

1. $x \div 3 \div b$ 를 나눗셈기호 \div 를 생략하여 나타내면?

① $\frac{bx}{3}$ ② $\frac{x}{3b}$ ③ $\frac{3x}{b}$ ④ $\frac{3b}{x}$ ⑤ $\frac{b}{3x}$

해설

$$x \div 3 \div b = x \times \frac{1}{3} \times \frac{1}{b} = \frac{x}{3b}$$

2. $x = -2, y = 4$ 일 때, $-x^2 - xy$ 의 값은?

- ① -12 ② -4 ③ 0 ④ 4 ⑤ 12

해설

$$-x^2 - xy = -(-2)^2 - (-2) \times 4 = -4 + 8 = 4$$

3. 다항식 $2x^2 - x + a + bx^2 + x + 4$ 를 간단히 나타내었을 때, 다항식의 x 에 관한 차수와 상수항이 0 이 되었다. 이때, $a - b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a - b = -2$

해설

다항식의 차수가 0 이므로 x^2 의 계수와 x 의 계수가 0이고, 상수항도 0이어야 한다.

$2x^2 - x + a + bx^2 + x + 4$ 를 간단히 하면

$(2+b)x^2 + (-1+1)x + a + 4$ 이므로

$$2+b=0, b=-2$$

$$a+4=0, a=-4$$

$$\therefore a-b=(-4)-(-2)=-2$$

4. 다음 중 옳지 않은 것은?

- ① $2(x + 1) = 2x + 2$ ② $3(x - 4) = 3x - 12$
③ $3(x - 1) = 3x - 3$ ④ $(x + 4) \times 2 = x + 8$
⑤ $(3x - 6) \div 3 = x - 2$

해설

④ $(x + 4) \times 2 = 2x + 8$

5. 다음 중 계산이 옳지 않은 것은?

- ① $6x - 9x = -3x$
- ② $x - 5 + 4x + 8 = 5x + 3$
- ③ $(9x + 7) - 9 = 9x - 2$
- ④ $(1 + x) + 3(2 - x) = 2x + 7$
- ⑤ $\frac{1}{2}(3x - 4) - (5x - 9) = -\frac{7}{2}x + 7$

해설

$$\begin{aligned} \textcircled{4} \quad & (1 + x) + 3(2 - x) = 1 + x + 6 - 3x = -2x + 7 \\ \textcircled{5} \quad & \frac{1}{2}(3x - 4) - (5x - 9) = \frac{3}{2}x - 2 - 5x + 9 \\ & \qquad \qquad \qquad = -\frac{7}{2}x + 7 \end{aligned}$$

6. 다음 중 방정식을 고르면?

- ① $3(x - 1) = 3x - 3$ ② $4x + 1 - (x - 2)$
③ $-x + 5 < -1$ ④ $2x + 7 = 2(3 - x)$
⑤ $x + 2 = 2x + 2 - x$

해설

- ①, ⑤ : 항등식
② 일차식
③ 부등식

7. 다음 중 옳지 않은 것을 모두 고르면?

- ① $a - 1 = b - 2$ 이면 $a = b - 1$ 이다.
- ② $b = 3$ 이면 $b + x = x + 3$ 이다.
- ③ $a = 2b$ 이면 $a + 1 = 2(b + 1)$ 이다.
- ④ $4a = 5b$ 이면 $\frac{a}{4} = \frac{b}{5}$ 이다.
- ⑤ $3(a - 2) = 3(b - 2)$ 이면 $a = b$ 이다.

해설

- ③ $a = 2b$ 의 양변에 1을 더하면 $a + 1 = 2b + 1$ 이다.
- ④ $4a = 5b$ 의 양변을 20으로 나누면 $\frac{a}{5} = \frac{b}{4}$ 이다.

8. 다음은 방정식 $\frac{x-4}{4} = 5$ 를 등식의 성질을 이용하여 해를 구하는 과정이다. a, b, c, d 의 값으로 옳은 것은?

$$\begin{aligned}\frac{x-4}{4} \times a &= 5 \times a \\x-4 &= b \\x-4+c &= b+c \\∴ x &= d\end{aligned}$$

- ① $a = 3, b = 4$ ② $a = 4, b = -4$
③ $b = 20, c = -4$ ④ $b = 20, c = 4$
⑤ $c = 4, d = 20$

해설

$$\begin{aligned}\frac{x-4}{4} = 5 \text{ 의 양변에 } 4 \text{ 를 곱하면} \\x-4 = 20 \rightarrow a = 4, b = 20 \\x-4+4 = 20+4 \rightarrow c = 4 \\x = 24 \rightarrow d = 24\end{aligned}$$

9. 다음 중 일차방정식이 아닌 것은?

- ① $3x - 2 = x + 7$ ② $x - 9 = 18 + x$
③ $4x - 2 = 5 - 4x$ ④ $x^2 - 3x = x^2 - 9$
⑤ $5x - 17 = 0$

해설

② $x - 9 = 18 + x$, $x - 9 - x - 18 = 0$, $-27 = 0$ 이므로 일차방정식이 아니다.
④ $x^2 - 3x = x^2 - 9$, $x^2 - 3x - x^2 + 9 = 0$, $-3x + 9 = 0$ 이므로 일차방정식이다.

10. 현재 나와 어머니의 나이의 합은 54세이고 9년 후에 어머니의 나이는 나의 나이의 2배가 된다. 현재 어머니의 나이는?

- ① 15 세 ② 30 세 ③ 36 세 ④ 39 세 ⑤ 48 세

해설

현재 어머니의 나이를 x 라 하면 나의 나이는 $54 - x$ 이다.
9년후 어머니의 나이는 $x+9$ 이고 나의 나이는 $54-x+9 = 63-x$ 이다.

$$x + 9 = 2(63 - x)$$

$$3x = 117$$

$$x = 39$$

즉, 현재 어머니의 나이는 39세이다.

11. 농도가 3% 인 소금물 $x\text{kg}$ 속에 녹아 있는 소금의 양을 문자식으로 나타내어라.

▶ 답 : $\underline{\hspace{1cm}}$

▷ 정답 : $30x\text{g}$

해설

소금의 양이 $x\text{kg}$ 이므로 단위를 g 으로 바꾸면 $x\text{kg} = 1000x\text{g}$ 이다.

$$\text{따라서 } (\text{소금의 양}) = \frac{3 \times 1000x}{100} = \frac{3000x}{100} = 30x(\text{g}) \text{ 이다.}$$

12. 기온이 $t^{\circ}\text{C}$ 일 때, 공기 중에서의 소리의 속력을 초속 v m 라고 하면 $v = 331 + 0.6t$ 인 관계가 있다. 소리의 속력이 초속 367 m 일 때의 기온은 몇 도인가?

- ① 6 $^{\circ}\text{C}$ ② 18 $^{\circ}\text{C}$ ③ 30 $^{\circ}\text{C}$ ④ 48 $^{\circ}\text{C}$ ⑤ 60 $^{\circ}\text{C}$

해설

$$v = 367$$

$$367 = 331 + 0.6t$$

$$0.6t = 36 \therefore t = 60(^{\circ}\text{C})$$

13. 다음을 문자를 사용한 식으로 나타낼 때, 동류항인 것을 모두 고르면?

정가 $4a$ 원인 운동화를 20% 할인된 가격으로 산 금액

- ① 한 변의 길이가 a 인 정사각형의 넓이
- ② 밑변의 길이가 a , 높이가 $\frac{2}{3}a$ 인 삼각형의 넓이
- ③ 가로의 길이가 a , 세로의 길이가 $2a$ 인 직사각형의 둘레의 길이
- ④ 시속 a km 로 3 시간 동안 이동한 거리
- ⑤ 반지름의 길이가 a 인 원의 넓이

해설

정가 $4a$ 원인 운동화를 20% 할인된 가격으로 산 금액은

$$\begin{aligned}4a - \left(4a \times \frac{20}{100}\right) &= 4a - \left(4a \times \frac{1}{5}\right) \\&= 4a - \frac{4}{5}a \\&= \frac{20}{5}a - \frac{4}{5}a \\&= \frac{16}{5}a\end{aligned}$$

- ① 한 변의 길이가 a 인 정사각형의 넓이 $\rightarrow a^2$
- ② 밑변의 길이가 a , 높이가 $\frac{2}{3}a$ 인 삼각형의 넓이 $\rightarrow a \times \frac{2}{3}a \times \frac{1}{2} = \frac{1}{3}a^2$
- ③ 가로의 길이가 a , 세로의 길이가 $2a$ 인 직사각형의 둘레의 길이 $\rightarrow 2(2a + a) = 6a$
- ④ 시속 a km 로 3 시간 동안 이동한 거리 $\rightarrow a \times 3 = 3a$
- ⑤ 반지름의 길이가 a 인 원의 넓이 $\rightarrow a \times a \times 3.14 = 3.14a^2$

14. $x : 3y = \frac{1}{2} : \frac{1}{7}$ 일 때, $\frac{2x - 9y}{6x - 15y}$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{1}{4}$

해설

$$x : 3y = \frac{1}{2} : \frac{1}{7} = 7 : 2 \text{ 이므로}$$

$x = 7k, 3y = 2k(k \neq 0)$ 라 하면

$$\frac{2x - 9y}{6x - 15y} = \frac{14k - 6k}{42k - 10k} = \frac{8k}{32k} = \frac{1}{4}$$

15. 안에 알맞은 다항식을 구하여라.

$$\frac{4}{6}(-24x + 36) - \boxed{\quad} = (-x + 1) \div \frac{1}{4}$$

▶ 답:

▷ 정답: $-12x + 20$

해설

$$\frac{4}{6}(-24x + 36) - \boxed{\quad} = (-x + 1) \div \frac{1}{4}$$

$$\frac{4}{6} \times (-24x) + \frac{4}{6} \times 36 - \boxed{\quad} = (-x + 1) \times 4$$

$$-16x + 24 - \boxed{\quad} = -4x + 4$$

$$\therefore \boxed{\quad} = -16x + 24 - (-4x + 4)$$

$$= -16x + 24 + 4x - 4 = -12x + 20$$

16. 어떤 식에서 $-x + 2y$ 를 빼어야 하는데 잘못하여 더하였더니 $3x - 4y$ 가 되었다. 이 때 올바른 답을 구하면?

- ① $5x + 7y$ ② $-5x + 8y$ ③ $3x + 8y$
④ $3x - 8y$ ⑤ $5x - 8y$

해설

어떤 식을 A 라 하면, $A + (-x + 2y) = 3x - 4y$

$$A = 3x - 4y - (-x + 2y) = 4x - 6y$$

$$\text{올바른 답 } A - (-x + 2y) = (4x - 6y) - (-x + 2y) = 5x - 8y$$

17. 다음 수량 관계를 등식으로 나타낸 것 중 옳지 않은 것은?

① 10% 의 소금물 x g 속에 녹아 있는 소금의 양이 30g 이다. →
 $0.1x = 30$

② 어떤 자연수 x 를 3배 하여 2 를 더한 수는 그 수를 4배 한
것보다 6 이 작다.
→ $3x + 2 = 4x - 6$

③ 한 변의 길이가 x 인 정사각형의 둘레의 길이는 16 이다. →
 $x^4 = 16$

④ 가운데 수가 x 인 연속한 세 홀수의 합은 27 이다. → $3x = 27$

⑤ 시속 x km 의 속력으로 4 시간 동안 달린 거리가 20km 이다.
→ $4x = 20$

해설

③ $4x = 16$

18. x 에 관한 등식 $(a - 3)x + 2 = 5x - b$ 의 해가 무수히 많을 때, $a + b$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $a + b = 6$

해설

$(a - 3)x + 2 = 5x - b$ 의 해가 무수히 많으려면

$$a - 3 = 5 \therefore a = 8$$

$$2 = -b \therefore b = -2$$

$$\therefore a + b = 8 + (-2) = 6$$

19. 다음 방정식을 이항해서 풀 때, 사용된 등식의 성질을 골라라.

$$\begin{aligned} 3(2x-1)-5 &= -2x & \textcircled{\text{1}} \\ 6x-3-5 &= -2x & \textcircled{\text{2}} \\ 6x-8 &= -2x & \textcircled{\text{3}} \\ 6x+2x &= 8-2 & \textcircled{\text{4}} \\ 8x &= 8-2 & \textcircled{\text{5}} \\ x &= 1 & \textcircled{\text{6}} \end{aligned}$$

① $a = b$ 이면 $\frac{c}{a} = \frac{c}{b}$

② $a = b$ 이면 $a - c = b - c$

③ $a = b$ 이면 $a + c = b + c$

④ $a = b$ 이면 $\frac{a}{c} = \frac{b}{c}$ (단 $c \neq 0$)

⑤ $a = b$ 이면 $ac = bc$

해설

방정식에서 이항은 등식의 성질 중 양변에 같은 수를 더하거나 양변을 같은 수로 나누는 성질을 이용한 것이다.

20. A 는 -3 보다 크고 3 보다 작은 정수 x 의 모임일 때, 방정식 $|2x - 5| = 7 - 4x$ 의 해를 구하면?

- ① $-1, 1$ ② -1 ③ 0 ④ 2 ⑤ 1

해설

x 가 될 수 있는 수는 $-2, -1, 0, 1, 2$ 이다.

(i) $x \geq \frac{5}{2}$ 일 때

$$2x - 5 = 7 - 4x$$

$$6x = 12$$

$$x = 2$$

그런데 $x \geq \frac{5}{2}$ 이어야 하므로 $x = 2$ 는 해가 아니다.

(ii) $x < \frac{5}{2}$ 일 때

$$-(2x - 5) = 7 - 4x$$

$$2x = 2$$

$$x = 1 (\textcircled{O})$$

21. 현재 갑은 82000 원, 을은 23000 원이 은행에 예금 되어 있다. 갑은 매주 2000 원씩, 을은 매주 4000 원씩 예금하려 한다. 갑의 예금액이 을의 예금액의 2 배가 되는 것은 몇 주 후인지 구하여라.

▶ 답:

주 후

▷ 정답: 6 주 후

해설

x 주 후의 갑의 예금액은 $(82000 + 2000x)$ 원,

을의 예금액은 $(23000 + 4000x)$ 원이다.

$$82000 + 2000x = 2(23000 + 4000x)$$

$$6000x = 36000$$

$$x = 6$$

22. 집에서 학교까지 가는데, 자전거를 타고 시속 12km로 가면 걸어서 시속 4km로 가는 것보다 20분 빨리 도착한다고 한다. 집에서 학교 까지의 거리를 구하여라.

▶ 답: km

▷ 정답: 2km

해설

집에서 학교까지의 거리를 x km라 하면

$$\frac{x}{4} - \frac{x}{12} = \frac{1}{3} \text{ 양변에 } 12 \text{ 를 곱하면}$$

$$3x - x = 4$$

$$2x = 4$$

$$x = 2$$

$$\therefore 2\text{km}$$

23. 6% 의 소금물 300g 을 가열하면 1 분에 5g 씩 물이 증발한다. 이 소금물의 농도를 15% 가 되도록 하려고 한다. 몇 분이나 가열해야 하는가?

- ① 35 분 ② 36 분 ③ 60 분
④ 180 분 ⑤ 186 분

해설

x 분 후에 증발하는 물의 양은 $5x$ (g) 이다. 소금의 양은 $\frac{6}{100} \times$

300 = 18g 이므로 식은 다음과 같다.

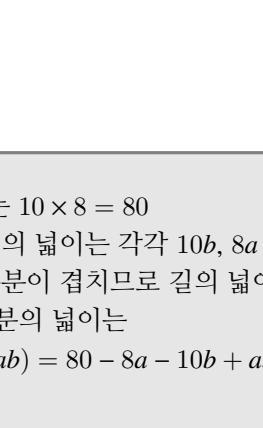
$$\frac{18}{300 - 5x} \times 100 = 15$$

$$120 = 300 - 5x$$

$$x = 36$$

따라서 36분 가열하여 물 180g 을 증발시켜야 한다.

24. 직사각형 모양의 땅에 다음 그림과 같이 길을 만들 때, 색칠한 부분의 넓이를 a , b 를 사용하여 나타냈을 때 a 의 계수와 b 의 계수의 합을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: -18

해설

직사각형의 넓이는 $10 \times 8 = 80$
가로 길과 세로 길의 넓이는 각각 $10b$, $8a$ 인데
두 길의 가운데 부분이 겹치므로 길의 넓이는 $8a + 10b - ab$
따라서 색칠한 부분의 넓이는
$$80 - (8a + 10b - ab) = 80 - 8a - 10b + ab$$
$$\therefore -8 - 10 = -18$$

25. 다음 방정식을 풀어라.

$$\frac{3x - 6}{2} = \frac{x - 3}{4}$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = \frac{9}{4}$

해설

주어진 식의 양변에 4를 곱하면
 $2(3x - 6) = x - \frac{x}{3}$

양변에 3을 곱하면

$$18x - 36 = 3x - x$$

$$16x = 36$$

$$\therefore x = \frac{9}{4}$$

26. 다음 비례식을 만족하는 x 의 값을 구하여라.

$$(x - 2) : (5x - 2) = 1 : 4$$

▶ 답:

▷ 정답: $x = -6$

해설

$$(x - 2) : (5x - 2) = 1 : 4$$

$$5x - 2 = 4(x - 2)$$

$$5x - 2 = 4x - 8$$

$$\therefore x = -6$$

27. 학교 앞 선물가게에서 오전에는 필통을 1 개에 1800 원씩 a 개 팔다가 오후에는 25 % 할인해서 팔았더니 오전의 5 배가 팔렸다. 하루 동안 팔린 필통 가격의 평균을 구하여라.

▶ 답: 원

▷ 정답: 1425 원

해설

오후에는 오전보다 25 % 할인된 가격인 1350 원에 $5a$ 개 팔았으므로

$$\frac{1800 \times a + 1350 \times 5a}{a + 5a} = 1425 \text{ (원)}$$

28. 어느 학교의 입학시험에서 입학 지원자의 남녀의 비는 $3 : 2$ 이고 합격자의 남녀의 비는 $5 : 2$, 불합격자의 남녀의 비는 $1 : 1$. 합격자의 수는 210 명이었다. 입학 지원자의 수는?

- ① 300 명 ② 350 명 ③ 400 명
④ 450 명 ⑤ 500 명

해설

$$\text{남자 합격자} : 210 \times \frac{5}{5+2} = 150 \text{ (명)}$$

$$\text{여자 합격자} : 210 \times \frac{2}{5+2} = 60 \text{ (명)}$$

남자 지원자 수를 $3x$ 명, 여자 지원자 수를 $2x$ 명이라고 하면 남자, 여자 불합격자의 수는 각각 $(3x - 150)$ 명, $(2x - 60)$ 명이므로

$$3x - 150 = 2x - 60$$

$$\therefore x = 90$$

$$\text{따라서 지원자 수는 } 5x = 5 \times 90 = 450 \text{ (명)}$$

29. 명절이 다가와 과일 바구니 몇 개와 사과를 4 상자 샀다. 바구니 1 개에 사과를 5 개씩 넣었더니 사과가 6 개 남고, 6 개씩 넣었더니 사과가 4 개가 모자랐다. 한 상자에 사과는 몇 개가 들어 있는지 구하여라.

▶ 답: 개

▷ 정답: 14개

해설

과일 바구니를 x 개, 한 상자에 들어 있는 사과의 개수를 a 개라고 하자.

$$5x + 6 = 6x - 4 = 4a \quad \text{으로 } x = 10, a = 14$$

따라서 바구니는 10 개이고, 한 상자에 사과는 14 개가 들어있다.

30. 어떤 일을 하는 데 형을 16 일, 동생을 24 일이 걸린다고 한다. 형이 11 일 동안 혼자서 한 후에 형제가 함께 나머지 일을 끝냈다고 한다. 형제가 함께 일한 날수를 구하면?

① 3 일 ② 4 일 ③ 5 일 ④ 6 일 ⑤ 7 일

해설

전체 일의 양을 1이라 하면 형과 동생이 하루에 하는 일의 양은

각각 $\frac{1}{16}$, $\frac{1}{24}$ 이다.

형제가 함께 일한 날수를 x 일이라 하면

$$\frac{11}{16} + \left(\frac{1}{16} + \frac{1}{24} \right) x = 1$$

$$\frac{11}{16} + \frac{5}{48}x = 1$$

$$33 + 5x = 48, 5x = 15$$

$$\therefore x = 3$$

따라서 형제가 함께 일한 날수는 3 일이다.

31. 다음 표에서 가로, 세로, 대각선의 세 식의 합이 모두 같아지도록 빈칸을 할 때, ④와 ⑤의 합은?

	④	$2x+4$
$-4x+6$	$x+3$	
$8x$	⑤	

① $-2x - 2$ ② $5x + 7$ ③ $x - 12$

④ $10x + 4$ ⑤ $-4x + 8$

해설

대각선에 모인 세 식의 합이 $8x + x + 3 + 2x + 4 = 11x + 7$ 이므로
 $11x + 7 - (x + 3) = 10x + 4$

32. 다음 두 방정식의 해의 곱이 -16 일 때, 상수 a 의 값은?

$$5x - 7 = 3x + a$$

$$\frac{x}{2} - \frac{x+1}{3} = 1$$

- ① -11 ② -10 ③ 0 ④ 10 ⑤ 11

해설

먼저 미지수가 하나인 방정식의 해를 구한다.

$\frac{x}{2} - \frac{x+1}{3} = 1$ 의 양변에 최소공배수 6 을 곱하면

$3x - 2x = 6 + 2$, $x = 8$ 이므로 다른 방정식의 해는 -2 이다.

$5x - 7 = 3x + a$ 에 $x = -2$ 를 대입하면

$-10 - 7 = -6 + a$, $a = -11$ 이다.

33. 폐지저금통에 10 원, 50 원, 100 원, 500 원짜리 동전을 40 개 가지고 있다. 10 원짜리 동전은 100 원짜리 동전보다 4 개 적고, 100 원짜리 동전은 50 원짜리 동전보다 7 개 많고, 500 원짜리 동전은 10 원짜리 동전보다 5 개가 적다고 한다. 진석이가 가지고 있는 10 원짜리 동전은 몇 개인가?

- ① 5 개 ② 7 개 ③ 9 개 ④ 11 개 ⑤ 13 개

해설

10 원짜리 동전을 x 개라 하면
100 원짜리 $(x + 4)$ 개,
50 원짜리 $(x - 3)$ 개,
500 원짜리 $(x - 5)$ 개
 $x + x + 4 + x - 3 + x - 5 = 40$
 $\therefore x = 11$