{x}{30} - \frac{x}{50} = 420$

④ $\frac{x}{30} - \frac{x}{50} = 260$

⑤ $\frac{x}{30} - \frac{x}{50} = \frac{260}{60}$

해설

두 지점 사이의 거리를 x km 라 할 때,

시속 50km 로 달릴 때 걸리는 시간: $\frac{x}{50}$

시속 30km 로 달릴 때 걸리는 시간: $\frac{x}{30}$

시속 50km 로 달릴 때와 시속 30km 로 달릴 때에 걸리는 시간의 차이가 4시간 20분이므로,

$$\frac{x}{30} - \frac{x}{50} = \frac{260}{60}$$

3. x 의 값이 1, 2, 3, 4 이고 y 의 값이 -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3 일 때, 다음 중 y 가 x 의 함수가 될 수 있는 것은?

① $y = x$

② $y = x - 1$

③ $y = x + 1$

④ $y = 2x + 2$

⑤ $y = 2x - 2$

해설

x 의 값이 1, 2, 3, 4 이고, y 의 값이 -3, -2, -1, 0, 1, 2, 3이다.

② $y = x - 1$

$f(1) = 0$

$f(2) = 1$

$f(3) = 2$

$f(4) = 3$

모든 x 의 값에 대응하는 함수값이 y 의 값에 포함된다.

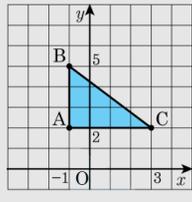
4. 좌표평면 위의 세 점 $A(-1, 2)$, $B(-1, 5)$, $C(3, 2)$ 를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC 의 넓이는?

- ① 6 ② 9 ③ 10 ④ 8 ⑤ 12

해설

삼각형 ABC 는 밑변 $(\overline{AC}) = 4$, 높이 $(\overline{AB}) = 3$ 이다.

삼각형 ABC 의 넓이는 $4 \times 3 \times \frac{1}{2} = 6$



5. y 가 x 에 반비례하고, 그 그래프가 두 점 $(2, 4)$, $(a, -\frac{1}{2})$ 을 지날 때, a 값을 구하면?

- ① -14 ② -15 ③ -16 ④ -17 ⑤ -18

해설

$$y = \frac{k}{x} \quad (k \neq 0) \text{에 } x=2, y=4 \text{를 대입하면 } 4 = \frac{k}{2}, k=8$$

$$y = \frac{8}{x} \text{에 } x=a, y=-\frac{1}{2} \text{을 대입하면 } -\frac{1}{2} = \frac{8}{a} \therefore a = -16$$

6. 다음 중 문자를 사용한 식으로 나타낸 것으로 옳은 것을 모두 골라라.

- ㉠ 한 개에 a 원하는 빵을 x 개를 사고, 5000원을 냈을 때의 거스름돈 $\Rightarrow 5000 - (a \times x)$ 원
- ㉡ 한 변의 길이가 a cm 인 정삼각형의 둘레의 길이 : $(a + 3)$ cm
- ㉢ 백의 자리의 숫자가 a , 십의 자리의 숫자가 5, 일의 자리의 숫자가 c 인 세 자리의 자연수 : $a \times 5 \times b$
- ㉣ 농도가 5% 인 설탕물 a g 에 들어 있는 설탕의 양 : $\left(\frac{1}{20} \times a\right)$ g

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉣

해설

- ㉡ 한 변의 길이가 a cm 인 정삼각형의 둘레의 길이는 $(a \times 3)$ cm
- ㉢ 백의 자리의 숫자가 a , 십의 자리의 숫자가 5, 일의 자리의 숫자가 c 인 세 자리의 자연수는 $100 \times a + 10 \times 5 + c$

7. $a = \frac{7}{5}$, $b = -\frac{7}{9}$ 일 때, $\frac{2}{a} + \frac{2}{b}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $-\frac{8}{7}$

해설

$$a = \frac{7}{5} \text{ 이면 } \frac{1}{a} = \frac{5}{7}$$

$$b = -\frac{7}{9} \text{ 이면 } \frac{1}{b} = -\frac{9}{7}$$

$$\begin{aligned} \frac{2}{a} + \frac{2}{b} &= 2 \times \frac{1}{a} + 2 \times \frac{1}{b} \\ &= 2 \times \frac{5}{7} + 2 \times \left(-\frac{9}{7}\right) \\ &= \frac{10}{7} - \frac{18}{7} = -\frac{8}{7} \end{aligned}$$

8. $A = 2x + 3y$, $B = -x + 2y$ 일 때, 식 $3A + 2(A - B)$ 의 x 의 계수와 y 의 계수의 합을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : 23

해설

$$3A + 2(A - B) = 3A + 2A - 2B = 5A - 2B$$

$$\begin{aligned} 5A - 2B &= 5(2x + 3y) - 2(-x + 2y) \\ &= 10x + 15y + 2x - 4y \\ &= 12x + 11y \end{aligned}$$

$$\therefore 12 + 11 = 23$$

9. 다음 식을 간단히 하면?

$$6x - \{7y - 5x - (3x - 8x + 7y)\}$$

① $6x$

② $6x - 4$

③ 0

④ 1

⑤ x

해설

$$\begin{aligned} & 6x - \{7y - 5x - (3x - 8x + 7y)\} \\ &= 6x - \{7y - 5x - (-5x + 7y)\} \\ &= 6x - (7y - 5x + 5x - 7y) \\ &= 6x \end{aligned}$$

10. $x : y = 2 : 3$ 일 때, $\frac{5x^2 - 3xy}{xy + y^2}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{2}{15}$

해설

$x : y = 2 : 3$ 이므로 $x = 2k, y = 3k(k \neq 0)$ 라 하면

$$\begin{aligned}\frac{5x^2 - 3xy}{xy + y^2} &= \frac{5 \times (2k)^2 - 3 \times 2k \times 3k}{2k \times 3k + (3k)^2} \\ &= \frac{20k^2 - 18k^2}{6k^2 + 9k^2} \\ &= \frac{2k^2}{15k^2} = \frac{2}{15}\end{aligned}$$

11. 일차식 $3x - [10y - 4x - \{2x - (-x + y)\}]$ 를 간단히 했을 때, 각 항의 계수의 합을 구하면?

- ① 0 ② -1 ③ 10 ④ 13 ⑤ -21

해설

$$\begin{aligned}(\text{준식}) &= 3x - \{10y - 4x - (2x + x - y)\} \\ &= 3x - \{10y - 4x - (3x - y)\} \\ &= 3x - (10y - 4x - 3x + y) \\ &= 3x - (11y - 7x) \\ &= 3x - 11y + 7x \\ &= 10x - 11y\end{aligned}$$

따라서 x 의 계수는 10, y 의 계수는 -11 이므로 각 항의 계수의 합은 -1 이다.

12. 어떤 직사각형의 가로 길이를 20% 늘이고, 세로 길이를 20% 줄이면, 직사각형의 넓이는 몇 % 증가 또는 감소하는지 구하여라.

▶ 답: %

▶ 답: %

▷ 정답: 4 %

▷ 정답: 감소

해설

직사각형의 가로 길이를 a , 세로 길이를 b 라 두면,
(직사각형의 넓이) = ab
가로 길이를 20% 늘이고 세로 길이를 20% 줄이면, 가로는 $1.2a$, 세로는 $0.8b$ 가 된다.
(이 직사각형의 넓이) = $0.96ab$
따라서 가로 길이를 20% 늘이고 세로 길이를 20% 줄이면, 직사각형의 넓이는 4% 감소한다.

13. 함수 $f(x) = -\frac{1}{2}x$ 의 함숫값의 범위가 $-1, 0, 1, 2$ 일 때, 이 함수의 x 의 범위는?

- ① $-1, 0, 1, 2$ ② $-2, -1, 0, 1$ ③ $-3, -2, 1, 2$
④ $-4, -2, 0, 2$ ⑤ $-5, -4, -3, -2$

해설

함숫값의 범위가 $-1, 0, 1, 2$ 이므로

$$-\frac{1}{2}x = -1, x = 2$$

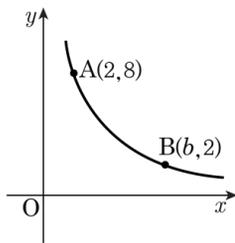
$$-\frac{1}{2}x = 0, x = 0$$

$$-\frac{1}{2}x = 1, x = -2$$

$$-\frac{1}{2}x = 2, x = -4$$

따라서 x 의 범위는 $-4, -2, 0, 2$ 이다.

14. 다음 그래프는 점 A(2,8), B(b,2)를 지나는 $y = \frac{a}{x} (x > 0)$ 의 그래프이다. 이 때, b의 값은?



- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

해설

$$y = \frac{a}{x} \text{에 } x = 2, y = 8 \text{을 대입하면 } 8 = \frac{a}{2}$$

$$a = 16$$

$$\therefore y = \frac{16}{x}$$

여기에 $x = b, y = 2$ 를 대입하면

$$2 = \frac{16}{b}$$

$$\therefore b = 8$$

15. 다음 중에서 기호 \times , \div 를 바르게 생략한 것은?

① $x \times (-x) + y \times (-2)^2 = -x^2 - 4y$

② $x \div (-y) \times x + 0.1 \times y = -\frac{x^2}{y} + 0.1y$

③ $(-1)^{100} \div x + (-1)^{99} \times y = x - y$

④ $x \div \frac{1}{y} \div \frac{1}{2} - 3 \div \frac{1}{x} = 2xy - 3x$

⑤ $\frac{1}{x} \div \frac{1}{y} \div \frac{1}{z} = \frac{y}{xz}$

해설

① $-x^2 + 4y$

② $-\frac{x^2}{y} + 0.1y$

③ $\frac{1}{x} - y$

⑤ $\frac{1}{x} \times y \times z = \frac{yz}{x}$

16. 등식 $\frac{2}{3}(12x + 6y) = 2(4y - 3)$ 에 관하여 등식 $x = ay + b$ 가 성립할 때 정수 $a + b$ 의 값은?

- ① $-\frac{1}{16}$ ② $-\frac{1}{8}$ ③ $-\frac{1}{4}$ ④ $-\frac{1}{2}$ ⑤ 0

해설

주어진 등식의 양변에 3 을 곱하면

$$24x + 12y = 24y - 18$$

$$24x = 12y - 18$$

$$x = \frac{1}{2}y - \frac{3}{4}$$

$$\therefore a = \frac{1}{2}, \quad \therefore b = -\frac{3}{4}$$

$$\therefore a + b = -\frac{1}{4}$$

17. 어떤 일을 하는데 A는 28일, B는 35일, C는 20일이 걸린다고 한다. A가 먼저 일을 시작하여 A, B, C 순서대로 하루씩 교대로 일한다면 이 일을 완성하는 사람은 누구인지 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: C

해설

$$\left(\frac{1}{28} + \frac{1}{35} + \frac{1}{20}\right) \times 8 + \frac{3}{35} = 1$$

$\frac{1}{28} + \frac{1}{35} < \frac{3}{35} < \frac{1}{28} + \frac{1}{35} + \frac{1}{20}$ 이므로 C가 일을 완성한다.

18. 버스가 종점에서 10 명의 승객을 태우고 출발하였다. 다음 정거장인 A 중학교 앞에서 8 명의 승객이 내리고 B 역 앞에서 15 명이 탔다. 그리고 A 중학교 앞에서 탄 승객 수는 B 역에서 내린 승객수의 2 배였다. 버스가 B 역 앞에서 출발할 때 승객수가 25 명이었다면 A 중학교 앞에서 버스에 탄 승객은 몇 명인가?

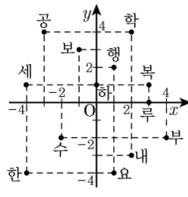


- ① 8 명 ② 10 명 ③ 11 명 ④ 15 명 ⑤ 16 명

해설

B 역에서 내린 승객 수를 x 명이라 하면
 $10 - 8 + 2x + 15 - x = 25$
 $x = 8$
A 중학교 앞에서 버스에 탄 승객 수는 $2x = 16$ (명)

19. 다음 좌표평면을 보고 다음 좌표가 나타내는 말을 찾아 써라.



$(1, 2) \rightarrow (3, 1) \rightarrow (-4, -4) \rightarrow (0, 1) \rightarrow (3, 0) \rightarrow (-1, 3) \rightarrow$
 $(2, -3) \rightarrow (-4, 1) \rightarrow (1, -4)$

▶ 답:

▷ 정답: 행복한하루보내세요

해설

- (1, 2) 행
 - (3, 1) 복
 - (-4, -4) 한
 - (0, 1) 하
 - (3, 0) 루
 - (-1, 3) 보
 - (2, -3) 내
 - (-4, 1) 세
 - (1, -4) 요
- ∴ 좌표가 나타내는 말은 '행복한하루보내세요'

20. 좌표평면 위의 점 A(2, -4)와 x축에 대하여 대칭인 점 B, 원점에 대하여 대칭인 점 C라고 할 때, $\triangle ABC$ 의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

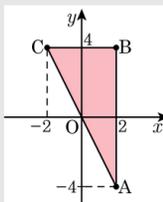
▷ 정답 : 16

해설

점 A와 x축에 대하여 대칭인 점 B의 좌표는 B(2, 4)

점 A와 원점에 대하여 대칭인 점 C의 좌표는 C(-2, 4)

세 점 A, B, C를 꼭짓점으로 하는 삼각형을 그리면



$$\triangle ABC = \frac{1}{2} \times \overline{BC} \times \overline{AB} = \frac{1}{2} \times 4 \times 8 = 16$$

21. 다음 식이 x 에 관한 일차방정식이 될 때, a 의 값과 방정식의 해를 구하여라.

$$(a-2)x^2 + 3x - 4 = x^2 - ax + 2(x+2)$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답: $a = 3$

▷ 정답: $x = 2$

해설

$$(a-2)x^2 + 3x - 4 = x^2 - ax + 2(x+2)$$

$$(a-3)x^2 + (1+a)x - 8 = 0$$

주어진 식이 일차방정식이 되려면

(x^2 의 계수) = 0 이어야 하므로

$$a-3=0 \quad \therefore a=3$$

($1+3$) $x - 8 = 0$ 에서

$$4x = 8$$

$$\therefore x = 2$$

22. 두 방정식 $0.3(x-2)+0.4(ax+2) = -0.1(x+2)$, $\frac{x+b}{2} - (x-1) = x + \frac{1}{2}$ 에 대해 공통인 해가 존재하고, 그 해가 방정식 $(x-3) : \frac{3x-1}{2} = 2 : 1$ 의 해가 된다고 한다. 이때, 상수 a, b 의 합 $a+b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : -4

해설

$$(x-3) : \frac{3x-1}{2} = 2 : 1 \text{에서}$$

$$3x-1 = x-3$$

$$\therefore x = -1$$

$$\text{i) } 0.3(x-2) + 0.4(ax+2) = -0.1(x+2)$$

$$3x-6+4ax+8 = -x-2$$

$$4ax = -4x-4 \text{에 } x = -1 \text{을 대입하면}$$

$$-4a = 0$$

$$\therefore a = 0$$

$$\text{ii) } \frac{x+b}{2} - (x-1) = x + \frac{1}{2}$$

$$x+b-2x+2 = 2x+1 \text{에 } x = -1 \text{을 대입하면}$$

$$\therefore b = -4$$

$$\therefore a+b = 0 + (-4) = -4$$

23. $a\Delta b = 2a + b - 1$ 이고 다음 식의 해가 무수히 많을 때, 상수 p, q 의 조건을 구하여라.

$$p(x-3)\Delta q = 6$$

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : $p = 0$

▷ 정답 : $q = 7$

해설

$$p(x-3)\Delta q = 6$$

$$2px - 6p + q - 1 = 6$$

$$2px = 6p - q + 7$$

$$\therefore p = 0, q = 7$$

24. 3.6km/h의 속도로 흐르는 강이 있다. 보트를 타고 이 강을 20분 동안 거슬러 올라가는 거리와 강물을 따라 6분 동안 내려가는 거리가 같다고 한다. 이 보트를 타고 흐르지 않는 물에서 7분 동안 갈 수 있는 거리는 몇 km 인지 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 0.78km

해설

보트의 속도를 x km/h 이라 두면,
보트가 거슬러 올라갈 때의 속도는 $x - 3.6$ 이고,
보트가 강을 타고 내려올 때 속도는 $x + 3.6$ 이다.

$$\frac{1}{3} \times (x - 3.6) = \frac{1}{10} (x + 3.6)$$

$$10x - 36 = 3x + 10.8$$

$$7x = 46.8$$

$$x = \frac{46.8}{7}$$

따라서 보트를 타고 흐르지 않는 물에서 7분 동안 갈 수 있는

거리는 $\frac{46.8}{7} \times \frac{7}{60} = 0.78$ (km) 이다.

25. x 가 1, 2, 3이고 y 가 a, b, c, d 일 때, 함수 $y = f(x)$ 에 대하여 $f(1) = a$ 인 경우는 모두 몇 가지인가?

- ① 4 ② 8 ③ 12 ④ 16 ⑤ 20

해설

$f(1) = a$ 로 고정되면 $f(2)$ 나 $f(3)$ 은 a, b, c, d 중 어느 것이어도 된다.

따라서 $f(2)$ 는 4가지, $f(3)$ 도 4가지이다.

따라서 $4 \times 4 = 16$ 이다.