

1. 함수 $f(x) = -4x$ 에 대하여 다음 중 함숫값이 옳지 않은 것을 고르면?

① $f(1) = -4$ ② $f(-2) = 8$ ③ $f(0) = 0$

④ $f\left(\frac{1}{4}\right) = 1$ ⑤ $f\left(\frac{1}{8}\right) = -\frac{1}{2}$

해설

$f(x) = -4x$ 에서

④ $f\left(\frac{1}{4}\right) = -4 \times \frac{1}{4} = -1$ 이다.

2. x 의 값이 1, 2, 5, 10 일 때, 함수 $y = \frac{-10}{x}$ 의 모든 함수값을 구하면?

- ① 1, 2, 5 ② 1, 2, 5, 10
③ 1, 2, 10 ④ -1, -2, -5
⑤ -1, -2, -5, -10

해설

$$f(1) = -10, f(2) = -5, f(5) = -2, f(10) = -1$$

3. X 의 값이 1,2,3, Y 의 값이 a,b,c,d 일 때, (X,Y) 로 이루어지는 순서쌍이 아닌 것을 고르면?

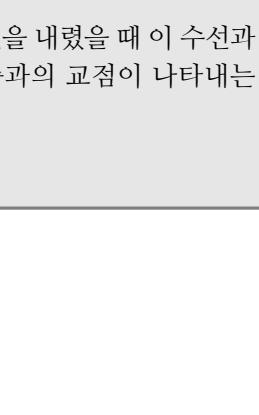
- ① (1, c) ② (3, d) ③ (2, b)
④ (3, e) ⑤ (1, a)

해설

(1, a), (1, b), (1, c), (1, d), (2, a), (2, b), (2, c), (2, d), (3, a),
(3, b), (3, c), (3, d)

4. 다음 좌표평면에서 점 P의 좌표는?

- ① $(-3, -3)$ ② $(3, -4)$
③ $(-3, 3)$ ④ $(-4, -3)$
⑤ $(-4, 3)$



해설

좌표평면 위의 점 P에서 x축, y축에 수선을 내렸을 때 이 수선과 x축과의 교점이 나타내는 수는 -3 , y축과의 교점이 나타내는 수는 3 이다.

\therefore 점 P의 좌표는 $(-3, 3)$ 이다.

5. 다음 점들이 속해 있지 않은 사분면을 고르면?

(-1, 6), (6, -3), (0, -5), (-1, -4)

① 제1사분면 ② 제2사분면

③ 제3사분면 ④ 제4사분면

⑤ 해당사항이 없다.

해설

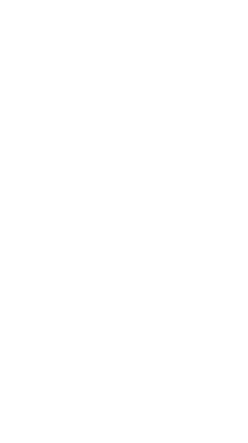
(-1, 6) : 제2사분면, (6, -3) : 제4사분면, (0, -5) : y 축,
(-1, -4) : 제3사분면

6. 점 A $\left(-2, \frac{3}{2}\right)$ 에 대하여 x 축에 대하여 대칭인 점의 좌표는?

- ① $\left(\frac{3}{2}, -2\right)$ ② $\left(\frac{3}{2}, 2\right)$ ③ $\left(-2, -\frac{3}{2}\right)$
④ $\left(2, -\frac{3}{2}\right)$ ⑤ $\left(2, \frac{3}{2}\right)$

해설

점 A $\left(-2, \frac{3}{2}\right)$ 에 대하여 x 축에 대하여 대칭인 점을 좌표평면 위에 그리면 다음과 같다.



7. 다음 중 함수 $y = \frac{2}{5}x$ 의 그래프 위의 점을 고르면?

- ① $(-1, \frac{2}{5})$ ② $(0, 1)$ ③ $(3, \frac{4}{5})$
④ $(10, -4)$ ⑤ $(5, 2)$

해설

$$f(x) = \frac{2}{5}x \text{ 라 하면}$$

$$\textcircled{1} \quad f(-1) = -\frac{2}{5}$$

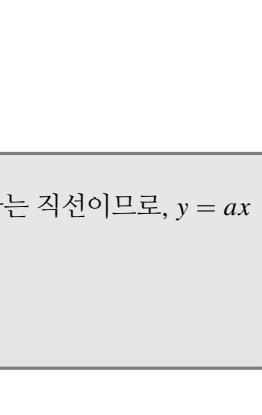
$$\textcircled{2} \quad f(0) = 0$$

$$\textcircled{3} \quad f(3) = \frac{6}{5}$$

$$\textcircled{4} \quad f(10) = 4$$

$$\textcircled{5} \quad f(5) = 2$$

8. 함수 $y = ax$ 의 그래프가 다음과 같을 때,
상수 a 의 값을 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: $a = \frac{1}{3}$

해설

그래프가 점 $(3, 1)$ 을 지나고 원점을 지나는 직선이므로, $y = ax$
에 $x = 3, y = 1$ 을 대입하면

$$3a = 1, \therefore a = \frac{1}{3}$$

9. 다음은 함수 $y = -\frac{6}{x}$ 의 그래프에 대한 설명이다. 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 원점을 지나는 곡선이다.
- ② 점 $(-4, \frac{2}{3})$ 을 지난다.
- ③ 제 2 사분면과 제 4 분면을 지난다.
- ④ x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.
- ⑤ $x < 0$ 일 때, $y > 0$ 이다.

해설

$y = -\frac{6}{x}$ 의 그래프를 그려보면



- ① 원점을 지나지 않는 쌍곡선이다.
- ② $x = -4$ 일 때 $y = \frac{3}{2}$ 이다.
- ④ x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.

10. 노래를 부를 때, 1분에 소모되는 열량이 4 kcal라고 한다. x 분 동안에 소모되는 열량을 y kcal라고 할 때, 20 kcal가 소모되었을 때, 몇 분 동안 노래를 불렀는가?

- ① 1분 ② 2분 ③ 3분 ④ 4분 ⑤ 5분

해설

$$\begin{aligned} \text{1분에 소모되는 열량} &: 4 \text{ kcal} \\ x \text{분 동안에 소모되는 열량} &: 4 \times x \\ \therefore y = 4x \\ y = 20 \text{ 일 때}, 4x = 20 \\ \therefore x = 5(\text{분}) \end{aligned}$$

11. 다음 중 함수가 아닌 것을 모두 골라라.

- ① 자연수 x 의 약수의 개수 y 개
- ② 자연수 x 와 3 의 최소공배수 y
- ③ 자연수 x 와 서로소인 수 y
- ④ 절댓값이 x 인 수 y
- ⑤ 자연수 x 의 4배인 수 y

해설

x 의 값에 따라 y 의 값이 하나로 결정되지 않으면 함수가 아니다.

12. 함수 $f(x) = -7x + 2$ 에 대하여 다음을 구하면?

$$f(-3) - f\left(\frac{1}{7}\right)$$

- ① -10 ② -4 ③ 7 ④ 16 ⑤ 22

해설

$$f(-3) = -7 \times (-3) + 2 = 23$$

$$f\left(\frac{1}{7}\right) = -7 \times \frac{1}{7} + 2 = 1$$

$$\therefore f(-3) - f\left(\frac{1}{7}\right) = 23 - 1 = 22$$

13. 함수 $f(x) = (x \text{ 이하의 소수의 개수})$ 의 x 의 값이 4, 9, 10, b 이고, y 의 값이 2, 3, 4, 5, 6 일 때, 다음 중 b 의 값으로 적당하지 않은 것은?

- ① 6 ② 8 ③ 12 ④ 14 ⑤ 18

해설

$f(b)$ 의 값이 y 의 값인 2, 3, 4, 5, 6 중 하나를 만족해야 한다.

- ① $f(6) = (6 \text{ 이하의 소수의 개수}) = 3$
② $f(8) = (8 \text{ 이하의 소수의 개수}) = 4$
③ $f(12) = (12 \text{ 이하의 소수의 개수}) = 5$
④ $f(14) = (14 \text{ 이하의 소수의 개수}) = 6$
⑤ $f(18) = (18 \text{ 이하의 소수의 개수}) = 7$

\therefore 합수값이 y 의 값에 속하지 않는 것은 ⑤이다.

14. x 의 값이 $-2, 1, 3$ 이고, y 의 값이 $-9, -3, -2, 2, 6$ 일 때, 다음 중 함수인 것은?

① $y = -2x$ ② $y = -3x$ ③ $y = x$
④ $y = -\frac{6}{x}$ ⑤ $y = \frac{3}{x}$

해설

함수: x 값 하나에 y 값 하나가 대응될 때 함수라 한다.

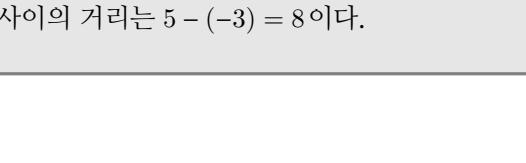
① $x = -2, x = 3$ 일 때 y 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

③ $x = 1, x = 3$ 일 때 y 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

④ $x = -2, x = 1$ 일 때 y 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

⑤ $x = -2, x = 1, x = 3$ 일 때 y 값이 존재하지 않으므로 함수가 아니다.

15. 다음 수직선 위의 두 점 A,B 사이의 거리는?



- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

해설

두 점 사이의 거리는 $5 - (-3) = 8$ 이다.

16. 점 A(a, b) 가 원점이 아닌 x 축 위에 있을 때, 다음 중 알맞은 것은?

- ① $a = 0, b = 0$ ② $a = 0, b \neq 0$ ③ $a \neq 0, b = 0$
④ $a \neq 0, b \neq 0$ ⑤ $a \geq 0, b = 0$

해설

x 축의 위에 있으면 y 좌표가 0 이므로 $y = 0$ 이며, 원점 위에
있지 않으므로 적어도 a, b 중 하나는 0 이 아니다.

따라서 점 A 의 좌표의 x 좌표는 0 이 아니고, y 좌표는 0 이다.

$\therefore a \neq 0, b = 0$ 이다.

17. 좌표평면 위의 점 $(a, -b)$ 가 제 4사분면 위의 점일 때, 다음 중 제 2사분면 위의 점은?

- ① $(-a, -b)$ ② (a, b) ③ (a, ab)
④ $(a+b, -b)$ ⑤ $(-b, a+b)$

해설

$a > 0, -b < 0 \Rightarrow a > 0, b > 0$

- ① $-a < 0, -b < 0$: 제 3사분면
②, ③: 제 1사분면
④ $a+b > 0, -b < 0$: 제 4사분면
⑤ $-b < 0, a+b > 0$: 제 2사분면

18. 점 $(6, 9)$ 를 지나는 함수 $y = ax$ 의 그래프에 대한 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

- ① 제 2사분면과 제 4사분면을 지난다.
- ② x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가한다.
- ③ 한 쪽의 곡선이다.
- ④ a 의 값은 $\frac{3}{2}$ 이다.
- ⑤ 직선 $y = x$ 의 그래프보다 x 축에 가깝다.

해설

$y = ax$ 에 $x = 6, y = 9$ 를 대입하면

$$9 = a \times 6 \quad \therefore a = \frac{3}{2}$$

즉, 함수의 식은 $y = \frac{3}{2}x$ 이다.

- ① 제 1사분면과 제 3사분면을 지난다.
- ③ 원점을 지나는 직선이다.
- ⑤ 직선 $y = x$ 의 그래프보다 y 축에 가깝다.

19. 다음 함수의 그래프 중에서 제 2, 4 사분면을 지나는 것은?

- Ⓐ $y = -2x$ Ⓑ $y = \frac{3}{2}x$ Ⓒ $y = 4x$
Ⓓ $y = \frac{2}{5}x$ Ⓛ $y = 5x$

해설

$y = ax (a \neq 0)$ 의 그래프는 $a < 0$ 일 때, 제 2, 4 사분면을 지난다.

20. $y = ax(a \neq 0)$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳은 것은?

- ① 그래프의 모양은 쌍곡선이다.
- ② $|a|$ 가 커질수록 x 축에 가까워진다.
- ③ $a > 0$ 이면, 제 1, 3사분면을 지난다.
- ④ 항상 점 $(a, 1)$ 을 지난다.
- ⑤ x 값이 증가하면 y 값도 증가한다.

해설

정비례 그래프이다.

- ① 원점을 지난는 직선이다.
- ② y 축에 가까워진다.
- ③ 항상 $(1, a)$ 를 지난다.
- ④ $a > 0$ 일 때만 x 가 증가하면 y 가 증가한다.

21. 함수 $y = ax$ 의 그래프가 점 $(-3, 6)$ 을 지날 때, 함수의 식은?

- ① $y = -x$ ② $y = -2x$ ③ $y = -3x$
④ $y = -4x$ ⑤ $y = -5x$

해설

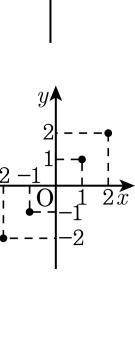
함수 $y = ax$ 에 $(-3, 6)$ 을 대입하면

$$6 = -3a$$

$$a = -2 \text{이므로 } y = -2x \text{이다.}$$

22. 다음 중 x 의 값이 수 전체인 함수 $y = 5x$ 의 그래프를 찾으면?

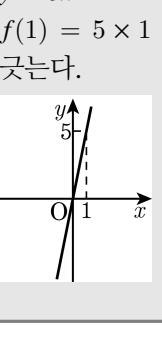
①



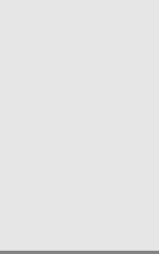
②



③



④



⑤



해설

$$y = 5x$$

$f(1) = 5 \times 1 = 5$ 이므로 원점과 점 $(1, 5)$ 을 지나는 직선을
긋는다.



23. 함수 $y = ax$ 의 그래프가 점 $(-3, 6)$ 을 지날 때, 다음 중 함수 $y = ax$ 의 그래프 위에 있는 점은?

Ⓐ $\left(-\frac{1}{2}, 1\right)$ Ⓑ $\left(1, \frac{1}{2}\right)$ Ⓒ $(-4, 7)$
Ⓑ $(7, -4)$ Ⓓ $(1, 2)$

해설

$y = ax$ 가 점 $(-3, 6)$ 을 지나므로 $x = -3$, $y = 6$ 을 대입하면

$$6 = (-3)a, \quad a = -2$$

따라서 $y = -2x$ 이다.

Ⓑ $(1, -2)$ 을 지난다.

Ⓒ $(-4, 8)$ 을 지난다.

Ⓓ $(7, -14)$ 을 지난다.

Ⓔ $(1, -2)$ 을 지난다

24. 다음 중 함수 $y = \frac{10}{x}$ 의 그래프에 대한 설명으로 옳지 않은 것은?

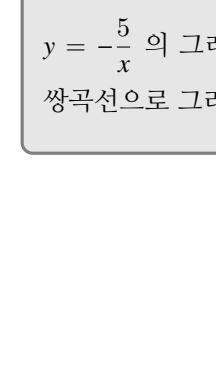
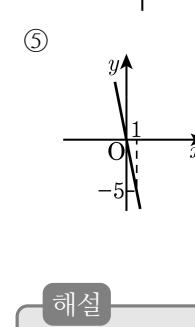
- ① 한 쪽의 곡선으로 그려진다.
- ② 제1, 3사분면 위에 있다.
- ③ 점 $(2, 5)$ 를 지난다.
- ④ x 의 값이 증가하면 y 의 값은 감소한다.
- ⑤ 원점을 지난다.

해설

⑤ $y = \frac{10}{x}$ 의 그래프는 원점을 지난지 않는다.



25. 다음 중 함수 $y = -\frac{5}{x}$ 의 그래프를 골라라.



해설

$y = -\frac{5}{x}$ 의 그래프는 점 $(5, -1)$ 을 지나고 제 2, 4사분면 위에 쌍곡선으로 그려진다.

26. 함수 $y = \frac{a}{x}$ 가 다음과 같을 때, a 의 값은?

- ① -5 ② -6 ③ -7

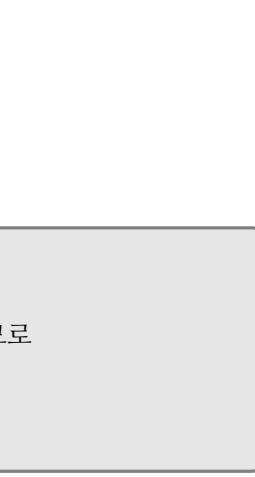
- ④ -8 ⑤ -9



해설

$y = \frac{a}{x}$ 가 점 $(2, -3)$ 을 지나므로 $-3 = \frac{a}{2}$, $a = -6$ 이다.

27. 육상 선수인 형과 동생의 달리기 연습의 기록을 다음과 같은 그래프로 나타내면 다음과 같다. 단거리 선수인 형과 장거리 선수인 동생이 일정한 속력으로 뛰었다면 연습을 시작한지 12 분 후에 형과 동생이 뛴 거리의 차는 얼마인지 구하여라.



▶ 답: m

▷ 정답: 800 m

해설

형과 동생의 함수의 식은 각각
 $y = \frac{800}{3}x$ ($x \geq 0$), $y = \frac{800}{4}x$ ($x \geq 0$) 이므로
 $\frac{800}{3} \times 12 - \frac{800}{4} \times 12 = 800$ (m)

28. 10L 의 주스를 x 명이 똑같이 나누어 마셨을 때, 한 사람이 마신 주스의 양을 y L 라고 하면 y 는 x 의 함수이다. 이 함수를 $y = f(x)$ 로 나타낼 때, $f(x)$ 는?

① $f(x) = 10x$ ② $f(x) = \frac{x}{10}$ ③ $f(x) = \frac{10}{x}$
④ $f(x) = \frac{100}{x}$ ⑤ $f(x) = \frac{x}{100}$

해설

10L 의 주스를 x 명이 똑같이 나누어 마셨으므로 $f(x) = \frac{10}{x}$ ◉| 된다.

29. x 와 y 의 관계식이 $y = ax - 5$ 로 정해지는 함수 $f : X \rightarrow Y$ 에서 $f(3) = 4$ 일 때, $f(-2)$ 의 값을 구하면?

- ① 3 ② -5 ③ -11 ④ -1 ⑤ 5

해설

$f(x) = ax - 5$ 인 관계식에 $x = 3$ 을 대입하면 $a \times 3 - 5 = 4$

이므로 $3a = 9$ 이다.

$a = 3$, $f(x) = 3x - 5$

$\therefore f(-2) = 3 \times (-2) - 5 = -11$

30. 함수 $f(x) = 3x - 7$ 에서 $f(a) = 8$ 이고 $f(-1) = b$ 일 때, $2a + b$ 의 값을 구하면?

① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

해설

$$3a - 7 = 8$$

$$a = 5$$

$$-3 - 7 = b$$

$$b = -10$$

$$\therefore 2a + b = 0$$

31. 함수 $f(x) = ax + 2$ 에 대하여 $f(2) = -14$ 일 때, $f(-3) + 2f(1)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 14

해설

$$f(2) = 2a + 2 = -14 \text{에서 } a = -8 \text{ 이다.}$$

$$\therefore f(x) = -8x + 2$$

$$f(-3) = (-8) \times (-3) + 2 = 26$$

$$f(1) = (-8) \times 1 + 2 = -6$$

$$f(-3) + 2f(1) = 26 - 12 = 14$$

32. 좌표평면 위의 점 A(2, 0), B(-4, 0), C(0, 3)를 꼭짓점으로 하는 삼각형 ABC의 넓이는?

- ① 6 ② 7 ③ 9 ④ 10 ⑤ 11

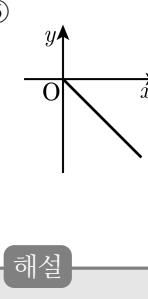
해설



$\triangle ABC$ 는 밑변이 6, 높이가 3인 삼각형의 넓이는 $6 \times 3 \times \frac{1}{2} = 9$ 이다.

33. x 의 값의 범위가 $x \leq 0$ 일 때, 함수 $y = -ax$ ($a > 0$) 의 그래프는?

①



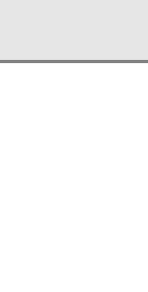
②



③



④



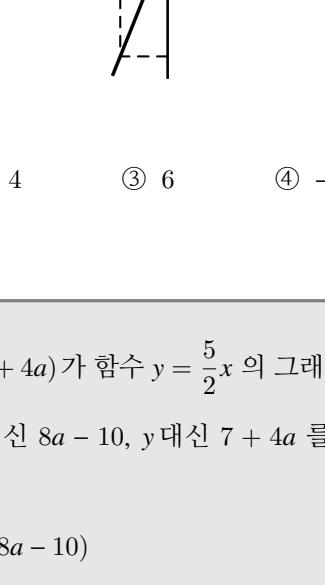
⑤



해설

$y = -ax$ ($a > 0$) 는 정비례 함수이고 비례상수 $-a < 0$ 이므로 제 2, 4 사분면에 그래프가 그려져야 한다. $x \leq 0$ 이므로 그래프는 제 2 사분면에만 그려져야 한다.

34. 점 A가 함수 $y = \frac{5}{2}x$ 위의 점일 때, a 의 값을 구하면?



- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ -4 ⑤ -2

해설

점 $(8a - 10, 7 + 4a)$ 가 함수 $y = \frac{5}{2}x$ 의 그래프 위에 있을 때,

$y = \frac{5}{2}x$ 에 x 대신 $8a - 10$, y 대신 $7 + 4a$ 를 대입하면 등식이 성립한다.

$$7 + 4a = \frac{5}{2} \times (8a - 10)$$

$$\therefore a = 2$$

35. 다음 함수의 그래프 중에서 x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가하는 것을 모두 고르면?

① $y = -\frac{1}{3}x$

④ $y = \frac{1}{5x}$

② $y = -\frac{8}{x}$

⑤ $y = \frac{x}{8}$

③ $y = \frac{4}{x}$

해설

x 의 값이 증가하면 y 의 값도 증가하는 것은 $a > 0$ 일 때는 $y = ax$ 이고 $a < 0$ 일 때는 $y = \frac{a}{x}$ 이다.

36. 함수 $y = f(x)$ 에서 y 는 x 에 반비례하고 $f\left(-\frac{1}{2}\right) = 8$, $f(a) = -1$

일 때, a 의 값을 구하면?

- ① -8 ② -6 ③ 4 ④ -2 ⑤ 1

해설

$$y = \frac{k}{x} \text{ 라 하면}$$

$$f\left(-\frac{1}{2}\right) = \frac{k}{-\frac{1}{2}} = 8 \text{ 이서 } k = -4 \text{ 이므로}$$

$$f(x) = -\frac{4}{x}$$

$$f(a) = -\frac{4}{a} = -1$$

$$\therefore a = 4$$

37. 좌표축에 한없이 가까워지는 한 쌍의 곡선 형태인 함수 $y = f(x)$ 의
그래프가 점 $(-2, 4)$ 를 지날 때, 이 함수의 그래프 위의 점인 것은?

보기

- ㄱ. $(1, 8)$
- ㄴ. $(2, 6)$
- ㄷ. $(-8, 1)$
- ㄹ. $(-4, -2)$
- ㅁ. $(-4, 2)$

- ① ㄱ, ㄴ ② ㄴ, ㄷ ③ ㄴ, ㄹ ④ ㄷ, ㅁ ⑤ ㄹ, ㅁ

해설

$$f(x) = \frac{a}{x} \text{에서}$$

$$f(-2) = \frac{a}{-2} = 4$$

$$a = -8 \text{ } \diamond] \text{므로 } f(x) = -\frac{8}{x}$$

$$\text{ㄷ. } 1 = -\frac{8}{-8}$$

ㅁ. $2 = -\frac{8}{-4}$ 이므로 함수 $y = f(x)$ 의 그래프 위에 있는 점은
 $(-8, 1), (-4, 2)$ 이다.

38. 다음 그림은 $y = \frac{8}{x}$ 와 $y = ax$ 의 그래프를
그려 놓은 것이다. $a + b$ 의 값은?

- ① 6 ② 12 ③ 18
④ 24 ⑤ 30



해설

$$y = \frac{8}{x} \text{ 와 } y = ax \text{ 의 교점이 } (2, b) \text{ 이므로}$$

$$b = \frac{8}{2} = 4$$

$$4 = 2a, a = 2$$

$$\therefore a + b = 6$$

39. 소금 20g이 소금물 x g 속에 들어 있을 때, 소금물의 농도를 $y\%$ 라 한다.
 x 와 y 사이의 관계식과 $x = 500$ 일 때, y 의 값을 차례대로 구하면?

① $y = \frac{20}{x}, 4$ ② $y = 20x, 4$ ③ $y = 200x, 10$
④ $y = \frac{2000}{x}, 4$ ⑤ $y = \frac{200}{x}, 10$

해설

$$(\text{농도}) = \frac{(\text{소금의 양})}{(\text{소금물의 양})} \times 100\% \text{으로}$$

$$y = \frac{20}{x} \times 100$$

$$\therefore y = \frac{2000}{x}$$

$$x = 500 \text{ 일 때 } y = \frac{2000}{500} = 4$$

40. 함수 $y = |x|$ 의 그래프와 직선 $y = 5$ 의 두 교점을 P, Q 라 할 때, 삼각형 POQ의 내부에 a, b 가 모두 정수인 점 (a, b) 는 모두 몇 개인지 구하여라. (단, 점 O는 원점)

▶ 답: 개

▷ 정답: 16개

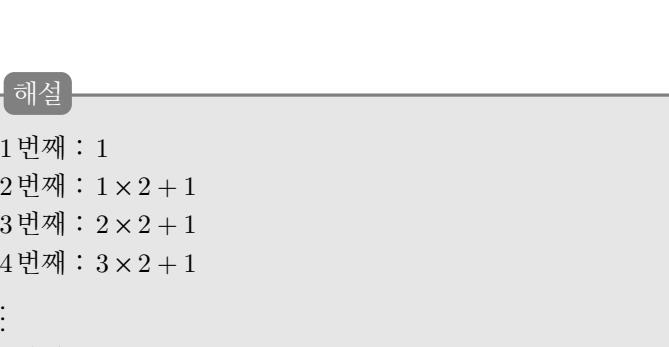
해설

그래프를 그려 보면



$$1 + 3 + 5 + 7 = 16$$

41. 다음 그림과 같이 점을 찍어 나갈 때, x 번째 그림에 새로 찍어야 할 점의 갯수를 y 개라고 하면 y 는 x 의 함수이다. 함수의 관계식은?



- ① $y = x$ ② $y = 2x$ ③ $y = x - 1$
④ $y = 2x - 1$ ⑤ $y = 3x$

해설

$$\begin{aligned}1\text{번째} &: 1 \\2\text{번째} &: 1 \times 2 + 1 \\3\text{번째} &: 2 \times 2 + 1 \\4\text{번째} &: 3 \times 2 + 1 \\&\vdots \\x\text{번째} &: (x-1) \times 2 + 1 \\&\therefore y = 2x - 1\end{aligned}$$

42. 두 함수 $f(x) = -\frac{22}{x} + 1$, $g(x) = -\frac{28}{x} + 4$ 에 대하여 $f(8) = a$ 일 때,
 $g(4a)$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 8

해설

$$f(8) = -\frac{22}{8} + 1 = -\frac{7}{4} = a$$

$$\therefore g(4a) = g(-7) = -\frac{28}{-7} + 4 = 8$$

43. 함수 $f(x) = -\frac{a}{x}$ 에 대하여 $f(2) = -4$ 일 때, $f(-8)$ 의 값은?(단, a 는 양수)

- ① -4 ② -2 ③ -1 ④ 1 ⑤ 2

해설

$$f(2) = -\frac{a}{2} = -4$$

$$\therefore a = 8$$

$$f(-8) = -\frac{8}{-8} = 1$$

44. x 의 범위가 $5 < x \leq 10$ 인 자연수일 때, 이 함수 $y = \frac{x}{3}$ 의 합수값들의 합을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: $\frac{40}{3}$

해설

x 의 범위에 속하는 x 가 6, 7, 8, 9, 10이므로

$x = 6$ 일 때, $y = \frac{6}{3} = 2$

$x = 7$ 일 때, $y = \frac{7}{3}$

$x = 8$ 일 때, $y = \frac{8}{3}$

$x = 9$ 일 때, $y = \frac{9}{3}$

$x = 10$ 일 때, $y = \frac{10}{3}$

따라서 합수값의 범위는 $2, \frac{7}{3}, \frac{8}{3}, \frac{9}{3}, \frac{10}{3}$ 이므로

구하는 합은 $\frac{6}{3} + \frac{7}{3} + \frac{8}{3} + \frac{9}{3} + \frac{10}{3} = \frac{40}{3} = 13\frac{1}{3}$ 이다.

45. 좌표평면 위의 세 점 A(-1, 1), B(2, 0), C(1, 3)를 꼭짓점으로 하는 $\triangle ABC$ 의 넓이는?

- ① 6 ② 5.5 ③ 5 ④ 4 ⑤ 4.5

해설

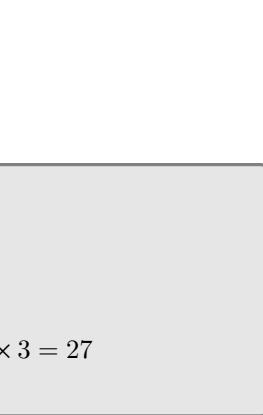


(삼각형의 넓이) = (직사각형의 넓이) - $\triangle ABC$ 를 포함하지 않는 삼각형 3개의 넓이

$\therefore \triangle ABC$ 의 넓이

$$= 3 \times 3 - \left(\frac{1}{2} \times 1 \times 3 \right) - \left(\frac{1}{2} \times 2 \times 2 \right) - \left(\frac{1}{2} \times 3 \times 1 \right) = 9 - 5 = 4$$

46. 다음 그림과 같이 함수 $y = 2x$ 의 그래프 위에 두 점 $A(m, 6)$, $B(n, 12)$ 가 있을 때, 색칠한 부분의 넓이를 구하여라.



▶ 답:

▷ 정답: 27

해설

$y = 2x$ 에 $(m, 6)$, $(n, 12)$ 를 대입하면

$$6 = 2m, m = 3$$

$$12 = 2n, n = 6$$

$$\therefore (\text{색칠한 부분의 넓이}) = \frac{1}{2} \times (12 + 6) \times 3 = 27$$

47. 다음 함수의 그래프에서 $x(x > 0)$ 가 감소할 때, y 도 감소하는 함수끼리 모아 놓은 것은?

Ⓐ $y = \frac{8}{x}$	Ⓑ $y = -\frac{3}{x}$	Ⓒ $y = \frac{1}{x}$
Ⓓ $y = 2x$	Ⓔ $y = \frac{2}{x}$	Ⓕ $y = \frac{1}{4}x$

① Ⓐ, Ⓑ, Ⓒ ② Ⓑ, Ⓒ, Ⓓ ③ Ⓑ, Ⓒ, Ⓕ

Ⓐ Ⓑ, Ⓒ, Ⓕ ⑤ Ⓒ, Ⓓ, Ⓕ

해설

$y = ax$ 에서 $a > 0$ 일 때, x 의 값이 감소할 때, y 의 값도 감소한다.

$y = \frac{a}{x}$ 에서 $a < 0$ 일 때, x 의 값이 감소할 때, y 의 값도 감소한다.

따라서 Ⓑ, Ⓒ, Ⓕ이다.

48. 세 점 $\left(a, -\frac{9}{4}\right)$, $(9, b)$, $(-3, -3)$ 이 함수 $y = \frac{c}{x}$ 의 그래프 위의 점일 때 $4a + 3b + c$ 의 값을 구하면?

- ① 2 ② 4 ③ 11 ④ **-4** ⑤ -11

해설

$y = \frac{c}{x}$ ($c \neq 0$) 형태의 함수식이며,

$x = -3$ 일 때 $y = -3$ 이므로 $-3 = \frac{c}{-3}$ 이며 $c = 9$ 다.

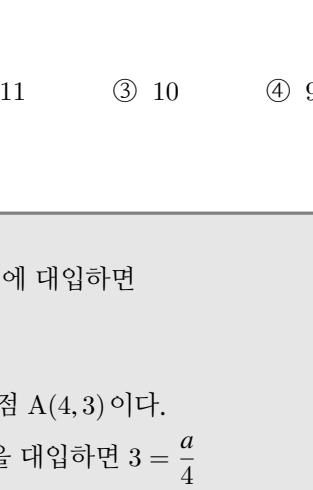
따라서 그래프가 나타내는 함수의 식은 $y = \frac{9}{x}$ 이고

$f(a) = \frac{9}{a} = -\frac{9}{4}$ 이므로 $a = -4$

$f(9) = \frac{9}{9} = 1$ 이므로 $b = 1$

따라서 $4a + 3b + c$ 의 값은 $-16 + 3 + 9 = -4$ 이다.

49. 다음 그래프는 $y = \frac{3}{4}x$, $y = \frac{a}{x}$ 의 그래프이다. 교점 A의 y좌표가 3일 때, a의 값은?



- ① 12 ② 11 ③ 10 ④ 9 ⑤ 8

해설

$$y = 3 \text{ 을 } y = \frac{3}{4}x \text{에 대입하면}$$

$$3 = \frac{3}{4}x$$

$\therefore x = 4$ 이므로 점 A(4, 3)이다.

$$y = \frac{a}{x} \text{에 } (4, 3) \text{을 대입하면 } 3 = \frac{a}{4}$$

$$\therefore a = 12$$

50. 학교 체육관을 관리하는 아저씨의 오랜 경험에 의하면 체육관을 청소하는 데 걸리는 시간은 청소하는 학생의 수에 반비례한다고 한다. 지난 주 토요일 12명의 학생이 청소하는 데 60분이 걸렸다. 이 체육관의 청소를 30분만에 마치는데 필요한 학생 수를 구하여라.

▶ 답: 명

▷ 정답: 24명

해설

청소하는 데 걸리는 시간을 y 분, 학생 수를 x 명이라 하면 $y = \frac{a}{x}$ 이고,

여기에 $x = 12$, $y = 60$ 을 대입하면 $60 = \frac{a}{12}$ 이다.

따라서 $a = 720$ 이다.

따라서 관계식은 $y = \frac{720}{x}$

청소를 30분만에 마치는 데 필요한 학생 수를 x 명이라 하면

$$30 = \frac{720}{x}$$

$$x = 24$$