

1. 이차방정식  $0.3x^2 - 0.4x = 0.6$  을 풀면?

$$\begin{array}{lll} \textcircled{1} & x = \frac{2 \pm \sqrt{11}}{3} & \textcircled{2} & x = \frac{1 \pm \sqrt{22}}{3} & \textcircled{3} & x = \frac{2 \pm \sqrt{22}}{2} \\ \textcircled{4} & x = \frac{2 \pm \sqrt{22}}{3} & \textcircled{5} & x = \frac{2 \pm \sqrt{23}}{3} \end{array}$$

해설

$0.3x^2 - 0.4x = 0.6$  의 각 항에 10 을

곱하면  $3x^2 - 4x - 6 = 0$

$$x = \frac{-(-2) \pm \sqrt{(-2)^2 - 3 \times (-6)}}{3} = \frac{2 \pm \sqrt{22}}{3}$$

2. 이차방정식  $x(x - 6) = a$  가 중근을 가질 때, 상수  $a$ 의 값은?

- ① -9      ② -6      ③ 0      ④ 6      ⑤ 9

해설

$$x^2 - 6x - a = 0 \text{ 에서}$$

$$D = (-6)^2 + 4a = 0$$

$$\therefore a = -9$$

3. 다음 중에서 이차함수인 것은?

①  $y = x^2 - (x - 1)^2$       ②  $y = \frac{1}{x} - 1$   
③  $y = -\frac{1}{2}x(x - 2) - 5$       ④  $y = \frac{1}{x^2}$

⑤  $y = -3x + 5$

해설

①, ⑤은 일차함수이고, ②, ④은 분모에  $x$ 가 있으므로 이차함수는  
③이다.

4. 다음 이차함수의 그래프 중에서  $y = -\frac{1}{6}x^2$  과  $x$  축에 대하여 서로 대칭인 것은?

①  $y = -2x^2$       ②  $y = 6x^2$       ③  $y = 2x^2$   
④  $y = \frac{1}{6}x^2$       ⑤  $y = -\frac{1}{3}x^2$

해설

$x$  축에 대칭인 함수는  $x^2$  의 계수의 절댓값이 같고 부호가 서로 반대이다.

5. 이차함수  $y = x^2$  의 그래프에 대한 다음 설명 중 옳은 것을 모두 고르면?

(가) 원점을 꼭짓점으로 한다.  
(나) 대칭축은  $y$  축이다.  
(다)  $y$ 의 값의 범위는  $y > 0$  이다.  
(라)  $x < 0$  일 때,  $x$ 의 값이 증가하면  $y$ 의 값도 증가한다.

- ① (가), (나)  
② (가), (나), (다)  
③ (나), (다)  
④ (가), (나), (라)  
⑤ (나), (라)

해설

(다)  $y$ 의 값의 범위는  $y \geq 0$   
(라)  $x < 0$  에서  $x$  값 증가,  $y$  는 감소

6. 주어진 이차함수 중 축의 방정식이 같지 않은 식은?

①  $y = -\frac{3}{4}x^2 + 4$

③  $y = \frac{1}{4}x^2 - 5$

⑤  $y = -3x^2$

②  $y = -2(x + 3)^2 + 4$

④  $y = x^2 + 4$

해설

①, ③, ④, ⑤의 축은 모두  $y$  축,  $x = 0$  이고, ②의 축은  $x = -3$ 이다.

7.  $y = -2x^2$  을  $x$  축의 방향으로 3 만큼,  $y$  축의 방향으로 1 만큼 평행이동 했더니  $(2, a)$  를 지난다고 한다.  $a$  의 값을 구하면?

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

해설

$$y = -2x^2 \Rightarrow y = -2(x - 3)^2 + 1$$
$$a = -2(2 - 3)^2 + 1 = -1$$

8. 다음 이차함수의 그래프 중  $x$  축과 두 점에서 만나는 것은?

①  $y = 2x^2 + 3$       ②  $y = -2x^2 - 3$

③  $y = x^2 - 2x + 1$       ④  $y = -x^2 + 4x$

⑤  $y = -x^2 + 6x - 10$

해설

$$\begin{aligned}y &= -(x^2 - 4x + 4) + 4 \\&= -(x - 2)^2 + 4\end{aligned}$$

꼭짓점이 1 사분면에 있고 위로 볼록하므로  $x$  축과 두 점에서 만난다.

9. 이차방정식  $(x+2)^2 - 8 = 2(x+2)$ 의 두 근을  $\alpha, \beta$ 라 할 때,  $\alpha\beta$ 의 값을 구하여라. (단,  $\alpha > \beta$ )

▶ 답:

▷ 정답: -8

해설

$$x+2=t \text{로 치환하면 } t^2 - 2t - 8 = 0$$

$$(t-4)(t+2) = 0$$

$$t = 4 \text{ 또는 } t = -2$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = -4$$

$$\therefore \alpha\beta = 2 \times (-4) = -8$$

10. 두 근이  $\frac{1}{3}$ ,  $-2$ 이고  $x^2$ 의 계수가 3인 이차방정식  $3x^2 + ax + b = 0$ 에서  $ab$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-10$

해설

$$3\left(x - \frac{1}{3}\right)(x + 2) = 3\left(x^2 + \frac{5}{3}x - \frac{2}{3}\right)$$

$$3x^2 + 5x - 2$$

$a = 5$ ,  $b = -2$ ]므로  $ab = -10$ 이다.

11. 이차함수  $f(x) = -x^2 + ax - 1$ 에 대하여  $f(1) = 2$ ,  $f(-1) = b$  일 때,  
상수  $a$ ,  $b$ 의 합  $a+b$ 의 값은?

- ① 2      ② 1      ③ 0      ④ -2      ⑤ -4

해설

$$f(1) = 2, \quad -1^2 + a \times 1 - 1 = 2, \quad -1 + a - 1 = 2$$

$$\therefore a = 4$$

$$f(x) = -x^2 + 4x - 1 \text{ } \circ] \text{므로}$$

$$f(-1) = -(-1)^2 + 4(-1) - 1 = -1 - 4 - 1 = -6$$

$$\therefore b = -6$$

$$\therefore a + b = 4 + (-6) = -2$$

12.  $y = \frac{1}{2}x^2$  의 그래프를  $y$  축의 방향으로  $q$  만큼 평행이동하면 점  $(2, 7)$  을 지난다. 이 때,  $q$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답: 5

해설

$y = \frac{1}{2}x^2$  의 그래프를  $y$  축의 방향으로  $q$  만큼 평행이동하면

$y = \frac{1}{2}x^2 + q$  이다.

$(2, 7)$ 을 대입하면  $7 = 2 + q$  이므로  $q = 5$  이다.

13. 이차함수  $y = -2x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-3$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $q$  만큼 평행이동하면 점  $(-1, -2)$ 를 지난다. 이 때,  $q$  의 값은?

① 5      ②  $-5$       ③ 6      ④  $-6$       ⑤ 7

해설

이차함수  $y = -2x^2$  의 그래프를  $x$  축의 방향으로  $-3$  만큼,  $y$  축의 방향으로  $q$  만큼 평행이동하면  $y = -2(x + 3)^2 + q$  이다. 점  $(-1, -2)$ 를 지난므로 대입하면  $-2 = -2(-1 + 3)^2 + q$ ,  $-2 = -8 + q$  이다.

$\therefore q = 6$  이다.

14. 이차함수  $y = -x^2 + 2x - 3$  의 그래프에서  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값이 감소하는  $x$ 의 범위를 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $x > 1$

해설

$$y = -x^2 + 2x - 3$$

$$y = -(x - 1)^2 - 2$$

따라서 꼭짓점이  $(1, -2)$ 인 위로 볼록한 그래프이므로  $x$ 의 값이 증가할 때,  $y$ 의 값이 감소하는  $x$ 의 범위는  $x > 1$

15. 이차함수  $y = 3(x + 1)^2 + q$  의 그래프가 모든 사분면을 지나기 위한 상수  $q$  의 범위는?

- ①  $q < -1$       ②  $q < -2$       ③  $q < -3$   
④  $q < -4$       ⑤  $q < -5$

해설

꼭짓점은  $(-1, q)$ 로 아래로 볼록한 그래프이다.  
모든 사분면을 지나려면  $3 + q < 0$ 이어야 한다.  
 $\therefore q < -3$

16. 포물선  $y = -2x^2 + 2mx - 6$ 의 축의 방정식이  $x = 1$  일 때,  $m$  의 값을 구하면?

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

해설

축의 방정식이  $x = 2$  이므로

$$\begin{aligned}y &= -2x^2 + 2mx - 6 \\&= -2(x-1)^2 + q \\&= -2x^2 + 4x - 2 + q\end{aligned}$$

$$\therefore 2m = 4, m = 2$$

17. 이차함수의 그래프가  $x$  축과 두 점에서 만나는 것을 모두 고르면?

①  $y = 4x^2 - 4x + 1$

③  $y = 2x^2 + 3x + 4$

⑤  $y = -\frac{1}{2}x^2 - x + 1$

②  $y = x^2 - 3x + 2$

④  $y = -2x^2 + 4x - 3$

해설

②  $D = 3^2 - 4 \times 2 > 0$

⑤  $D = (-1)^2 - 4 \times \left(-\frac{1}{2}\right) > 0$

18. 서로 다른 실수  $a, b, c$ 에 대하여  $a + b + c = 0$  일 때, 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$  의 근의 개수를 구하면?

① 서로 다른 두 개의 근을 갖는다.

② 중근을 갖는다.

③ 근이 존재하지 않는다.

④ 모든 실수에 대해서 만족한다.

⑤ 알 수 없다.

해설

방정식  $ax^2 + bx + c = 0$  의 판별식  $D = b^2 - 4ac$ 에  $b = -a - c$ 를 대입하면  $D = (-a - c)^2 - 4ac = a^2 - 2ac + c^2 = (a - c)^2 \geq 0$

$a \neq c, a - c \neq 0$  이므로  $(a - c)^2 > 0$  이다.

따라서 이차방정식  $ax^2 + bx + c = 0$  은 서로 다른 두 개의 실근을 가진다.

19.  $x$ 에 관한 이차방정식  $x^2 - 2(k+a)x + (k^2 - k + b) = 0$ 의  $k$ 값에  
관계없이 중근을 가질 때,  $8ab$ 의 값은?

- ① -2      ② 2      ③ -1      ④ 1      ⑤ 0

해설

$$D/4 = (k+a)^2 - (k^2 - k + b) = 0$$

$k$ 에 대해서 정리하면

$$(2a+1)k + a^2 - b = 0, \text{이 식이 } k \text{에 관한 항등식이므로 } 2a+1 = 0, a^2 - b = 0$$

$$\therefore a = -\frac{1}{2}, b = \frac{1}{4}$$

$$\therefore 8ab = 8 \left(-\frac{1}{2}\right) \left(\frac{1}{4}\right) = -1$$

20. 이차방정식  $6x^2 - 5x + a = 0$  의 두 근을  $\alpha, \beta$  라 할 때,  $\alpha^2 + \beta^2 = \frac{13}{36}$  이다. 이 때, 상수  $a$  의 값은?

① 1      ② 5      ③ 13      ④ -1      ⑤ -13

해설

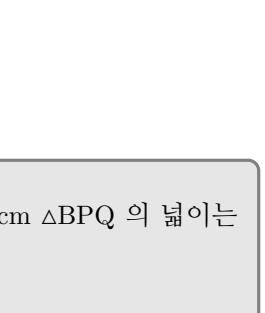
근과 계수의 관계에서

$$\alpha + \beta = \frac{5}{6}, \quad \alpha\beta = \frac{a}{6}$$

$$\alpha^2 + \beta^2 = (\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta = \frac{25}{36} - \frac{a}{3} = \frac{13}{36}$$

$$\therefore a = 1$$

21. 다음 그림과 같이  $\overline{AB} = 15\text{ cm}$ ,  $\overline{BC} = 20\text{ cm}$ 인 직사각형 ABCD 가 있다. 점 P 는 변 AB 위를 점 A로부터 B 까지 매초 1cm 의 속력으로 움직이고, 점 Q 는 변 BC 위를 점 B로부터 C 까지 매초 2cm 의 속력으로 움직이고 있다. 두 점 P, Q 가 동시에 출발하였다면 몇 초 후에  $\triangle BPQ$  의 넓이가  $36\text{ cm}^2$  가 되는지 구하여라.



▶ 답: 초

▷ 정답: 3 초

**해설**

$x$  초 후에  $\overline{PB} = (15 - x)\text{ cm}$ ,  $\overline{BQ} = 2x\text{ cm}$   $\triangle BPQ$  의 넓이는

$$\frac{1}{2}\overline{PB} \times \overline{BQ} \text{ 이므로}$$

$$\frac{1}{2}(15 - x)2x = 36$$

$$2x^2 - 30x + 72 = 0$$

$$x^2 - 15x + 36 = 0$$

$$(x - 3)(x - 12) = 0$$

$$\therefore x = 3 \text{ (초)} (\text{단}, 0 < x < 10)$$

22. 다음 이차함수의 그래프 중 4 번째로 폭이 좁은 것은?

Ⓐ  $y = -(x - 2)^2$

Ⓑ  $y = \frac{2x(x - 1)(x + 1)}{x - 1}$

Ⓒ  $y = \frac{1}{3}x^2 + \frac{1}{3}$

Ⓓ  $y = -3x^2 + x$

Ⓔ  $y = -\frac{5}{2}x^2$

해설

$a$ 의 절댓값이 클수록 폭이 좁아진다.

$a$ 의 절댓값을 각각 구하면

Ⓐ 1

Ⓑ 2

Ⓒ  $\frac{1}{3}$

Ⓓ 3

Ⓔ  $\frac{5}{2}$

이므로 폭이 좁은 순서는 Ⓟ, Ⓠ, Ⓡ, Ⓢ, Ⓣ이다. 따라서 네 번째로 폭이 좁은 것은 Ⓢ이다.

23. 다음 식의 값을 구하여라.

$$5 - \frac{6}{5 - \frac{6}{5 - \frac{6}{\dots}}}$$

▶ 답:

▶ 답:

▷ 정답:  $x = 2$

▷ 정답:  $x = 3$

해설

주어진 식을  $x$  라고 하면  $x = 5 - \frac{6}{x}$

$x = 5 - \frac{6}{x}$  의 양변에  $x$  를 곱하면

$$x^2 = 5x - 6, x^2 - 5x + 6 = 0$$

$$(x-2)(x-3) = 0$$

$$\therefore x = 2 \text{ 또는 } x = 3$$

24. 어떤 원에서 반지름을  $2\text{ cm}$  늘였더니 그 넓이가 처음 원의 2 배가 되었다. 처음 원의 반지름은 얼마인지 구하여라.

▶ 답 :  $\text{cm}$

▷ 정답 :  $2 + 2\sqrt{2} \text{ cm}$

해설

처음 원의 반지름의 길이를  $x\text{ cm}$  라 하면

$$2\pi x^2 = \pi(x+2)^2$$

$$2x^2 = x^2 + 4x + 4$$

$$x^2 - 4x - 4 = 0$$

$$x = 2 \pm 2\sqrt{2}$$

$x > 0$  이므로  $x = 2 + 2\sqrt{2}$ 이다.

25. 이차함수  $y = a(x - p)^2 + q$ 의 그래프가 점  $(1, 0)$ 을 지나고, 이 그래프와  $y$ 축에 대하여 대칭인 그래프의 꼭짓점의 좌표가  $(-3, -5)$ 일 때,  $apq$ 의 값을 구하여라.

▶ 답:

▷ 정답:  $-\frac{75}{4}$

해설

$$\begin{aligned}y &= a(x - p)^2 + q \text{의 꼭짓점의 좌표는 } (p, q) \\y \text{ 축 대칭하면 } (-p, q) &= (-3, -5) \\ \therefore p &= 3, q = -5 \\y &= a(x - 3)^2 - 5 \text{의 그래프가 점 } (1, 0) \text{을 지나므로} \\0 &= a(1 - 3)^2 - 5 \\ \therefore a &= \frac{5}{4} \\ \therefore apq &= \frac{5}{4} \times 3 \times (-5) = -\frac{75}{4}\end{aligned}$$