

1. 유리수는 유한소수와 (가)로 나누어진다. 다음 중 (가)에 속하는 것을 모두 고른 것은?

Ⓐ  $\frac{2}{5}$  Ⓑ  $-3.141592$

Ⓑ  $0.4272727\cdots$

Ⓒ  $\frac{7}{28}$

Ⓓ  $-\frac{5}{6}$

Ⓔ  $-\frac{108}{2 \times 3^2}$

Ⓕ  $\frac{27}{2 \times 3^2 \times 5}$

Ⓖ  $\frac{10}{2 \times 5 \times 7}$

① Ⓐ, Ⓑ

② Ⓒ, Ⓓ

③ Ⓒ, Ⓓ, Ⓔ, Ⓕ

④ Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ

⑤ Ⓑ, Ⓔ, Ⓕ, Ⓖ

해설

유리수는 유한소수와 순환하는 무한소수로 나누어진다.

Ⓐ 유한소수

Ⓑ 유한소수

Ⓒ 순환소수

Ⓓ 유한소수

Ⓔ 순환소수

Ⓕ 유한소수

Ⓖ 유한소수

Ⓗ 순환소수

Ⓘ 순환소수

Ⓚ 순환소수

2.  $\left(\frac{x^3}{y^a}\right)^4 = \frac{x^b}{y^{16}}$  일 때,  $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 16

해설

$$\left(\frac{x^3}{y^a}\right)^4 = \frac{x^{12}}{y^{4a}} = \frac{x^b}{y^{16}} \Rightarrow 4a = 16$$

따라서  $a = 4$ 이고  $b = 12$ 이다.

$$\therefore a + b = 4 + 12 = 16$$

3. 다음 중  $x$ ,  $y$ 에 관한 일차방정식은 모두 몇 개인가?

- (ㄱ)  $3 + 5y = 1$
- (ㄴ)  $x + 2y = 0$
- (ㄷ)  $x^2 - y + 3 = 0$
- (ㄹ)  $2x - y + 5 = 0$
- (ㅁ)  $x^2 - x + 1 = 0$
- (ㅂ)  $y = \frac{2}{x}$
- (ㅅ)  $x + 2y = 1$
- (ㅇ)  $x + y = 3 + x$
- (ㅈ)  $x + xy = 3$
- (ㅊ)  $x^2 = 2 + y$

① 1 개      ② 3 개      ③ 4 개      ④ 6 개      ⑤ 7 개

해설

미지수  $x$ ,  $y$ 인 2개로 이루어진 일차방정식은 모든 항을 좌변으로 이항하여 정리하면  $ax + by + c = 0$  ( $a \neq 0$ ,  $b \neq 0$ ,  $a$ ,  $b$ ,  $c$ 는 상수) 형태를 갖는다. 따라서 (ㄴ), (ㄹ), (ㅅ)이다.

4. 자연수  $x, y$ 에 관한 일차방정식  $2x + y - 10 = 0$ 의 해가 아닌 것을 모두 고르면?

- ① (1, 8)      ② (2, 4)      ③ (3, 4)  
④ (4, 2)      ⑤ (6, -2)

해설

자연수  $x, y$ 에 주의한다.

5. 배로 강을 30km 거슬러 올라가는데 3 시간, 같은 거리만큼 내려오는데 1 시간이 걸렸다. 배의 속력은?

- ① 5km /시      ② 10km /시      ③ 15km /시  
④ 20km /시      ⑤ 40km /시

해설

배의 속력을  $x\text{km}/\text{시}$ , 강물의 속력을  $y\text{km}/\text{시}$  라 하면

$$\begin{cases} 3(x - y) = 30 \\ x + y = 30 \end{cases}$$

두 식을 연립하여 풀면

$$\therefore x = 20$$

6.  $a < b < c$  일 때, 다음 중에서 항상 옳은 것을 모두 고르면?

[보기]

- 가).  $a + c < b + c$   
나.  $a + b < b + c$   
다.  $c - a < b - a$   
라.  $ac < bc$

① 가

② 가, 나

③ 가, 다

④ 나, 라

⑤ 가, 나, 다

[해설]

- 가.  $a < b$  이므로  $a + c < b + c$  (참)  
나.  $a < c$  이므로  $a + b < c + b$  (참)  
다.  $c > b$  이므로  $c - a > b - a$  (거짓)  
라.  $a < b < c < 0$  인 경우  $ac > bc$  이 된다.(거짓)

7.  $\frac{(a^2b^3)^4}{(ab^3)^m} = \frac{a^n}{b^6}$  일 때,  $m+n$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$\frac{(a^2b^3)^4}{(ab^3)^m} = \frac{(a^8b^{12})}{(a^mb^{3m})} = \frac{a^n}{b^6} \text{ 이므로}$$

$$3m - 12 = 6$$

$$\therefore m = 6$$

$$8 - m = n \text{ 이므로 } n = 2 \text{ 이다.}$$

$$\therefore m + n = 8$$

8.  $A = x^2 - 2x + 5$ ,  $B = 2x^2 + x - 3$  일 때,  $5A - (2A + B)$  를  $x$  에 관한  
식으로 나타내면?

- ①  $2x^2 - 5x + 8$       ②  $-3x^2 - 7x - 5$   
③  $x^2 + 6x + 9$       ④  $-x^2 + 10x - 22$   
⑤  $x^2 - 7x + 18$

해설

$$\begin{aligned}(준식) &= 3A - B \\ &= 3(x^2 - 2x + 5) - (2x^2 + x - 3) \\ &= x^2 - 7x + 18\end{aligned}$$

9.  $A = \frac{x-y}{2}$ ,  $B = \frac{x-2y+1}{3}$  일 때,  $4A - 6B$  를  $x$ ,  $y$  에 대한 식으로 나타내면?

- ①  $4x + 2y - 2$       ②  $2y - 2$       ③  $4x - 2y + 2$   
④  $-x + 4y + 3$       ⑤  $x - 4y + 3$

해설

$$\begin{aligned} & 4\left(\frac{x-y}{2}\right) - 6\left(\frac{x-2y+1}{3}\right) \\ &= 2x - 2y - 2x + 4y - 2 = 2y - 2 \end{aligned}$$

10. 다음 연립방정식  $\frac{1}{3}x + 2y = 2(x+1) + 5y = x + 4y$  의 해를  $(p, q)$  라 할 때,  $p + q$ 의 값을 구하면 얼마인지 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$\begin{cases} 2(x+1) + 5y = x + 4y & \cdots ① \\ \frac{1}{3}x + 2y = x + 4y & \cdots ② \end{cases}$$

① - ②  $\times 3$  을 하면  $x = -3, y = 1$

$\therefore (p, q) = (-3, 1)$

따라서  $p + q = (-3) + 1 = -2$  이다.

11. 다음 부등식을 푼 것으로 틀린 것은?

- ①  $a > 0$  일 때,  $ax > 2a \Rightarrow x > 2$
- ②  $a > 0$  일 때,  $ax > -4a \Rightarrow x > -4$
- ③  $a < 0$  일 때,  $ax > -4a \Rightarrow x < 4$
- ④  $a > 0$  일 때,  $-ax > 5a \Rightarrow x < -5$
- ⑤  $a < 0$  일 때,  $-ax > 5a \Rightarrow x > -5$

해설

③  $a < 0$  이므로,  $ax > -4a$ 의 양변을  $a$ 로 나누어 주면 부등호의 부호가 바뀜으로  $x < -4$ 이다.

12. 연립부등식  $2x - 1 < x + 1 \leq 3x + 7$ 의 해가  $a \leq x < b$  일 때,  $a - b$ 의 값을 구하면?

① -5      ② -3      ③ -2      ④ 2      ⑤ 3

해설

$$\begin{aligned} 2x - 1 &< x + 1 \leq 3x + 7 \\ \begin{cases} 2x - 1 < x + 1 \\ x + 1 \leq 3x + 7 \end{cases} &\Rightarrow \begin{cases} x < 2 \\ x \geq -3 \end{cases} \\ -3 \leq x < 2 &\text{에서 } a = -3, b = 2 \\ \therefore a - b &= -5 \end{aligned}$$

13. 일차함수  $f(x) = \frac{1}{2}x + 6$ 에 대하여  $x = a$  일 때의 함수값이  $2a$ 인  $a$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 4

해설

$f(a) = 2a$ 이므로  $x = a$ 일 때  $f(x) = 2a$  를 대입하면

$$2a = \frac{1}{2}a + 6, \quad \frac{3}{2}a = 6 \\ \therefore a = 4$$

14. 일차함수  $y = \frac{1}{2}x - 2$  의 그래프의  $x$  절편과  $y = 2x - 6 + b$  의 그래프의  $y$  절편이 서로 같을 때, 상수  $b$ 의 값은?

- ① -2      ② 2      ③ 1      ④ 7      ⑤ 10

해설

$y = \frac{1}{2}x - 2$  의 그래프의  $x$  절편은  $0 = \frac{1}{2}x - 2$ ,  $x = 4$  이고,

$y = 2x - 6 + b$  의 그래프의  $y$  절편은  $-6 + b$  이다.

$$\therefore -6 + b = 4, b = 10$$

15. 분수  $\frac{5}{13}$ 를 소수로 나타내었을 때, 소수점 아래 첫 번째 자리의 숫자부터 소수점 아래 50 번째 자리의 숫자까지의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 227

해설

$$\frac{5}{13} = 0.\dot{3}8461\dot{5} \text{이므로 순환마디의 숫자 } 6 \text{ 개}$$

$$50 = 6 \times 8 + 2 \text{ 이므로 } (3 + 8 + 4 + 6 + 1 + 5) \times 8 + (3 + 8) = 227$$

16. 4개의 수  $a, b, c, d$ 에 대하여 기호  $|$  를  $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} = ad - bc$ 로 정의 한다.

○] 때,  $\begin{vmatrix} x+2y-3 & -\frac{3}{2} \\ y-x+1 & \frac{1}{2} \end{vmatrix}$  은?

①  $x - \frac{5}{2}y - 3$

②  $x - \frac{3}{2}y - 2$

③  $x + \frac{3}{2}y - 1$

④  $-x + \frac{5}{2}y$

⑤  $-x + \frac{7}{2}y$

해설

$$(x+2y-3) \times \frac{1}{2} - \left(-\frac{3}{2}\right) \times (y-x+1)$$

$$= \left(\frac{1}{2}x + y - \frac{3}{2}\right) - \left(-\frac{3}{2}y + \frac{3}{2}x - \frac{3}{2}\right)$$

$$= \frac{1}{2}x + y - \frac{3}{2} + \frac{3}{2}y - \frac{3}{2}x + \frac{3}{2}$$

$$= -x + \frac{5}{2}y$$

17.  $a > b$ ,  $ac > bc$ ,  $ac = 0$  일 때,  $a$ ,  $b$ ,  $c$ 의 값 또는 부호를 구하면?

- ①  $a > 0$ ,  $b < 0$ ,  $c = 0$       ②  $a < 0$ ,  $b > 0$ ,  $c = 0$   
③  $a = 0$ ,  $b > 0$ ,  $c < 0$       ④  $\textcircled{4} a = 0$ ,  $b < 0$ ,  $c > 0$   
⑤  $a = 0$ ,  $b < 0$ ,  $c < 0$

해설

$ac = 0$  이므로  $a = 0$  또는  $c = 0$ , 그런데  $ac > bc$  이므로  $c \neq 0$ ,  
 $a = 0$

$a > b$  이므로  $b < 0$ ,  $ac > bc$ ,  $a = 0$  이므로  $bc < 0$ , 그런데  $b < 0$

이므로  $c > 0$

$\therefore a = 0$ ,  $b < 0$ ,  $c > 0$

18. 다음 중  $y$  가  $x$  에 대한 일차함수인 것은?

- ① 삼각형의 한 각의 크기가  $x^\circ$  일 때, 이 삼각형의 총 내각의 합은  $y^\circ$  이다.
- ② 원의 지름의 길이가  $x\text{cm}$  일 때, 이 원의 넓이는  $y\text{cm}^2$  이다.
- ③ 1 학기 중간고사에서  $x$  점, 기말고사에서 80 점을 맞았을 때, 1 학기 평균 점수는  $y$  점이다.
- ④ 1 문제당  $x$  분 걸리는 수학문제를 1 시간 동안 총  $y$  문제 풀었다.
- ⑤ 1000ml 의 우유를 한 컵에  $x\text{ml}$  씩 따랐더니  $y$  컵이 되었다.

해설

- ①  $y = 180$
- ②  $y = \frac{\pi x^2}{4}$
- ③  $y = \frac{80 + x}{2}$
- ④  $xy = 60$
- ⑤  $xy = 1000$

19. 제 2 사분면을 지나지 않는 일차함수  $y = ax - 4$  가 있다. 이 함수를  $y$  축의 방향으로  $b$  만큼 평행이동하면 점  $(a, a)$  를 지난다고 할 때, 이 일차함수가 지나지 않는 사분면을 구하여라.  
(단, 이 함수에서  $x$  값이 7 만큼 변할 때,  $y$  의 절댓값은 14 만큼 변하였다.)

▶ 답: 사분면

▷ 정답: 제 2 사분면

해설

이 함수에서  $x$  값이 7 만큼 변할 때,  $y$  의 절댓값은 14 만큼 변하였으므로,

일차함수의 기울기인  $a$  는 2 또는  $-2$  이다.

그런데 제 2 사분면을 지나지 않는다고 했으므로  $a = 2$  이다.

따라서,  $y = 2x - 4$  를  $y$  축의 방향으로  $b$  만큼 평행이동하면  $y = 2x - 4 + b$  이고

점  $(a, a)$  를 지난므로  $a = 2a - 4 + b$

그런데  $a = 2$  이므로  $2 = 4 - 4 + b \therefore b = 2$

구하는 일차함수는  $y = 2x - 2$  이므로,  $x$  절편은 1,  $y$  절편은  $-2$  이다.

그래프를 그려보면, 제 2 사분면을 지나지 않는다.

20. 함수  $f(x) = \frac{b}{a}x + \frac{c}{a}$ 의 그래프에서,  $f(0) = 1$ 이고,  $f(1) = 0$  일 때,  
 $f(3)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: -2

해설

$$f(0) = 1 \text{ 이면 } 1 = \frac{c}{a}$$

$$f(1) = 0 \text{ 이면 } 0 = \frac{b}{a} + \frac{c}{a}$$

$$\therefore \frac{b}{a} = -1$$

$$\text{따라서 } a = -b = c$$

$$\therefore f(3) = \frac{3b}{a} + \frac{c}{a} = \frac{-3a + a}{a} = -2$$