

1. $-2 \leq x \leq -1$ 일 때, $A = \frac{12}{2-x}$ 가 취하는 값의 범위를 구하면 $p \leq A \leq q$ 이다. 이 때, pq 의 값을 구하여라.



답:

2. 부등식 $(a+b)x + (2a-b) > 0$ 의 해가 $x < -1$ 일 때, 부등식 $ax+b > 0$ 의 해를 구하면?

① $x < -\frac{1}{2}$

② $x < -\frac{1}{3}$

③ $x > -\frac{1}{2}$

④ $x > -\frac{1}{3}$

⑤ $x > -1$

3. 부등식 $x^2 - |x| - 12 \geq 0$ 을 풀면?

① $x \leq -4$ 또는 $x \geq 1$

② $x \leq -4$ 또는 $x \geq 2$

③ $x \leq -4$ 또는 $x \geq 3$

④ $x \leq -4$ 또는 $x \geq 4$

⑤ $x \leq -4$ 또는 $x \geq 5$

4. 이차방정식 $f(x) = 0$ 의 두 근을 α, β 라 할 때, $\alpha + \beta = 4$ 이다. 방정식 $f(4x - 2) = 0$ 의 두 근의 합은?

① 2

② -2

③ 4

④ -4

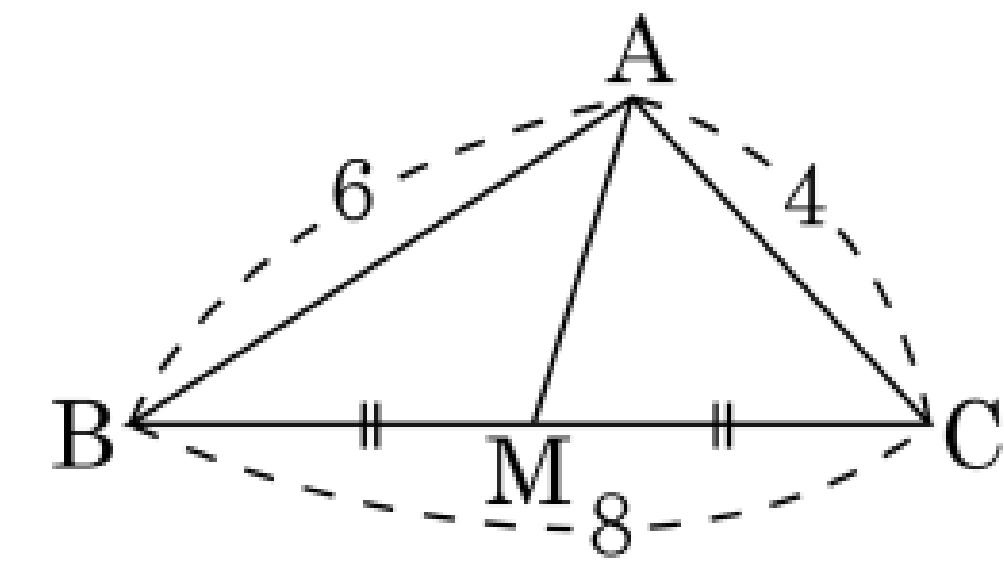
⑤ 0

5. x 에 관한 이차방정식 $x^2 - ax + 9 = 0$ 이 $x < 1$ 에서 두 개의 실근을 갖도록 하는 실수 a 의 범위를 구하면 $a \leq k$ 이다. 이 때, k 의 값을 구하여라.



답: $k =$ _____

6. 다음 그림의 $\triangle ABC$ 에서 $\overline{AB} = 6$, $\overline{BC} = 8$, $\overline{AC} = 4$ 이고, \overline{BC} 의 중점이 M일 때, \overline{AM}^2 의 값을 구하여라.



답:

7. 좌표평면에 두 점 $A(1, 3)$, $B(2, -1)$ 이 있다. 점 $C(m, 2)$ 에 대하여
 $\overline{AC} + \overline{BC}$ 가 최소일 때의 m 의 값을 구하면?

① $\frac{5}{4}$

② $-\frac{5}{4}$

③ $\frac{7}{4}$

④ $-\frac{7}{4}$

⑤ $\frac{9}{4}$

8. $ax + 8y = 4$, $x + (a+2)y = -7$ 에 대하여 두 식을 동시에 만족하는 (x, y) 가 하나도 없을 때, 실수 a 의 값은?

① $a = -4, b = -2$

② $a = -4, b = 2$

③ $a = 4, b = -2$

④ $a = 4, b = 2$

⑤ $a = 1, b = -2$

9. 두 직선 $3x + 4y = 24$ 와 $3x + 4y = 4$ 사이의 거리를 구하여라.



답:

10. 점 $(a, 2)$ 에서 직선 $12x - 5y - 4 = 0$ 에 이르는 거리가 2가 되도록 하는 실수 a 의 값들의 합은?

① $-\frac{1}{3}$

② 0

③ 1

④ $\frac{5}{3}$

⑤ $\frac{7}{3}$

11. 두 직선 $2x - y - 1 = 0$, $x + 2y - 1 = 0$ 으로부터 같은 거리에 있는 점 P의 자취의 방정식 중에서 기울기가 양수인 것은?

① $y = x$

② $y = \frac{1}{2}x$

③ $y = \frac{1}{3}x$

④ $y = \frac{1}{4}x$

⑤ $y = \frac{1}{5}x$

12. 다음 원과 직선의 교점의 개수를 구하여라.

$$x^2 + y^2 = 4, \quad y = x + 3$$



답:

개

13. 직선 $x+2y-3=0$ 을 x 축, y 축의 방향으로 각각 m , n 만큼 평행이동하면 처음 직선과 일치한다. 이 때 m , n 의 관계식으로 옳은 것은?

① $m + 2n = 0$

② $m + 2n = 1$

③ $2m + n = 0$

④ $2m - n = 0$

⑤ $2m - n = 1$

14. 직선 $y = -4x + 7$ 을 $y = x$ 에 대하여 대칭이동한 직선을 l_1 , 원점에 대하여 대칭이동한 직선을 l_2 라고 할 때, 두 직선 l_1 , l_2 의 기울기의 곱은?

① -1

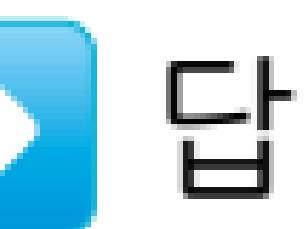
② $-\frac{1}{16}$

③ $\frac{1}{16}$

④ 1

⑤ 16

15. 직선 $y = x + 1$ 에 관해서 점 A(-2, 3)과 대칭인 점의 좌표를 (x, y) 라 할 때, $x + y$ 값을 구하여라.



답:

16. 임의의 실수 x 에 대하여 부등식 $x^2 - a|x| + 2 \geq 0$ 이 성립하기 위한
실수 a 의 최댓값은? (단, $a > 0$)

① 3

② $2\sqrt{2}$

③ 2

④ $\sqrt{2}$

⑤ 1

17. 이차방정식 $x^2 + (a - b)x + ab = 1$ 이 a 의 어떤 실수값에 대해서도 항상 실근을 갖도록 b 의 범위를 정하면?

$$\textcircled{1} \quad -\frac{\sqrt{2}}{2} \leq b \leq \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\textcircled{3} \quad -\frac{\sqrt{2}}{3} \leq b \leq \frac{\sqrt{2}}{3}$$

$$\textcircled{5} \quad b \leq -2, \quad b \geq 2$$

$$\textcircled{2} \quad b \leq -\frac{\sqrt{2}}{2}, \quad b \geq \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$\textcircled{4} \quad b \leq -\frac{\sqrt{2}}{3}, \quad b \geq \frac{\sqrt{2}}{3}$$

18. 두 부등식 $-x^2 + 4x + 5 < 0$,

$x^2 + ax - b \leq 0$ 에 대하여

두 부등식 중 적어도 하나를 만족하는 x 의 값은 실수 전체이고, 두 부등식을 동시에 만족하는 x 의 값은 $5 < x \leq 6$ 일 때, $a + b$ 의 값은?

① -1

② 1

③ -11

④ 11

⑤ 5

19. 두 점 $A(2, 3)$, $B(0, -1)$ 를 이은 선분 AB , 또는 그 연장선 위에 $\overline{AB} = 2\overline{BC}$ 인 점 C 는 두 개가 있다. 이 때, 이 두 점 사이의 거리는?

① $2\sqrt{3}$

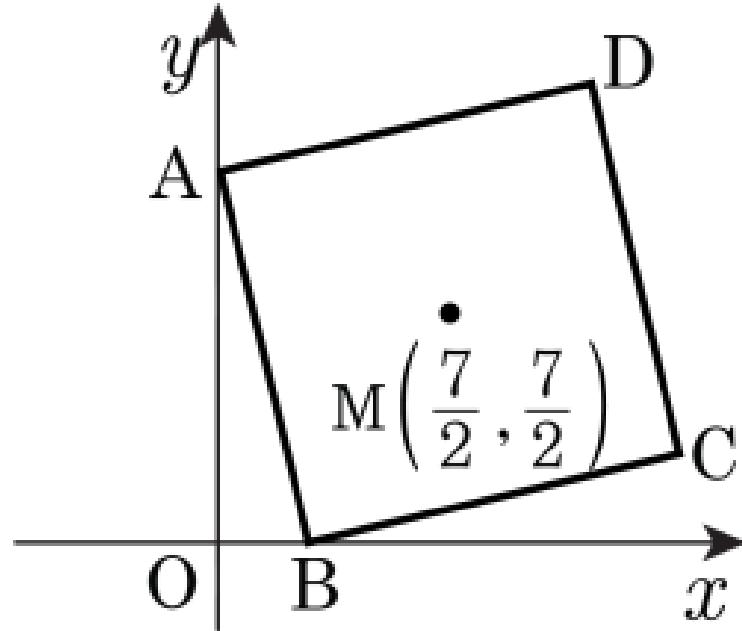
② 4

③ $2\sqrt{5}$

④ $2\sqrt{6}$

⑤ 5

20. 다음 그림과 같이 좌표평면 위에 한 변의 길이가 5인 정사각형 ABCD가 있다. 정사각형 ABCD의 중심 M의 좌표가 $\left(\frac{7}{2}, \frac{7}{2}\right)$ 일 때, $\triangle OAB$ 의 넓이는? (단, O는 원점이다.)



- ① 6
- ② 7
- ③ 8
- ④ 9
- ⑤ 10

21. $\triangle ABC$ 의 무게중심이 $G(1, 4)$ 이고, 세 변 \overline{AB} , \overline{BC} , \overline{CA} 의 중점이 각각 $(-1, 6)$, (a, b) , $(3, 4)$ 일 때, $a + b$ 의 값은?

① 1

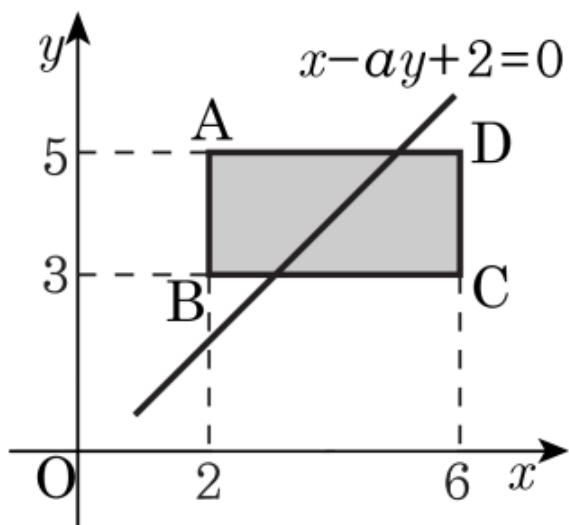
② 2

③ 3

④ 4

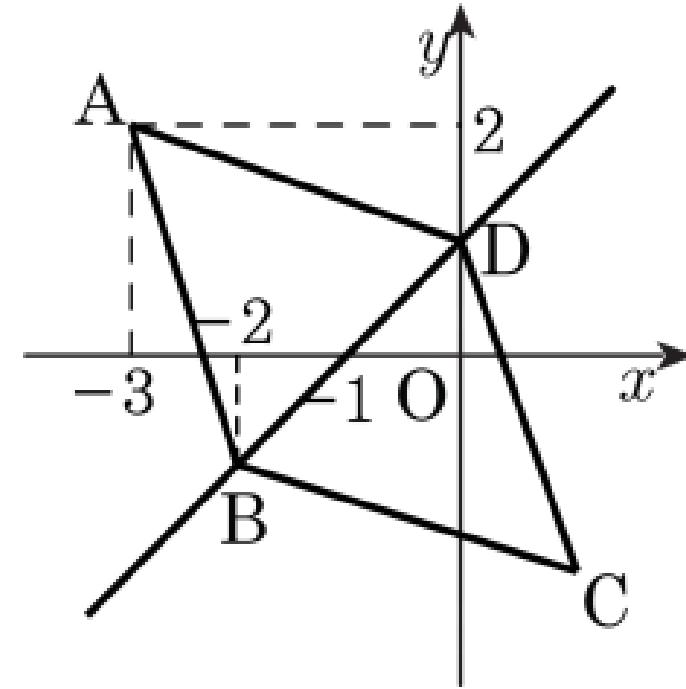
⑤ 5

22. 다음 그림에서 $\square ABCD$ 의 넓이를 이등분하는 직선의 방정식이 $x - ay + 2 = 0$ 일 때, 상수 a 의 값은?



- ① $\frac{1}{3}$
- ② $\frac{1}{2}$
- ③ $\frac{2}{3}$
- ④ $\frac{3}{2}$
- ⑤ 2

23. 다음 그림에서 점 B 와 점 D 를 지나는 직선의 x 절편이 -1 이고 $A(-3, 2)$ 일 때, 마름모 $ABCD$ 의 넓이를 구하면?



답:

24. 세 점 $A(1, 3)$, $B(3, 1)$, $C(5, 5)$ 를 꼭지점으로 하는 $\triangle ABC$ 와 직선 $kx - y + 2k - 1 = 0$ 이 만난다. 상수 k 의 최대값을 M , 최소값을 m

이라 할 때, $\frac{M}{m}$ 의 값은?

① $\frac{2}{3}$

② $\frac{4}{3}$

③ 2

④ $\frac{8}{3}$

⑤ $\frac{10}{3}$

25. 두 원 O 와 O' 의 반지름의 길이가 각각 3cm, 4cm이고 중심거리가 5cm 일 때, 두 원의 공통현의 길이를 구하면?

① 4

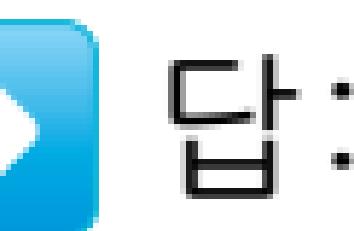
② 4.2

③ 4.4

④ 4.6

⑤ 4.8

26. 두 원 $(x - a)^2 + (y - 2)^2 = 9$, $(x - 1)^2 + (y + a)^2 = 1$ 이 직교할 때 a 의 값의 합을 구하여라.



답:

27. 직선 $y = 3x + n$ 이 원 $x^2 + y^2 - 4x + 6y - 3 = 0$ 에 의하여 잘린 현의 길이가 $2\sqrt{6}$ 일 때, 상수 n 의 값의 합은?

① -18

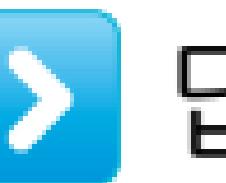
② 18

③ -22

④ 22

⑤ 0

28. 원 $x^2 + y^2 = 5$ 와 점 $P(x_1, y_1)$ 에서 접하는 직선이 x 축, y 축과 만나는 점을 각각 A, B 라고 할 때, $\triangle OAB$ 의 넓이의 최솟값을 구하여라. (단, P 는 제1 사분면 위의 점이고, O 는 원점이다.)



답:

29. 점 $(2, -1)$ 에서 원 $x^2 + y^2 = 1$ 에 그은 접선의 방정식이 $y = a_1x + b_1, y = a_2x + b_2$ 일 때, $a_1a_2 - b_1b_2$ 의 값은?

① $-\frac{3}{4}$

② $-\frac{5}{3}$

③ $-\frac{4}{3}$

④ $-\frac{5}{3}$

⑤ $-\frac{4}{3}$

30. 한 정점 A(-2, 3)에서 원 $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 3 = 0$ 에 이르는 거리의
최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 할때, $M + m$ 의 값은?

① $2\sqrt{31}$

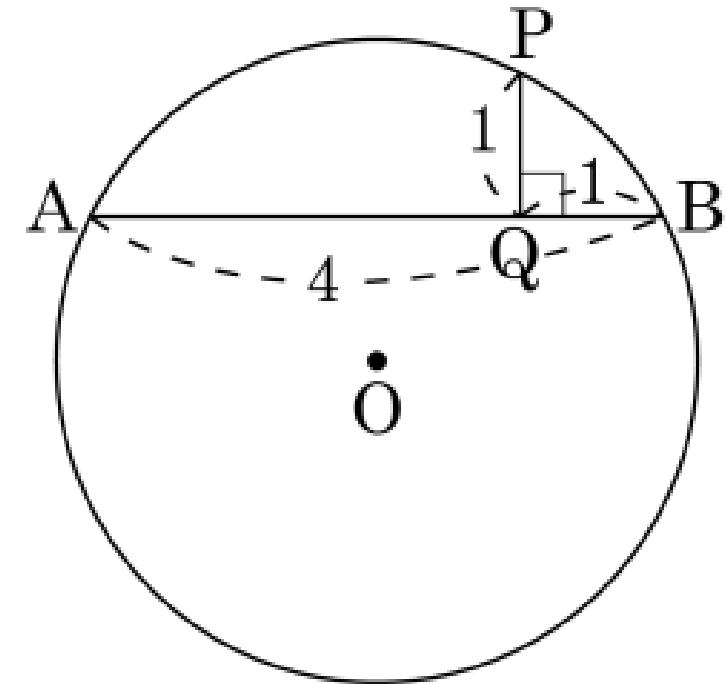
② $4\sqrt{2} + 2\sqrt{31}$

③ $2\sqrt{34}$

④ $4\sqrt{2} + 2\sqrt{34}$

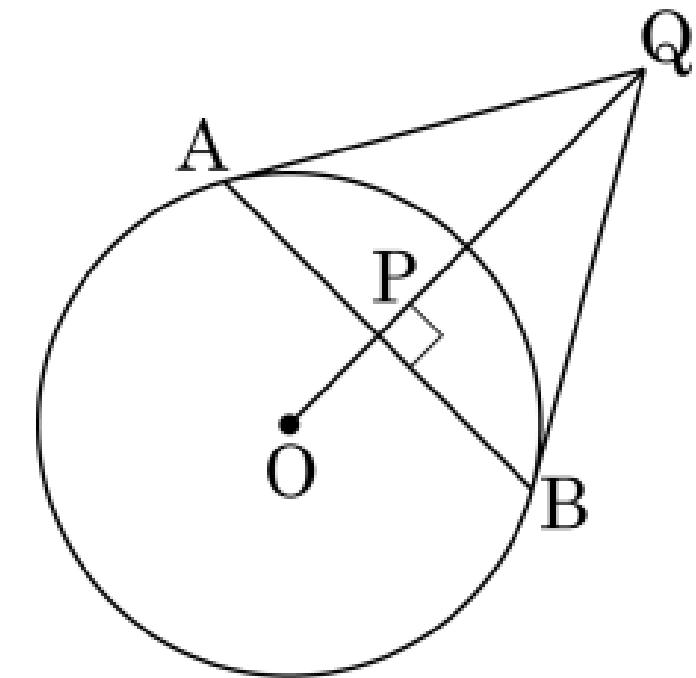
⑤ $8\sqrt{2}$

31. 다음 그림과 같이 한 원 O 의 호와 현으로 이루어진 도형에서 $\overline{AB} = 4$, $\overline{PQ} = \overline{BQ} = 1$ 일 때, 원 O 의 반지름의 길이의 제곱을 구하여라.



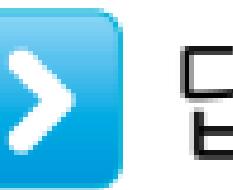
답:

32. 반지름의 길이가 10인 원 O 의 내부에 한 점 P 가 있다. 점 P 를 지나고 직선 OP 에 수직인 직선이 원과 만나는 두 점을 A, B 라 하고, A, B 에서의 두 접선의 교점을 Q 라 하자. $\overline{OP} = 5$ 일 때, 선분 PQ 의 길이를 구하여라.



답:

33. 직선 $3x + 4y = 0$ 을 x 축의 방향으로 a 만큼, y 축의 방향으로 b 만큼
평행이동하면 원 $x^2 + y^2 = 1$ 에 접한다. 이 때, 두 양수 a, b 에 대하여
 $3a + 4b$ 의 값을 구하여라.



답:

34. 직선 $x + 2y - 3 = 0$ 을 x 축에 대하여 대칭이동한 후 다시 $y = x$ 에 대하여 대칭이동 하였더니, 원 $(x - 1)^2 + (y - a)^2 = 1$ 의 넓이를
이등분하였다. 이 때, a 의 값을 구하여라.



답: $a =$ _____