

1. 세 점 A(6, 12), B(4, 7), C(a , -8) 가 일직선 위에 있을 때, a 의 값을 구하면?

▶ 답 :

▷ 정답 : -2

해설

기울기가 같으므로

$$\frac{12-7}{6-4} = \frac{7-(-8)}{4-a}$$

$$\frac{5}{2} = \frac{15}{4-a} \quad \therefore a = -2$$

2. 세 점 A(-4, 0), B(0, 2), C (a, 4) 가 일직선 위에 있을 때, a 의 값을 구하여라.

① 2

② -4

③ -3

④ 3

⑤ 4

해설

기울기가 같으므로

$$\frac{2-0}{0-(-4)} = \frac{4-2}{a-0}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{a}, a = 4$$

3. 좌표평면 위의 세 점 $(a, 6), (4, 3), (2, 5)$ 이 한 직선 위에 있을 때, 상수 a 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

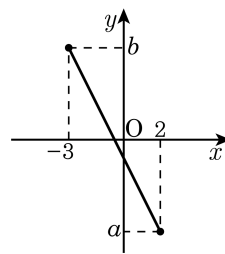
▷ 정답 : 1

해설

$$(기울기) = \frac{3-5}{4-2} = \frac{6-5}{a-2} = -1, a = 1$$

4. x 의 범위가 $-3 \leq x \leq 2$ 인 일차함수 $y = -2x - 1$ 의 그래프가 다음과 같을 때 함숫값의 범위를 구하면?

- ① $-5 \leq y \leq 5$ ② $-5 \leq y < 5$
 ③ $0 \leq y \leq 5$ ④ $-1 \leq y \leq 3$
 ⑤ $-1 \leq y < 3$



해설

기울기가 음수이므로 $f(2) \leq y \leq f(-3)$

$$f(-3) = 5$$

$$f(2) = -5$$

따라서 함숫값의 범위는 $-5 \leq y \leq 5$

5. 일차함수 $y = -5x - 1$ 의 함숫값의 범위가 $-1, 14$ 일 때, x 의 범위는?

- ① $-3, 0$ ② $-1, 4$ ③ $1, -2$ ④ $0, 71$ ⑤ $4, 71$

해설

$y = -1$ 일 때 $x = 0$
 $y = 14$ 일 때 $x = -3$
따라서 $-3, 0$ 이다.

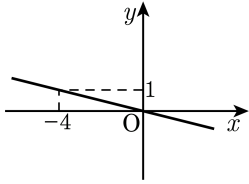
6. 일차함수 $y = 3x$ 의 함숫값의 범위는 $-3, 3, 6, 9$ 일 때, 다음 중 x 의 값이 아닌 것은?

① -1 ② 0 ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

해설

일차함수 $y = 3x$ 의 함숫값의 범위는 $-3, 3, 6, 9$ 이므로 x 의 범위는 $-1, 1, 2, 3$ 이다.

7. 다음 그래프의 직선의 방정식이 $y = -\frac{a}{b}x$ 일 때, $a \times b$ 의 값을 구하라.



▶ 답 :

▷ 정답 : 4

해설

$$(\text{기울기}) = \frac{0 - 1}{0 - (-4)} = -\frac{1}{4}, (\text{y절편}) = 0$$

$$\therefore y = -\frac{1}{4}x$$

따라서 $a \times b = 4$ 이다.

8. 일차함수 $y = ax$ 의 그래프가 $(-3, 9)$ 를 지난다고 할 때, 다음 중 이 그래프 위에 있지 않은 점은?

- ① $(1, -3)$ ② $(0, 0)$ ③ $(2, 6)$
④ $(3, -9)$ ⑤ $(4, -12)$

해설

$y = ax$ 의 그래프가 점 $(-3, 9)$ 를 지나므로 $9 = a(-3), a = -3$ 이다.

$y = -3x$ 의 그래프 위에 있지 않은 점은 점 $(2, 6)$ 이다.

9. 일차함수 $y = ax$ 의 그래프가 점 $(-4, 8)$ 을 지날 때, 이 그래프 위에 있는 점인 것을 모두 골라라.

보기

㉠ $(1, -2)$

㉡ $(-2, 2)$

㉢ $(0, 0)$

㉣ $\left(\frac{1}{2}, 1\right)$

㉤ $(3, -6)$

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠, ㉢, ㉤

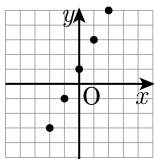
해설

$y = ax$ 의 그래프가 점 $(-4, 8)$ 을 지나므로 $8 = a(-4), a = -2$ 이다.

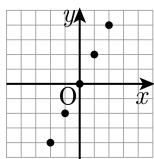
$y = -2x$ 의 그래프 위에 있는 점을 찾으면 된다. $(1, -2), (0, 0), (3, -6)$ 이다.

10. 일차함수 $y = 2x + 1$ 의 그래프로 옳은 것은?

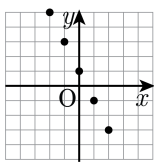
①



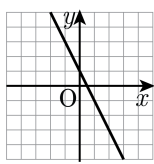
②



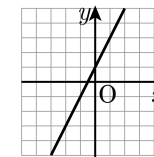
③



④



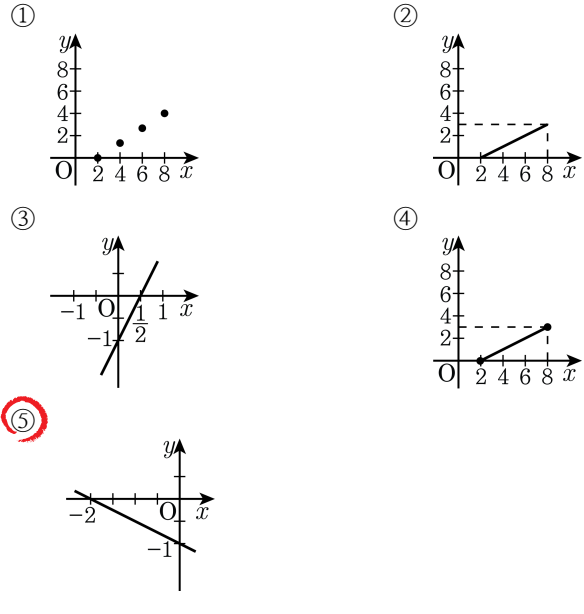
⑤



해설

일차함수 $y = 2x$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 1 만큼 평행이동한 직선을 찾거나 지나는 두 점을 구하여 그래프를 그려본다.

11. 일차함수 $y = -\frac{1}{2}x - 1$ 의 그래프는?



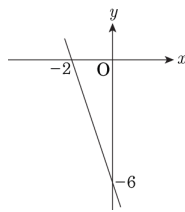
해설

일차함수 $y = -\frac{1}{2}x$ 의 그래프를 y 축의 방향으로 -1 만큼 평행 이동한 직선을 찾거나
지나는 두 점을 구하여 그래프를 그려본다.

12. 일차방정식 $3x + y + 6 = 0$ 의 그래프를 그려라.

▶ 답 :

▷ 정답 :



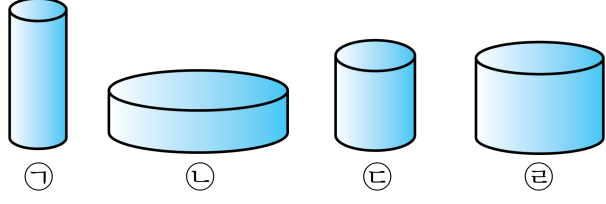
해설

$$3x + y + 6 = 0$$

$$y = -3x - 6$$

기울기가 -3 이고 x 절편은 -2 , y 절편은 -6 이다.

13. 다음과 같은 모양이 다른 4 개의 물통에 일정한 속도로 물을 채울 때, 시간에 대한 물의 높이의 변화량이 가장 큰 순서대로 나열하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉡

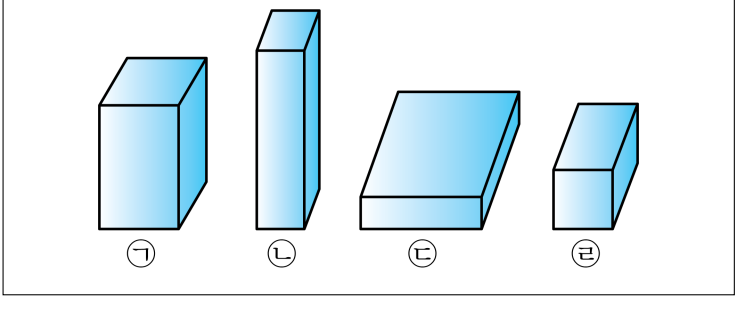
▷ 정답 : ㉢

▷ 정답 : ㉣

해설

밑면의 넓이가 넓은 물통일수록 물의 높이가 천천히 증가하므로 밑면의 넓이가 가장 좁은 ㉠이 변화량이 제일 크다.

14. 다음 그림의 모양이 다른 물통에 물을 일정한 속도로 채울 때, 시간에 대한 물의 높이의 변화량이 가장 큰 순서대로 나열하여라.



▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▶ 답 :

▷ 정답 : ㉡

▷ 정답 : ㉠

▷ 정답 : ㉢

▷ 정답 : ㉣

해설

밑면의 넓이가 넓은 물통일수록 물의 높이가 천천히 증가하므로 밑면의 넓이가 가장 좁은 ㉡이 변화량이 제일 크다.

15. 두 함수 $y = (a - b + 1)x + 4a - 1$, $y = (a + b - 5)x + 5b$ 가 둘 다 일차함수가 아닐 때, 다음 중 일차함수가 아닌 것은?

① $3y = (a + 1)x + 3$

② $y = (a + b)x + b$

③ $(a - 2)y = 3x - a$

④ $(b - 2)y = (a - 1)x + 4$

⑤ $(3 - a)x + 4y = b$

해설

두 함수가 일차함수가 아니려면 x 의 계수가 0 이 되어야 하므로

$$\begin{cases} a - b + 1 = 0 \\ a + b - 5 = 0 \end{cases}$$

연립방정식을 풀면 $a = 2$, $b = 3$ 이다.

주어진 일차함수에서 x 의 계수 혹은 y 의 계수가 0 인 것을 찾으면

③ $a - 2 = 0$ 이므로 $(a - 2)y = 3x - a$ 은 일차함수가 아니다.

16. 다음 보기 중 일차함수가 아닌 것을 고르면?

① $y = x + 2$

② $x = 1 - y$

③ $y = \frac{2}{3}x + 3$

④ $y + x^2 = x^2 + x$

⑤ $y + x = x + 3$

해설

① $y = x + 2$ 는 일차함수이다.

② $x = 1 - y, y = -x + 1$ 이므로 일차함수이다.

③ $y = \frac{2}{3}x + 3$ 는 일차함수이다. (계수가 분수라고 분수함수가 아니다.)

④ $y + x^2 = x^2 + x$ 는 $y = x$ 이므로 일차함수이다.

⑤ $y + x = x + 3, y = 3$ 이므로 상수함수이다.

17. 다음 중 $ax + by + c = 0$ 이 일차함수가 되도록 하는 상수 a, b, c 의 값을 모두 고르면?

① $a = 0, b = -1, c = 0$

② $a = 0, b = 0, c = 2$

③ $a = 1, b = -1, c = -3$

④ $a = -1, b = 0, c = 3$

⑤ $a = -3, b = -2, c = 0$

해설

$ax + by + c = 0$ 가 일차함수가 되려면 x 의 계수인 a 와 y 의 계수인 b 가 0 이 아니어야 한다.
따라서 일차함수가 되는 것은 ③, ⑤이다.

18. 일차함수 $y = -2x + 4$ 의 그래프를 y 축의 음의 방향으로 2만큼 평행 이동한 그래프의 기울기를 a , x 절편을 b , y 절편을 c 라고 할 때, $a - b - c$ 의 값은?

① -5 ② 1 ③ 0 ④ -11 ⑤ -6

해설

$y = -2x + 4$ 의 그래프를 y 축의 음의 방향으로 2만큼 평행 이동한 그래프는 $y = -2x + 2$ 이고 이 그래프의 기울기는 $a = -2$, x 절편은 $b = 1$, y 절편은 $c = 2$ 이므로 $a - b - c = -2 - 1 - 2 = -5$ 이다.

19. 일차함수 $y = ax + 8$ 의 그래프는 x 의 값은 3 만큼 증가할 때, y 의 값은 4 만큼 증가한다. 이 그래프의 x 절편은?

① -9 ② -6 ③ -3 ④ 3 ⑤ 6

해설

$$\text{기울기} = \frac{4}{3} = a$$

$$y = \frac{4}{3}x + 8 \text{ 에서 } x \text{ 절편: } -6$$

20. 일차함수 $y = 2x - 5$ 의 y 절편과 기울기의 합을 a , $y = \frac{1}{3}x - 2$ 의 x 절편과 y 절편의 합을 b 라고 할 때, $y = ax + b$ 의 x 절편의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{4}{3}$

해설

$y = 2x - 5$ 의 y 절편 : -5 , 기울기 : 2

$\therefore a = -3$

$y = \frac{1}{3}x - 2$ 의 x 절편 : 6 , y 절편 : -2

$\therefore b = 4$

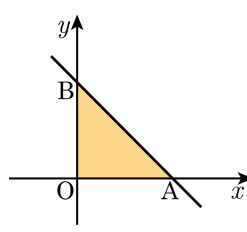
따라서 주어진 함수는 $y = -3x + 4$ 이고 이 식의 x 절편은

$0 = -3x + 4$

$x = \frac{4}{3}$ 이다.

21. 다음 그림에서 점 A, B는 직선 $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$ 과 x 축, y 축과의 교점이다. $\triangle BOA$ 의 넓이가 12일 때, ab 의 값을 구하면?

- ① 24 ② 16 ③ 10
④ -8 ⑤ -12



해설

x 절편 a , y 절편 b 이므로

$$\triangle BOA = a \times b \times \frac{1}{2} = 12$$

$$\therefore ab = 24$$

22. $y = 6x - 10$ 의 그래프와 평행한 $y = ax + b$ 의 그래프는 $y = 8x + 12$ 와 x 가 0일 때의 y 값이 같다.
이때, $y = ax + b$ 그래프의 y 절편, x 절편, 원점으로 이루어진 삼각형의 넓이를 구하여라.

▶ 답 :

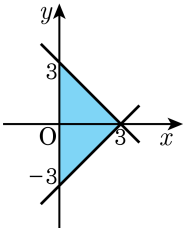
▷ 정답 : 12

해설

$y = 6x - 10$ 의 그래프와 평행하므로 기울기는 6이고 $y = 8x + 12$ 와 x 가 0일 때의 y 값이 같으므로 y 절편은 12이다.
따라서 $a = 6$, $b = 12$ 이고 $y = ax + b$ 의 x 절편은 -2 이다.
밀변인 x 절편과 원점사이의 거리는 2이고,
높이인 원점과 y 절편 사이의 거리는 12이므로
삼각형의 넓이는 $\frac{1}{2} \times 2 \times 12 = 12$ 이다.

23. 다음 그림과 같이 두 일차함수 $y = x - 3$ 과 $y = -x + 3$ 의 그래프와 y 축으로 둘러싸인 도형의 넓이는?

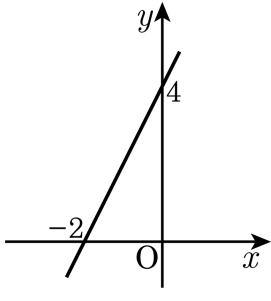
- ① 16
- ② 12
- ③ 9
- ④ -9
- ⑤ -16



해설

문제의 도형은 밑변의 길이와 높이가 각각 6, 3인 삼각형이므로
(넓이) = $\frac{1}{2} \times 6 \times 3 = 9$ 이다.

24. 다음은 $y = (a-1)x + b + 1$ 의 그래프이다. 다음 중 이 그래프에 대한 설명을 옳게 한 것은?



- ㉠ $a < 0$ 이다.

㉡ $y = bx + a$ 의 그래프는 원점을 지난다.

㉢ $a - b + 1 > 0$ 이다.

㉤ $y = ax + b$ 의 x 절편은 1 이다.

㉥ $y = (b-1)x$ 의 그래프와 평행하다.

- ① ㉠, ㉡

② ㉡, ㉢

③ ㉡, ㉤

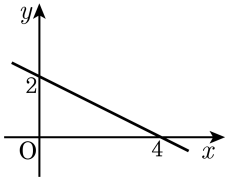
④ ㉢, ㉤

⑤ ㉤, ㉥

해설

그래프의 기울기는 2 이고, y 절편은 4 이므로 $a = 3, b = 3$ 이다.
따라서 옳은 것은 ㉢, ㉤이다.

25. 다음은 대한중학교 2학년 1반 학생들이 다음 그래프를 보고 설명한 내용이다. 그래프를 잘못 이해한 학생은?



- ① 은희: 이 일차함수는 x 값이 증가할수록 y 값이 감소한다.
- ② 은영: 이 일차함수의 x 절편은 4이다.
- ③ 혜림: 이 일차함수는 $y = -2x + 1$ 과 평행하다.
- ④ 지현: 이 일차함수는 제 1, 2, 4 사분면을 지난다.
- ⑤ 수정: 이 일차함수는 점 $(6, -1)$ 을 지난다.

해설

③이 일차함수의 기울기는 $-\frac{1}{2}$ 이므로 $y = -2x + 1$ 와 평행하지 않다.

26. 일차함수 $y = ax + 8$ 의 그래프는 $y = \frac{2}{3}x - 3$ 의 그래프와 평행하고,
 $y = kx + 2$ 의 그래프와 x 축 위에서 만날 때, ak 의 값을 구하여라.

▶ 답 :

▷ 정답 : $\frac{1}{9}$

해설

$a = \frac{2}{3}$, $y = \frac{2}{3}x + 8$ 에 $y = 0$ 을 대입하면

$x = -12$ x 절편 : -12

$y = kx + 2$ 의 x 절편도 -12 이므로

$y = kx + 2$ 에 $x = -12$, $y = 0$ 을 대입하면

$0 = -12k + 2$

$\therefore k = \frac{1}{6}$

$\therefore ak = \frac{1}{9}$